

# ProfLycee

## Quelques *petites* commandes pour $\text{\LaTeX}$ (au lycée)

Cédric Pierquet

c pierquet -- at -- outlook . fr

Version 2.7.4 – 3 septembre 2023

**Résumé** : Quelques commandes pour faciliter l'utilisation de  $\text{\LaTeX}$  pour les mathématiques, au lycée.

- ↪ résoudre, de manière approchée, des équations
- ↪ calculer (et représenter) une valeur approchée d'une intégrale
- ↪ tracer *facilement* des repères/grilles/courbes
- ↪ tracer des courbes *lisses* avec gestion des extrema et des dérivées
- ↪ présenter du code python ou pseudocode, une console d'exécution Python
- ↪ tracer rapidement un pavé, un tétraèdre
- ↪ simplifier des calculs sous forme fractionnaire, simplifier des racines
- ↪ effectuer des calculs avec des suites récurrentes, créer la *toile* pour une suite récurrente
- ↪ afficher et utiliser un cercle trigo
- ↪ afficher un petit schéma pour le signe d'une fonction affine ou d'un trinôme
- ↪ travailler sur les statistiques à deux variables (algébriques et graphiques)
- ↪ tracer un histogramme, avec classes régulières ou non
- ↪ convertir entre bin/dec/hex avec détails
- ↪ présenter un calcul de PGCD
- ↪ effectuer des calculs de probas (lois binomiale, exponentielle, de Poisson, normale)
- ↪ créer des arbres de probas « classiques »
- ↪ générer des listes d'entiers aléatoires (avec ou sans répétitions)
- ↪ déterminer la mesure principale d'un angle, calculer les lignes trigonométriques d'angles « classiques »
- ↪ résoudre une équation diophantienne « classique »
- ↪ travailler avec un peu de géométrie analytique
- ↪ composer des mathématiques

*Merci à Anne et quark67 pour leurs retours et relectures!*

*Merci à Christophe et Denis pour leurs retours et éclairages!*

*Merci aux membres du groupe  du « Coin  $\text{\LaTeX}$  » pour leur aide et leurs idées!*

---

$\text{\LaTeX}$

pdf $\text{\LaTeX}$

Lua $\text{\LaTeX}$

TikZ

TeXLive

MiKTeX

---

# Table des matières

<b>I</b>	<b>Introduction</b>	<b>9</b>
<b>1</b>	<b>Le package ProfLycee</b>	<b>9</b>
1.1	« Philosophie » du package . . . . .	9
1.2	Chargement du package . . . . .	9
1.3	Librairies . . . . .	10
1.4	Gestion des fontes . . . . .	10
<b>2</b>	<b>Compléments</b>	<b>11</b>
2.1	Le système de « clés/options » . . . . .	11
2.2	Compilateur(s) . . . . .	11
2.3	Problèmes éventuels... . . . .	11
<b>II</b>	<b>Liste des commandes, par thème</b>	<b>14</b>
<b>III</b>	<b>Écritures d'objets mathématiques</b>	<b>20</b>
<b>3</b>	<b>Introduction</b>	<b>20</b>
<b>4</b>	<b>Commandes</b>	<b>20</b>
4.1	Arrondi . . . . .	20
4.2	Ensembles et intervalles . . . . .	20
4.3	Repères et coordonnées . . . . .	21
4.4	Divers . . . . .	22
4.5	Probabilités . . . . .	23
<b>5</b>	<b>Collection d'objets</b>	<b>25</b>
5.1	Idée . . . . .	25
5.2	Commande et options . . . . .	25
<b>IV</b>	<b>Outils pour l'analyse</b>	<b>27</b>
<b>6</b>	<b>Résolution approchée d'une équation</b>	<b>27</b>
6.1	Idée . . . . .	27
6.2	Clés et options . . . . .	27
<b>7</b>	<b>Présentation d'une solution d'équation par balayage</b>	<b>29</b>
7.1	Idée . . . . .	29
7.2	Clés et arguments . . . . .	29
7.3	Interaction avec la commande de résolution approchée . . . . .	30
<b>8</b>	<b>Suites récurrentes simples</b>	<b>31</b>
8.1	Idées . . . . .	31
8.2	Clés et arguments . . . . .	31
8.3	Exemple d'utilisation . . . . .	32
<b>9</b>	<b>Valeur approchée d'une intégrale</b>	<b>33</b>
9.1	Idée . . . . .	33
9.2	Clés et arguments . . . . .	33
9.3	Exemples . . . . .	34

<b>V Outils graphiques</b>	<b>36</b>
<b>10 Repérage et tracé de courbes</b>	<b>36</b>
10.1 Idée . . . . .	36
10.2 Commandes, clés et options . . . . .	37
10.3 Commandes annexes . . . . .	40
10.4 Repère non centré en O . . . . .	41
<b>11 L'outil « SplineTikz »</b>	<b>43</b>
11.1 Courbe d'interpolation . . . . .	43
11.2 Code, clés et options . . . . .	43
11.3 Compléments sur les coefficients de « compensation » . . . . .	43
11.4 Exemples . . . . .	44
11.5 Avec une gestion plus fine des « coefficients » . . . . .	45
11.6 Conclusion . . . . .	45
<b>12 L'outil « TangenteTikz »</b>	<b>46</b>
12.1 Définitions . . . . .	46
12.2 Exemple et illustration . . . . .	46
12.3 Exemple avec les deux outils, et « personnalisation » . . . . .	47
<b>13 Petits schémas pour le signe d'une fonction affine ou d'un trinôme</b>	<b>48</b>
13.1 Idée . . . . .	48
13.2 Commandes . . . . .	48
13.3 Intégration avec tkz-tab . . . . .	50
<b>14 Suites récurrentes et « toile »</b>	<b>51</b>
14.1 Idée . . . . .	51
14.2 Commandes . . . . .	51
14.3 Exemples . . . . .	52
14.4 Influence des paramètres . . . . .	53
<b>15 Méthodes graphiques et intégrales</b>	<b>54</b>
15.1 Idée . . . . .	54
15.2 Clés et arguments . . . . .	54
15.3 Exemples . . . . .	56
<b>VI Présentation de codes</b>	<b>59</b>
<b>16 Code Python « simple » via le package listings</b>	<b>59</b>
16.1 Introduction . . . . .	59
16.2 Commande et options . . . . .	59
16.3 Insertion via un fichier « externe » . . . . .	59
16.4 Exemples . . . . .	60
<b>17 Code Python via le package piton</b>	<b>62</b>
17.1 Introduction . . . . .	62
17.2 Présentation de code Python . . . . .	62
17.3 Console en partenariat avec Pyluatex . . . . .	64
<b>18 Code &amp; Console Python, via les packages Pythontex ou Minted</b>	<b>65</b>
18.1 Librairies . . . . .	65
18.2 Introduction . . . . .	65
18.3 Présentation de code Python grâce au package pythontex . . . . .	65
18.4 Présentation de code Python via le package minted . . . . .	66
18.5 Console d'exécution Python . . . . .	67

