ResolSysteme (0.1.3), version « classique »

1 Préambule sans utiliser python

```
\documentclass[french,a4paper,10pt]{article}
\usepackage[margin=1.5cm]{geometry}
\usepackage{ResolSysteme}                    %version classique
\usepackage{systeme}
\sisetup{locale=FR,output-decimal-marker={,}}
```

2 Affichage d'une matrice, 2x2 ou 3x3 ou 4x4

```
On considère les matrices $A=\AffMatrice(1,2 § 3,4)$
et $B=\AffMatrice[n](-1,1/3,4 § 1/3,4,-1 § -1,0,0)$
et $C=\AffMatrice(1,2,3,4 § 5,6,7,0 § 1,1,1,1 § 2,-3,-5,-6)$.
```

On considère les matrices $A=\begin{pmatrix}1 & 2\\ 3 & 4\end{pmatrix}$ et $B=\begin{pmatrix}-1 & {}^1\!/_3 & 4\\ {}^1\!/_3 & 4 & -1\\ -1 & 0 & 0\end{pmatrix}$ et $C=\begin{pmatrix}1 & 2 & 3 & 4\\ 5 & 6 & 7 & 0\\ 1 & 1 & 1 & 1\\ 2 & -3 & -5 & -6\end{pmatrix}$.

3 Calculs avec des matrices, 2x2 ou 3x3

```
$\ProduitMatrices(1,2)(3 § 4)[Aff]$ et $\ProduitMatrices(1,2)(3,4 § 5,6)[Aff]$ \\
$\ProduitMatrices(-5,6 § 1,4)(2 § 7)[Aff]$ et $\ProduitMatrices(-5,6 § 1,4)(2,-4 § 7,0)[Aff]$
```

$\begin{pmatrix}1 & 2\end{pmatrix}\times\begin{pmatrix}3\\ 4\end{pmatrix}=\begin{pmatrix}11\end{pmatrix}$ et $\begin{pmatrix}1 & 2\end{pmatrix}\times\begin{pmatrix}3 & 4\\ 5 & 6\end{pmatrix}=\begin{pmatrix}13 & 16\end{pmatrix}$
$\begin{pmatrix}-5 & 6\\ 1 & 4\end{pmatrix}\times\begin{pmatrix}2\\ 7\end{pmatrix}=\begin{pmatrix}32\\ 30\end{pmatrix}$ et $\begin{pmatrix}-5 & 6\\ 1 & 4\end{pmatrix}\times\begin{pmatrix}2 & -4\\ 7 & 0\end{pmatrix}=\begin{pmatrix}32 & 20\\ 30 & -4\end{pmatrix}$

```
$\ProduitMatrices(1,2,3)(4 § 5 § 6)[Aff]$ et $\ProduitMatrices(1,2,3)(1,1,1 § 2,1,5 § 0,5,-6)[Aff]$\\
$\ProduitMatrices(1,1,1 § 2,1,5 § 0,5,-6)(1 § 2 § 3)[Aff]$ et
$\ProduitMatrices(1,1,1 § 2,1,5 § 0,5,-6)(1,2,3 § -5,-4,2 § 3,3,10)[Aff]$
```

$\begin{pmatrix}1 & 2 & 3\end{pmatrix}\times\begin{pmatrix}4\\ 5\\ 6\end{pmatrix}=\begin{pmatrix}32\end{pmatrix}$ et $\begin{pmatrix}1 & 2 & 3\end{pmatrix}\times\begin{pmatrix}1 & 1 & 1\\ 2 & 1 & 5\\ 0 & 5 & -6\end{pmatrix}=\begin{pmatrix}5 & 18 & -7\end{pmatrix}$
$\begin{pmatrix}1 & 1 & 1\\ 2 & 1 & 5\\ 0 & 5 & -6\end{pmatrix}\times\begin{pmatrix}1\\ 2\\ 3\end{pmatrix}=\begin{pmatrix}6\\ 19\\ -8\end{pmatrix}$ et $\begin{pmatrix}1 & 1 & 1\\ 2 & 1 & 5\\ 0 & 5 & -6\end{pmatrix}\times\begin{pmatrix}1 & 2 & 3\\ -5 & -4 & 3\\ 3 & 3 & 10\end{pmatrix}=\begin{pmatrix}-1 & 1 & 16\\ 12 & 15 & 59\\ -43 & -38 & -45\end{pmatrix}$

```
$\CarreMatrice(-5,6 § 1,4)[Aff]$ \\
$\CarreMatrice(-5,6,8 § 1,4,-9 § 1,-1,1)[Aff]$
```

$\begin{pmatrix}-5 & 6\\ 1 & 4\end{pmatrix}^2=\begin{pmatrix}31 & -6\\ -1 & 22\end{pmatrix}$
$\begin{pmatrix}-5 & 6 & 8\\ 1 & 4 & -9\\ 1 & -1 & 1\end{pmatrix}^2=\begin{pmatrix}39 & -14 & -86\\ -10 & 31 & -37\\ -5 & 1 & 18\end{pmatrix}$

4 Déterminant d'une matrice, 2x2 ou 3x3

```
Le déterminant de $A=\AffMatrice(1,2 § 3,4)$ est
$\det(A)=\DetMatrice(1,2 § 3,4)$.
```

Le déterminant de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $\det(A) = -2$.

```
Le déterminant de $A=\AffMatrice(-1,0.5 § -1/2,4)$ est
$\det(A)=\DetMatrice[dec](-1,0.5 § -1/2,4)$.
```

Le déterminant de $A = \begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & 4 \end{pmatrix}$ est $\det(A) = -3{,}75$.

```
Le dét. de $A=\begin{pNiceMatrix} -1&\frac13&4 \\ \frac13&4&-1 \\ -1&0&0 \end{pNiceMatrix}$ est
$\det(A) \approx \DetMatrice[dec=3](-1,1/3,4 § 1/3,4,-1 § -1,0,0)$.
```

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{3} & 4 \\ \frac{1}{3} & 4 & -1 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ est $\det(A) \approx 16{,}333$.