<b>19 Pseudo-Code</b>	<b>69</b>
19.1 Introduction . . . . .	69
19.2 Présentation de Pseudo-Code . . . . .	69
19.3 Compléments . . . . .	70
<b>20 Terminal Windows/UNIX/OSX</b>	<b>71</b>
20.1 Introduction . . . . .	71
20.2 Commandes . . . . .	71
<b>21 Cartouche Capytale</b>	<b>73</b>
21.1 Introduction . . . . .	73
21.2 Commandes . . . . .	73
<b>22 Présentation de code <math>\LaTeX</math></b>	<b>74</b>
22.1 Introduction . . . . .	74
22.2 Commandes . . . . .	74
<b>VII Outils pour la géométrie</b>	<b>76</b>
<b>23 Pavé droit « simple »</b>	<b>76</b>
23.1 Introduction . . . . .	76
23.2 Commandes . . . . .	76
23.3 Influence des paramètres . . . . .	77
<b>24 Tétraèdre « simple »</b>	<b>78</b>
24.1 Introduction . . . . .	78
24.2 Commandes . . . . .	78
24.3 Influence des paramètres . . . . .	79
<b>25 Cercle trigo</b>	<b>80</b>
25.1 Idée . . . . .	80
25.2 Commandes . . . . .	80
25.3 Équations trigos . . . . .	81
<b>VIII Outils pour la géométrie analytique</b>	<b>84</b>
<b>26 Conseils d'utilisation</b>	<b>84</b>
<b>27 Affichage de coordonnées</b>	<b>84</b>
27.1 Idée . . . . .	84
27.2 Options et arguments . . . . .	85
<b>28 Équation cartésienne d'un plan de l'espace</b>	<b>86</b>
28.1 Idée et commande . . . . .	86
28.2 Clés et arguments . . . . .	86
<b>29 Équation paramétrique d'une droite de l'espace</b>	<b>88</b>
29.1 Idée et commande . . . . .	88
29.2 Clés et arguments . . . . .	88
<b>30 Équation cartésienne d'une droite du plan</b>	<b>90</b>
30.1 Idée et commande . . . . .	90
30.2 Clés et arguments . . . . .	90

<b>31 Norme d'un vecteur, distance entre deux points</b>	<b>92</b>
31.1 Idée et commande . . . . .	92
31.2 Clés et arguments . . . . .	92
<b>32 Distance d'un point à un plan</b>	<b>93</b>
32.1 Idée et commande . . . . .	93
32.2 Clés et arguments . . . . .	93
<b>33 Équation réduite d'une droite du plan</b>	<b>95</b>
33.1 Idée . . . . .	95
33.2 Clés et arguments . . . . .	95
33.3 Exemples . . . . .	95
<b>IX Outils pour les statistiques</b>	<b>98</b>
<b>34 Paramètres d'une régression linéaire par la méthode des moindres carrés</b>	<b>98</b>
34.1 Idée . . . . .	98
34.2 Commandes . . . . .	98
34.3 Intégration dans un environnement TikZ . . . . .	100
<b>35 Statistiques à deux variables</b>	<b>102</b>
35.1 Idées . . . . .	102
35.2 Commandes, clés et options . . . . .	103
35.3 Commandes annexes . . . . .	106
35.4 Interactions avec CalculsRegLin . . . . .	107
35.5 Exemple complémentaire, pour illustration . . . . .	110
<b>36 Boîtes à moustaches</b>	<b>112</b>
36.1 Introduction . . . . .	112
36.2 Clés et options . . . . .	112
36.3 Commande pour placer un axe horizontal . . . . .	113
<b>37 Histogrammes</b>	<b>115</b>
37.1 Introduction . . . . .	115
37.2 Clés et options . . . . .	116
37.3 Exemple avec des classes régulières . . . . .	117
37.4 Exemple avec des classes non régulières . . . . .	118
<b>X Outils pour les probabilités</b>	<b>121</b>
<b>38 Calculs de probabilités</b>	<b>121</b>
38.1 Introduction . . . . .	121
38.2 Calculs « simples » . . . . .	121
38.3 Complément avec sortie « formatée » . . . . .	123
<b>39 Arbres de probabilités « classiques »</b>	<b>125</b>
39.1 Introduction . . . . .	125
39.2 Options et arguments . . . . .	125
39.3 Exemples complémentaires . . . . .	126
<b>40 Petits schémas pour des probabilités continues</b>	<b>128</b>
40.1 Idée . . . . .	128
40.2 Commandes et options . . . . .	128
40.3 Remarques et compléments . . . . .	129

<b>41 Nombres aléatoires</b>	<b>130</b>
41.1 Idée . . . . .	130
41.2 Clés et options . . . . .	131
<b>42 Combinatoire</b>	<b>132</b>
42.1 Idée . . . . .	132
42.2 Utilisation . . . . .	132
<b>43 Fonction de répartition</b>	<b>133</b>
43.1 Idée . . . . .	133
43.2 Utilisation . . . . .	133
<b>XI Outils pour l'arithmétique</b>	<b>136</b>
<b>44 Conversions binaire/hexadécimal/décimal</b>	<b>136</b>
44.1 Idée . . . . .	136
44.2 Conversion décimal vers binaire . . . . .	136
44.3 Conversion binaire vers hexadécimal . . . . .	137
44.4 Conversion binaire ou hexadécimal en décimal . . . . .	138
<b>45 Conversion « présentée » d'un nombre en base décimale</b>	<b>139</b>
45.1 Idée . . . . .	139
45.2 Code et clés . . . . .	139
<b>46 Algorithme d'Euclide pour le PGCD</b>	<b>141</b>
46.1 Idée . . . . .	141
46.2 Options et clés . . . . .	141
46.3 Compléments . . . . .	142
<b>47 Résolution d'une équation diophantienne</b>	<b>143</b>
47.1 Idée . . . . .	143
47.2 Options et clés . . . . .	143
<b>XII Écritures, simplifications</b>	<b>148</b>
<b>48 Simplification sous forme d'une fractions</b>	<b>148</b>
48.1 Idée . . . . .	148
48.2 Commande et options . . . . .	148
<b>49 Écriture d'un trinôme, trinôme aléatoire</b>	<b>150</b>
49.1 Idée . . . . .	150
49.2 Clés et options . . . . .	150
<b>50 Simplification de racines</b>	<b>151</b>
50.1 Idée . . . . .	151
50.2 Exemples . . . . .	151
<b>51 Mesure principale d'un angle</b>	<b>152</b>
51.1 Idée . . . . .	152
51.2 Exemples . . . . .	152
<b>52 Lignes trigonométriques</b>	<b>153</b>
52.1 Idée . . . . .	153
52.2 Commande . . . . .	153
52.3 Valeurs disponibles . . . . .	155

<b>XIII</b>	<b>Jeux et récréations</b>	<b>157</b>
<b>53</b>	<b>SudoMaths, en TikZ</b>	<b>157</b>
53.1	Introduction . . . . .	157
53.2	Clés et options . . . . .	158
<b>XIV</b>	<b>Historique</b>	<b>162</b>

Thème

# INTRODUCTION

# Première partie

## Introduction

### 1 Le package ProfLycee

#### 1.1 « Philosophie » du package



Ce `\package`, très largement inspiré (et beaucoup moins abouti) de l'excellent `\ProfCollege` de C. Poulain et des excellents `\tkz-*` d'A. Matthes, va définir quelques outils pour des situations particulières qui ne sont pas encore dans `\ProfCollege`.

On peut le voir comme un (maigre) complément à `\ProfCollege`, et je précise que la syntaxe est très proche (car pertinente de base) et donc pas de raison de changer une *équipe qui gagne*!

Il se charge de manière classique, dans le préambule, par `\usepackage{ProfLycee}`. Il charge des packages utiles, mais j'ai fait le choix de laisser l'utilisateur gérer ses autres packages, comme notamment `\amssymb` qui peut poser souci en fonction de la *position* de son chargement.

L'utilisateur est libre de charger ses autres packages utiles et habituels, ainsi que ses polices et encodages habituels!



**2.7.2** Pour des soucis de compatibilités, `\xcolor` n'est plus chargé, par défaut, avec les options `[table,svgnames]`, les couleurs de base de `\xcolor` sont toutefois accessibles (une seule couleur, CouleurVertForet a été définie)!

Il est cependant possible, grâce à l'option `\langle[xcolor]\rangle` à passer au chargement du package, de charger `\xcolor` avec l'option `[table,svgnames]`.



Le package `\ProfLycee` charge et utilise les packages :

- `\mathtools`, `\amssymb`, `\xspace`, `\esvect`, `\interval`;
- `\tikz`, `\pgf`, `\pgffor`, `\nicefrac`, `\nicematrix`;
- `\tcolorbox` avec les bibliothèques `\breakable`, `\fitting`, `\skins`, `\listings`, `\listingsutf8`, `\hooks`;
- `\xparse`, `\xstring`, `\simplekv`, `\xinttools`;
- `\listofitems`, `\xintexpr`, `\xintbinhex`, `\xintgcd`;
- `\tabularray`, `\fontawesome5`, `\randomlist`, `\fancyvrb`.



J'ai utilisé les packages de C. Tellechea, je vous conseille d'aller jeter un œil sur ce qu'il est possible de faire en  $\text{\LaTeX}$  avec `\listofitems`, `\randomlist`, `\simplekv` ou encore `\xstring`!

#### 1.2 Chargement du package



`</>` Code  $\text{\LaTeX}$

```
%exemple de chargement pour une compilation en (pdf)latex
\documentclass{article}
\usepackage{ProfLycee}           % ou \usepackage[xcolor]{ProfLycee}
\usepackage[utf8]{inputenc}
\usepackage[T1]{fontenc}
...
```



`</>` Code  $\text{\LaTeX}$

```
%exemple de chargement pour une compilation en (xe/lu)latex
\documentclass{article}
\usepackage{ProfLycee}           % ou \usepackage[xcolor]{ProfLycee}
\usepackage{fontspec}
...
```

### 1.3 Bibliothèques



**2.5.0** Le package fonctionne désormais avec un système de **librairies**, qui utilisent et chargent des packages spécifiques, avec des compilations particulières, donc l'utilisateur utilisera un système de chargement similaire à celui de tcolorbox ou tikz, dans le préambule, et une fois le package appelé.



</> Code  $\LaTeX$

```
\usepackage{ProfLycee}
\useproflyclub{...}
```



Les bibliothèques disponibles seront indiquées dans les sections spécifiques. Pour le moment, il existe :

- **piton** (page 62);
- **minted** (page 66);
- **pythontex** (page 65);
- **ecritures** (page 20).



**2.5.8** Pour le package **piton**, la version minimale requise est la **1.5** pour bénéficier d'un rendu optimal (au niveau des marges) de la présentation du code Python.



En compilant (notamment avec les bibliothèques **minted** et **pythontex**) on peut spécifier des répertoires particuliers pour les (ou des) fichiers auxiliaires.

Avec l'option **<build>**, l'utilisateur a la possibilité de placer les fichiers temporaires de **minted** et **pythontex** dans un répertoire **build** du répertoire courant.

Dans ce cas il faut créer au préalable le répertoire **build** avant de compiler un fichier, pour éviter toute erreur!