5 Inverse d'une matrice, 2x2 ou 3x3

```
L'inverse de $A=\begin{pNiceMatrix} 1&2 \\ 3&4 \end{pNiceMatrix}$ est
$A^{-1}=\MatriceInverse<cell-space-limits=2pt>(1,2 § 3,4)$.
```

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$.

```
L'inverse de $A=\begin{pNiceMatrix} 1&2 \\ 3&4 \end{pNiceMatrix}$ est
$A^{-1}=\MatriceInverse*<cell-space-limits=2pt>(1,2 § 3,4)$.
```

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & \frac{-1}{2} \end{pmatrix}$.

```
L'inverse de $A=\begin{pNiceMatrix} 1&2 \\ 3&4 \end{pNiceMatrix}$ est
$A^{-1}=\MatriceInverse[d]<cell-space-limits=2pt>(1,2 § 3,4)$.
```

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \dfrac{3}{2} & -\dfrac{1}{2} \end{pmatrix}$.

```
L'inverse de $A=\begin{pNiceMatrix} 1&2&3\\4&5&6\\7&8&8 \end{pNiceMatrix}$ est
$A^{-1}=\MatriceInverse<cell-space-limits=2pt>(1,2,3 § 4,5,6 § 7,8,8)$.
```

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 8 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -\frac{8}{3} & \frac{8}{3} & -1 \\ \frac{10}{3} & -\frac{13}{3} & 2 \\ -1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$.

```
L'inverse de $A=\begin{pNiceMatrix} 1&2&3\\4&5&6\\7&8&8 \end{pNiceMatrix}$ est
$A^{-1}=\MatriceInverse[n]<cell-space-limits=2pt>(1,2,3 § 4,5,6 § 7,8,8)$.
```

L'inverse de $A=\begin{pmatrix} 1&2&3\\4&5&6\\7&8&8 \end{pmatrix}$ est $A^{-1}=\begin{pmatrix} -8/3 & 8/3 & -1\\ 10/3 & -13/3 & 2\\ -1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$.

Résolution d'un système, 2x2 ou 3x3

```
La solution de $\systeme{-9x-8y=-8,3x-6y=-7}$ est $\mathcal{S}=%
\left\lbrace \SolutionSysteme(-9,-8 § 3,-6)(-8,-7) \right\rbrace$.
```

La solution de $\begin{cases} -9x-8y=-8\\ 3x-6y=-7 \end{cases}$ est $\mathcal{S}=\left\lbrace \left(-\tfrac{4}{39};\tfrac{29}{26}\right) \right\rbrace$.

```
La solution de $\systeme{-9x-8y=-8,3x-6y=-7}$ est $\mathcal{S}=%
\left\lbrace \SolutionSysteme*[d](-9,-8 § 3,-6)(-8,-7) \right\rbrace$.
```

La solution de $\begin{cases} -9x-8y=-8\\ 3x-6y=-7 \end{cases}$ est $\mathcal{S}=\left\lbrace \left(\dfrac{-4}{39};\dfrac{29}{26}\right) \right\rbrace$.

```
La solution de $\systeme{x+y+z=-1,3x+2y-z=6,-x-y+2z=-5}$ est $\mathcal{S}=%
\left\lbrace \SolutionSysteme(1,1,1 § 3,2,-1 § -1,-1,2)(-1,6,-5) \right\rbrace$.
```

La solution de $\begin{cases} x+y+z=-1\\ 3x+2y-z=6\\ -x-y+2z=-5 \end{cases}$ est $\mathcal{S}=\left\lbrace (2;-1;-2) \right\rbrace$.

```
La solution de $\systeme{x+y+z=-1,3x+2y-z=6,-x-y+2z=-5}$ est donnée par $X=%
\SolutionSysteme(1,1,1 § 3,2,-1 § -1,-1,2)(-1,6,-5)[Matrice]$.
```

La solution de $\begin{cases} x+y+z=-1\\ 3x+2y-z=6\\ -x-y+2z=-5 \end{cases}$ est donnée par $X=\begin{pmatrix} 2\\-1\\-2 \end{pmatrix}$.

```
La solution de $\systeme{3x+y-2z=-1,2x-y+z=4,x-y-2z=5}$ est $\mathcal{S}=%
\left\lbrace \SolutionSysteme(3,1,-2 § 2,-1,1 § 1,-1,-2)(-1,4,5) \right\rbrace$.
```

La solution de $\begin{cases} 3x+y-2z=-1\\ 2x-y+z=4\\ x-y-2z=5 \end{cases}$ est $\mathcal{S}=\left\lbrace \left(\tfrac{1}{2};-\tfrac{7}{2};-\tfrac{1}{2}\right) \right\rbrace$.

```
La solution de $\systeme{3x+y-2z=-1,2x-y+z=4,x-y-2z=5}$ est $\mathcal{S}=%
\left\lbrace \SolutionSysteme[d](3,1,-2 § 2,-1,1 § 1,-1,-2)(-1,4,5) \right\rbrace$.
```

La solution de $\begin{cases} 3x+y-2z=-1\\ 2x-y+z=4\\ x-y-2z=5 \end{cases}$ est $\mathcal{S}=\left\lbrace \left(\dfrac{1}{2};-\dfrac{7}{2};-\dfrac{1}{2}\right) \right\rbrace$.