</> Code  $\LaTeX$

```
...
\usepackage[build]{ProfLycee}
\useproflyclub{...}
...
```



L'option **<build>** charge certains packages (bibliothèques **minted** et **pythontex**) avec les options :

- $\setpythontexoutputdir{./build/pythontex-files-\jobname}$
- $\RequirePackage[outputdir=build]{minted}$

### 1.4 Gestion des fontes



**2.6.5** Sous  $X_{\LaTeX}$  &  $\text{Lua}\LaTeX$ , **ProfLycee** utilisant le package **mathtools**, il est nécessaire de placer l'appel à **ProfLycee** *avant* l'appel des fontes.

Sous  $X_{\LaTeX}$  &  $\text{Lua}\LaTeX$ , certaines fontes (par exemple fourier-otf) redéfinissent les fontes générées par le package **amssymb** et peuvent provoquer un « warning » au mieux, une erreur de compilation au pire.

Pour cela, on pourra appeler **ProfLycee** avec l'option **<nonamssymb>** (idée reprise de **ProfCollege**).



</> Code  $\LaTeX$

```
\documentclass{article}
\usepackage[nonamssymb]{ProfLycee}
\usepackage{fourier-otf}
```

## 2 Compléments

### 2.1 Le système de « clés/options »



L'idée est de conserver – autant que faire se peut – l'idée de **Clés** qui sont :

- modifiables;
- définies (en majorité) par défaut pour chaque commande.

Pour certaines commandes, le système de **Clés** pose quelques soucis, de ce fait le fonctionnement est plus *basique* avec un système d'arguments *optionnels* (souvent entre [...]) ou *obligatoires* (souvent entre {...}).

À noter que les :

- les **Clés** peuvent être mises dans n'importe quel ordre, elles peuvent être omises lorsque la valeur par défaut est conservée;
- les arguments doivent, eux, être positionnés dans le *bon ordre*.



Les commandes et environnements présentés seront explicités via leur syntaxe avec les options/clés ou arguments.

Autant que faire se peut, des exemples/illustrations/remarques seront proposés à chaque fois.



À noter que certaines commandes disponibles sont liées à un environnement `tikzpicture`, elles peuvent ne pas être autonomes mais permettent de conserver – en parallèle – toute commande liée à TikZ!

### 2.2 Compilateur(s)



Le package `ProfLycee` est compatible avec les compilateurs classiques : latex, pdflatex ou encore lua-latex.

En ce qui concerne les codes librairies, il faudra :

- `pythontex` : compiler en chaîne `(xxx)latex + pythontex + (xxx)latex`;
- `minted` : compiler avec shell-escape (ou write18);
- `piton` : compiler en Lua $\TeX$  et shell-escape (ou write18).

### 2.3 Problèmes éventuels...



Certaines commandes sont à intégrer dans un environnement TikZ, afin de pouvoir rajouter des éléments, elles ont été testés dans des environnements `tikzpicture`, à vérifier que la gestion des axes par l'environnement `axis` est compatible...

En dehors de cela, ce sont des tests multiples et variés qui permettront de détecter d'éventuels bugs!

↔ Bonne(s) découverte(s) ↔

Thème

# LISTE DES COMMANDES

## Deuxième partie

# Liste des commandes, par thème



**2.0.0** Cette section contient un *résumé* des différentes commandes et environnements disponibles dans [ProfLycee](#).

Elles sont présentées de manière *succincte*, mais elles sont présentées de manière *détaillée* dans la suite de la documentation.



</> Code  $\LaTeX$

```
%Résolution approchée d'une équation  $f(x)=k$ 
\ResolutionApprochee[clés]{équation}[macro]

%Présentation d'une solution par balayage (TVI)
\SolutionTVI[options]{fonction}{valeur}

%Calculer le terme d'une suite récurrente simple, toile pour une suite récurrente simple
\CalculTermeRecurrence[options]{fonction associée}
\ToileRecurrence[clés][options du tracé][option supplémentaire des termes]

%Mise en forme de la conclusion d'un seuil
\SolutionSeuil[options]{fonction associée}{seuil}

%Valeur approchée d'une intégrale
\IntegraleApprochee[clés]{fonction}{a}{b}
```



</> Code  $\LaTeX$

```
%fenêtre de repérage en tikz et courbe
\GrilleTikz[options][options grille ppale][options grille second.]
\AxesTikz[options] \AxexTikz[options]{valeurs} \AxeYtikz[options]{valeurs}
\FenetreSimpleTikz[options](opt axes)<opt axe Ox>{liste valx}<opt axe Oy>{liste valy}
\DeclareFonctionTikz[nom]{expr}
\CourbeTikz[options]{fonction}{valxmin:valxmax}

%courbe d'interpolation, tangente, dans un environnement tikz
\SplineTikz[options]{liste}
\TangenteTikz[options]{liste}

%schémas pour le signe affine/trinôme, dans un environnement tikz
\MiniSchemaSignes(*)[clés]<options tikz>
\MiniSchemaSignesTkzTab[options]{numligne}[échelle][décalage horizontal]

%intégrales et méthodes graphiques
\IntegraleApprocheeTikz[clés]{nom_fonction}{a}{b}
```



#### </> Code $\LaTeX$

```
%présentation de code Python
\begin{CodePythonLst}(*)[largeur]{commandes tcheckbox}...\end{CodePythonLst}
\begin{CodePythonLstAlt}(*)[largeur]{commandes tcheckbox}...\end{CodePythonLstAlt}
%:=librairie piton
\begin{CodePiton}[options piton]{commandes tcheckbox}...\end{CodePiton}
\begin{PitonConsole}<Clés>{commandes tcheckbox}...\end{PitonConsole}
%:=librairie pythontex
\begin{CodePythontex}[options]{}...\end{CodePythontex}
\begin{CodePythontexAlt}[options]{}...\end{CodePythontexAlt}
\begin{ConsolePythontex}[options]{}...\end{ConsolePythontex}
%:=librairie minted
\begin{CodePythonMinted}(*)[largeur]{commandes tcheckbox}...\end{CodePythonMinted}
\begin{CodePythonMintedAlt}(*)[largeur]{commandes tcheckbox}...\end{CodePythonMintedAlt}

%présentation de pseudocode
\begin{PseudoCode}(*)[largeur]{commandes tcheckbox}...\end{PseudoCode}
\begin{PseudoCodeAlt}(*)[largeur]{commandes tcheckbox}...\end{PseudoCodeAlt}
```



#### </> Code $\LaTeX$

```
%terminal OS
\begin{TerminalWin}[largeur]{clés}[options]...\end{TerminalWin}
\begin{TerminalUnix}[largeur]{clés}[options]...\end{TerminalUnix}
\begin{TerminalOSX}[largeur]{clés}[options]...\end{TerminalOSX}

%code Capytale
\CartoucheCapytale(*)[options]{code capytale}
```



#### </> Code $\LaTeX$

```
%pavé et tétraèdre, dans un environnement tikz
\PaveTikz[options]
\TetraedreTikz[options]

%cercle trigo, dans un environnement tikz
\CercleTrigo[clés]
```



#### </> Code $\LaTeX$

```
%Affichage des coordonnées d'un point (2 ou 3 coordonnées)
\AffPoint[options de formatage](liste des coordonnées)
%Affichage des coordonnées d'un vecteur (2 ou 3 coordonnées)
\AffVecteur[options de formatage]<options nicematrix>(liste des coordonnées)

%Avec un vecteur normal et un point
\TrouveEqCartPlan[clés](vecteur normal)(point)
%Avec deux vecteurs directeurs et un point
\TrouveEqCartPlan[clés](vecteur dir1)(vecteur dir2)(point)
%Avec trois points
\TrouveEqCartPlan[clés](point1)(point2)(point3)

%Avec un vecteur directeur et un point
\TrouveEqParamDroite[clés](vecteur directeur)(point)
%Avec deux points
\TrouveEqParamDroite[clés](point1)(point2)

%Avec un vecteur normal (choix par défaut) et un point
\TrouveEqCartDroite[clés](vecteur normal)(point)
%Avec un vecteur directeur et un point
\TrouveEqCartDroite[clés,VectDirecteur](vecteur directeur)(point1)
%Avec deux points
\TrouveEqCartDroite[clés](point1)(point2)

%Avec le point et le plan via vect normal + point
\TrouveDistancePtPlan(point)(vec normal du plan)(point du plan)
%Avec le point et le plan via vect normal + point
\TrouveDistancePtPlan(point)(équation cartésienne)

%Avec le vecteur
\TrouveNorme(vecteur)
%Avec deux points
\TrouveNorme(point 1)(point 2)
```



#### </> Code $\LaTeX$

```
%Équation réduite d'une droite
\EquationReduite[option]{A/xa/ya,B/xb/yb}
```



#### </> Code $\LaTeX$

```
%paramètres d'une régression linéaire, nuage de points
\CalculsRegLin[clés]{listeX}{listeY}
\PointsRegLin[clés]{listeX}{listeY}

%stats à 2 variables, dans un environnement tikz
\GrilleTikz[options][options grille ppale][options grille second.]
\AxesTikz[options]
\AxexTikz[options]{valeurs} \AxyTikz[options]{valeurs}
\FenetreTikz \OrigineTikz
\FenetreSimpleTikz[options](opt axes)<opt axe Ox>{liste valx}<opt axe Oy>{liste valy}
\NuagePointsTikz[options]{listeX}{listeY}
\PointMoyenTikz[options]
\CourbeTikz[options]{formule}{domaine}

%boîte à moustaches, dans un environnement tikz
\BoiteMoustaches[options]
\BoiteMoustachesAxe[options]

%histogrammes
\Histogramme(*)[options]{données}
```



#### </> Code $\LaTeX$

```

%loi binomiale  $B(n,p)$ 
\CalcBinomP{n}{p}{k}
\CalcBinomC{n}{p}{a}{b}
\BinomP{*}[prec]{n}{p}{k}
\BinomC{*}[prec]{n}{p}{a}{b}

%loi de Poisson  $P(l)$ 
\CalcPoissP{l}{k}
\CalcPoissC{l}{a}{b}
\PoissonP{*}[prec]{l}{k}
\PoissonC{*}[prec]{l}{a}{b}

```



#### </> Code $\LaTeX$

```

%loi géométrique  $G(p)$ 
\CalcGeomP{p}{k}
\CalcGeomC{l}{a}{b}
\GeomP{p}{k}
\GeomC{l}{a}{b}

%loi hypergéométrique  $H(N,n,m)$ 
\CalcHypergeomP{N}{n}{m}{k}
\CalcHypergeomP{N}{n}{m}{a}{b}
\HypergeomP{N}{n}{m}{k}
\HypergeomC{N}{n}{m}{a}{b}

```



#### </> Code $\LaTeX$

```

%loi normale  $N(m,s)$ 
\CalcNormC{m}{s}{a}{b}
\NormaleC{*}[prec]{m}{s}{a}{b}

%loi exponentielle  $E(l)$ 
\CalcExpoC{l}{a}{b}
\ExpoC{*}[prec]{l}{a}{b}

%arbres de probas
\ArbreProbasTikz[options]{donnees}
\begin{EnvArbreProbasTikz}[options]{donnees}...\end{EnvArbreProbasTikz}

%schémas lois continues
\LoiNormaleGraphe[options]<options tikz>{m}{s}{a}{b}
\LoiExpoGraphe[options]<options tikz>{l}{a}{b}

%fonction de répartition discrète, dans une environnement tikz
\FonctionRepartTikz[clés]{probas,borneinf,bornesup / probas,borneinf,bornesup / ...}

```



#### </> Code $\LaTeX$

```

%entier aléatoire entre a et b
\NbAlea{a}{b}{macro}
%nombre décimal (n chiffres après la virgule) aléatoire entre a et b+1 (exclus)
\NbAlea[n]{a}{b}{macro}
%création d'un nombre aléatoire sous forme d'une macro
\VarNbAlea{macro}{calcul}
%liste d'entiers aléatoires
\TirageAleatoireEntiers[options]{macro}

```



#### </> Code $\LaTeX$

```

%arrangement  $A_{np}$ 
\Arrangement{*}[option]{p}{n}

%arrangement  $C_{np}$  (p parmi n)
\Combinaison{*}[option]{p}{n}

```



#### </> Code $\LaTeX$

```
%conversions
\ConversionDecBin(*) [clés]{nombre}
\ConversionBinHex [clés]{nombre}
\ConversionVersDec [clés]{nombre}
\ConversionBaseDix [clés]{nombre}{base de départ}
\ConversionDepuisBaseDix [options]{nombre en base 10}{base d'arrivée}

%PGCD présenté
\PresentationPGCD [options]{a}{b}

%Équation diophantienne
\EquationDiophantienne [clés]{equation}
```



#### </> Code $\LaTeX$

```
%conversion en fraction, simplification de racine
\ConversionFraction(*) [option]{argument}
\SimplificationRacine {expression}

%ensemble d'éléments
\EcritureEnsemble [clés]{liste}

%trinôme, trinôme aléatoire
\EcritureTrinome [options]{a}{b}{c}

%mesure principale, lignes trigo
\MesurePrincipale [options]{angle}
\LigneTrigo(*) [booléens]{cos/sin/tan}(angle)
```



#### </> Code $\LaTeX$

```
%sudomaths
\SudoMaths [options]{liste}
\begin{EnvSudoMaths} [options]{grille}... \end{EnvSudoMaths}
```

Thème

# ÉCRITURES MATHÉMATIQUES

## Troisième partie

# Écritures d'objets mathématiques

## 3 Introduction



Les commandes de cette section sont disponibles en chargeant la librairie `\libecritures`, car elles peuvent redéfinir des commandes personnelles déjà existantes!

## 4 Commandes

### 4.1 Arrondi



Il est possible de calculer/arrondir/formater un calcul mathématique, grâce aux package `\siunitx` et `\xinteval`.

- la version étoilée force l'affichage du « + » pour les nombres positifs;
- l'argument optionnel est la précision demandée (3 par défaut)
- l'argument obligatoire est le calcul, au langage `\xinteval`.



Code  $\LaTeX$

```
\$1+\dfrac{7}{11} \approx \Arrondi{1+7/11} \approx \Arrondi[5]{1+7/11} \approx \Arrondi*[2]{1+7/11}\$
```

```
\$ \ln \big(1+e^4\big) \approx \Arrondi[6]{\log(1+\exp(4))}\$
```

---

$1 + \frac{7}{11} \approx 1,636 \approx 1,63636 \approx +1,64$   
 $\ln(1 + e^4) \approx 4,018150$

### 4.2 Ensembles et intervalles



Les commandes suivantes permettent de composer les ensembles traditionnels, en mode *tableau noir*. Elles sont dans un bloc `ensuremath`, donc les `\$...\$` ne sont pas nécessaires.

À noter la macro particulière pour l'ensemble des quaternions, pour éviter des erreurs éventuelles de redéfinition.



Code  $\LaTeX$

```
\N, \Z, \D, \Q, \R, \C, \ensH, \N*, \Z*, \D*, \Q*, \R*, \C*, \ensH*
```

---

`N, Z, D, Q, R, C, H, N*, Z*, D*, Q*, R*, C*, H*`



Des intervalles peuvent être composés, grâce à la commande `\IntervalleXX`, dont la base est le package `\interval`:

- la commande est insérée dans un bloc `ensuremath`;
- le séparateur est le point-virgule;
- l'espacement autour du point-virgule est laissé aux réglages du document (`\babel`, `\frenchmath`, etc).



Code  $\LaTeX$

```
\IntervalleFO{0}{+\infty} ou \IntervalleOO{0}{+\infty} ou \IntervalleOO{-\infty}{0} ou
  \IntervalleOF{-\infty}{0}
```

$[0; +\infty[$  ou  $]0; +\infty[$  ou  $]-\infty; 0[$  ou  $]-\infty; 0]$



Code  $\LaTeX$

```
\IntervalleFF{\frac{12}{\sqrt{26}}} ou \IntervalleOO{\frac{12}{\sqrt{26}}} ou
  \IntervalleFO{\dfrac{12}{\sqrt{26}}} ou \IntervalleFO{\dfrac{12}{\sqrt{26}}}
```

$[\frac{1}{2}; \sqrt{26}]$  ou  $]\frac{1}{2}; \sqrt{26}[$  ou  $[\frac{1}{2}; \sqrt{26}[$  ou  $]\frac{1}{2}; \sqrt{26}]$

### 4.3 Repères et coordonnées



Des vecteurs/repères/coordonnées peuvent être composées :

- les vecteurs sont mis en forme par le package `\esvect` (y compris en version étoilée pour les indices);
- des coordonnées de point/vecteur dans le plan ou l'espace;
- des repères génériques, avec choix du séparateur entre le point et les vecteurs;
- les versions étoilées des repères n'alignent pas les flèches.



Code  $\LaTeX$

```
%vecteurs
\Vecteur{\imath} et \Vecteur{u} et \Vecteur{AB}

$\Vecteur{AB}+\Vecteur{BC} = \Vecteur{AC}$

$\Vecteur*{u}[1]+\Vecteur*{v}[2] = \Vecteur*{w}[3]$
```

$\vec{i}$  et  $\vec{u}$  et  $\vec{AB}$   
 $\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC}$   
 $\vec{u}_1 + \vec{v}_2 = \vec{w}_3$



Code  $\LaTeX$

```
%coordonnées points
\CoordPtPl{4}{-2} ou \CoordPtPl{\frac{12}{\frac{47}}{7}}

\CoordPtEsp{4}{-2}{7} ou \CoordPtEsp{-2}{\frac{12}{\frac{47}}{7}}
```

$(4; -2)$  ou  $(\frac{1}{2}; \frac{4}{7})$   
 $(4; -2; 7)$  ou  $(-2; \frac{1}{2}; \frac{4}{7})$



Code  $\LaTeX$

```
%coordonnées vecteurs
\CoordVecPl{4}{-2} ou \CoordVecPl{\frac{12}{\frac{47}}{7}}

\CoordVecEsp{4}{-2}{7} ou \CoordVecEsp{-2}{\frac{12}{\frac{47}}{7}}
```

$\begin{pmatrix} 4 \\ -2 \end{pmatrix}$  ou  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} \\ \frac{4}{7} \end{pmatrix}$   
 $\begin{pmatrix} 4 \\ -2 \\ 7 \end{pmatrix}$  ou  $\begin{pmatrix} -2 \\ \frac{1}{2} \\ \frac{4}{7} \end{pmatrix}$



</> Code  $\LaTeX$

```
%matrices 2x2
\MatDeux{4}{-2}{1}{-5}

\MatDeux{\frac{4}{7}}{-1}{0}{-\frac{1}{7}}
```

$$\begin{pmatrix} 4 & -2 \\ 1 & -5 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} \frac{4}{7} & -1 \\ 0 & -\frac{1}{7} \end{pmatrix}$$



</> Code  $\LaTeX$

```
%repères classiques
\RepereOij ou \RepereOij* ou \RepereOij[Sep={,}] ou \RepereOij*[Sep={,}]

\RepereOijk ou \RepereOijk* ou \RepereOijk[Sep={,}] ou \RepereOijk*[Sep={,}]

\RepereOuv ou \RepereOuv* ou \RepereOuv[Sep={,}] ou \RepereOuv*[Sep={,}]
```

$$(O; \vec{i}, \vec{j}) \text{ ou } (O; \vec{i}, \vec{j}) \text{ ou } (O, \vec{i}, \vec{j}) \text{ ou } (O, \vec{i}, \vec{j})$$

$$(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k}) \text{ ou } (O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k}) \text{ ou } (O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k}) \text{ ou } (O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$$

$$(O; \vec{u}, \vec{v}) \text{ ou } (O; \vec{u}, \vec{v}) \text{ ou } (O, \vec{u}, \vec{v}) \text{ ou } (O, \vec{u}, \vec{v})$$



</> Code  $\LaTeX$

```
%repères personnalisés
\ReperePlan{A}{AB}{AC} ou \ReperePlan*{A}{AB}{AC} ou \ReperePlan*{O}{OI}{OJ} ou
\ReperePlan[Sep={,}]{O}{OI}{OK}

\RepereEspace{A}{AB}{AC}{AD} ou \RepereEspace*{A}{AB}{AC}{k} ou \RepereEspace{D}{i}{j}{k}
```

$$(A; \vec{AB}, \vec{AC}) \text{ ou } (A; \vec{AB}, \vec{AC}) \text{ ou } (O; \vec{OI}, \vec{OJ}) \text{ ou } (O, \vec{OI}, \vec{OK})$$

$$(A; \vec{AB}, \vec{AC}, \vec{AD}) \text{ ou } (A; \vec{AB}, \vec{AC}, \vec{k}) \text{ ou } (D; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$$

#### 4.4 Divers



La librairie `libecritures` permet également de définir des commandes pour :

- composer le nom d'une courbe;
- composer le « i » et le « e » en romain;
- composer le complexe j en mode algébrique ou exponentielle;
- composer un modulo avec choix de la congruence;
- composer une suite numérique;
- composer une intégrale (mode displaystyle).

À noter que les commandes sont dans un bloc ensuremath.



</> Code  $\LaTeX$

```
%version normale := mathcal
%version étoilée := mathscr (si chargé)

\Courbe et \Courbe[f] et \Courbe[g^{-1}]

\Courbe* et \Courbe*[f] et \Courbe*[g^{-1}]
```

$$\mathcal{C} \text{ et } \mathcal{C}_f \text{ et } \mathcal{C}_{g^{-1}}$$

$$\mathcal{C} \text{ et } \mathcal{C}_f \text{ et } \mathcal{C}_{g^{-1}}$$



</> Code  $\LaTeX$

```
 $\$ \backslash e^{\backslash i \backslash pi} = -1\$$ 
```

$e^{i\pi} = -1$



</> Code  $\LaTeX$

```
On a  $\$ \backslash j = \backslash jfal{g} = \backslash jfexp{g}$ 
```

On a  $j = \frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2} = e^{i\frac{\pi}{3}}$



</> Code  $\LaTeX$

```
%La version étoilée augmente l'espacement, l'argument optionnel change la présentation
```

```
 $\$21 \backslash equiv 1 \backslash Modulo{5} \backslash equiv 1 \backslash Modulo[Par]{5} \backslash equiv 1 \backslash Modulo[Txt]{5} \$$ 
```

```
 $\$21 \backslash equiv 1 \backslash Modulo*{5} \backslash equiv 1 \backslash Modulo*[Par]{5} \backslash equiv 1 \backslash Modulo*[Txt]{5} \$$ 
```

$21 \equiv 1 [5] \equiv 1 (5) \equiv 1 \text{ modulo } 5$

$21 \equiv 1 [5] \equiv 1 (5) \equiv 1 \text{ modulo } 5$



</> Code  $\LaTeX$

```
Soient les suites  $\backslash Suite{u}$  et  $\backslash Suite[p]{v}$  et  $\backslash Suite[q]{\Omega}$ .
```

Soient les suites  $(u_n)$  et  $(v_p)$  et  $(\Omega_q)$ .



</> Code  $\LaTeX$

```
 $\$ I = \backslash Integrale f(x) \backslash dx = \backslash Integrale f(t) \backslash dx[t] \$$ 
```

$I = \int f(x) dx = \int f(t) dt$

## 4.5 Probabilités



La librairie `ecritures` permet également de définir des commandes pour :

- composer une loi classique (binomiale, exponentielle, etc) avec `mathcal` ou `mathscr` ;
- composer espérance, variance et écart-type.

À noter que les commandes sont dans un bloc `ensuremath`.



</> Code  $\LaTeX$

```
%version normale := mathcal
```

```
%version étoilée := mathscr (si chargé)
```

```
 $\backslash LoiNormale{150}{25}$  ou  $\backslash LoiNormale*{150}{25}$ 
```

```
 $\backslash LoiBinomiale{150}{\num{0.45}}$  ou  $\backslash LoiBinomiale*{150}{\num{0.45}}$ 
```

```
 $\backslash LoiPoisson{5}$  ou  $\backslash LoiPoisson*{5}$ 
```

```
 $\backslash LoiExpo{\num{0.001}}$  ou  $\backslash LoiExpo*{\num{0.001}}$ 
```

```
 $\backslash LoiUnif{\IntervalleFF{5}{60}}$  ou  $\backslash LoiUnif*{\IntervalleFF{5}{60}}$ 
```

$\mathcal{N}(150;25)$  ou  $\mathcal{N}(150;25)$

$\mathcal{B}(150;0,45)$  ou  $\mathcal{B}(150;0,45)$

$\mathcal{P}_5$  ou  $\mathcal{P}_5$

$\mathcal{E}_{0,001}$  ou  $\mathcal{E}_{0,001}$

$\mathcal{U}_{[5;60]}$  ou  $\mathcal{U}_{[5;60]}$



### </> Code $\LaTeX$

```
%par défaut E et V en \mathbb  
\Esper{X} ou \Esper[E]{X} \\  
\Varianc{X^2} ou \Varianc[V]{X^2} \\  
\EcType{X^2}
```

---

$\mathbb{E}(X)$  ou  $E(X)$   
 $\mathbb{V}(X^2)$  ou  $V(X^2)$   
 $\sigma(X^2)$

## 5 Collection d'objets

### 5.1 Idée



L'idée est d'obtenir une commande pour simplifier l'écriture d'un ensemble d'éléments, en laissant gérer les espaces.

Les délimiteurs de l'ensemble créé sont toujours  $\{ \}$ .



Code  $\LaTeX$

```
\EcritureEnsemble[clés]{liste}
```

### 5.2 Commande et options



Peu d'options pour ces commandes :

- le premier argument, *optionnel*, permet de spécifier les **Clés** :
  - clé **Sep** qui correspond au délimiteur des éléments de l'ensemble; défaut **< ; >**
  - clé **Option** qui est un code (par exemple `strut...`) inséré avant les éléments; défaut **< vide >**
  - un booléen **Mathpunct** qui permet de préciser si on utilise l'espacement mathématique `mathpunct`. défaut **< true >**
- le second, *obligatoire*, est la liste des éléments, séparés par `/`.



Code  $\LaTeX$

```
$$\EcritureEnsemble{a/b/c/d/e}$$  
$$\EcritureEnsemble[Mathpunct=false]{a/b/c/d/e}$$  
$$\EcritureEnsemble[Sep=,]{a/b/c/d/e}$$  
$$\EcritureEnsemble[Option={\strut}]{a/b/c/d/e}$$ % \strut pour "augmenter"  
un peu la hauteur des {}  
$$\EcritureEnsemble{ \frac{1}{1+\frac{1}{3}} / b / c / d / \frac{1}{2} }$$
```



Sortie  $\LaTeX$

```
{a;b;c;d;e}  
{a;b;c;d;e}  
{a,b,c,d,e}  
{a;b;c;d;e}  
{ \frac{1}{1+\frac{1}{3}} ; b ; c ; d ; \frac{1}{2} }
```



Attention cependant au comportement de la commande avec des éléments en mode mathématique, ceux-ci peuvent générer une erreur si `displaystyle` n'est pas utilisé...

Thème

# OUTILS POUR L'ANALYSE

# Quatrième partie

## Outils pour l'analyse

### 6 Résolution approchée d'une équation

#### 6.1 Idée



**2.1.4** L'idée est de proposer une commande pour résoudre, de manière approchée, une équation du type  $f(x) = k$  sur un intervalle (fermé) donné.

La méthode utilisée est la **dichotomie**, pour plus de rapidité que la méthode *simple* par balayage.



Code  $\LaTeX$

```
\ResolutionApprochee [clés] {équation} [macro]
```



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\ResolutionApprochee [Intervalle=0:10] {x**3-2*x**2-x-1=2}%  
$x_0 \approx \num[minimum-decimal-digits=2]{\masolutiond}$ par défaut ;\\  
$x_0 \approx \num[minimum-decimal-digits=2]{\masolutione}$ par excès ;\\  
$x_0 \approx \num[minimum-decimal-digits=2]{\masolutiona}$ arrondi à  $10^{-2}$ $.\\  
  
\hfill\includegraphics[scale=0.45]{./graphics/pl-solve_a}\hfill~
```



$x_0 \approx 2,75$  par défaut;  
 $x_0 \approx 2,76$  par excès;  
 $x_0 \approx 2,76$  arrondi à  $10^{-2}$ .

rad SOLVEUR	
Equations	
Solution	
x1	2.757278921
Δ	-439

#### 6.2 Clés et options



Quelques explications sur les **clés** et sur les arguments :

- la clé **Precision** pour le nombre de chiffres après la virgule de la solution; défaut **2**
  - la clé (obligatoire!) **Intervalle** qui permet de préciser l'intervalle initial de recherche;
  - la clé **Variable** qui permet de spécifier la variable de l'équation; défaut **x**
  - l'argument *obligatoire* est l'équation, sous la forme  $f(\dots) = k$  (ou  $f(\dots)$  pour  $f(\dots) = 0$ );
  - l'argument *optionnel* est la base de la *macro* qui sert à stocker les valeurs : défaut **masolution**
- $\langle \text{macro} \rangle d$  pour la valeur approchée par défaut;
  - $\langle \text{macro} \rangle e$  pour la valeur approchée par excès;
  - $\langle \text{macro} \rangle a$  pour la valeur approchée.



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```

\ResolutionApprochee[Precision=4,Intervalle=0:2]{exp(0.5*x)+x**2-4=0}%
Une valeur approchée, à  $10^{-4}$  près, d'une solution de  $e^{0,5x}+x^2-4=0$  sur
 $\left[0;2\right]$  est  $\beta$  avec :
\begin{itemize}
  \item  $\beta \approx \text{\num[minimum-decimal-digits=4]{\masolutiond}}$  par défaut ;
  \item  $\beta \approx \text{\num[minimum-decimal-digits=4]{\masolutione}}$  par excès ;
  \item  $\beta \approx \text{\num[minimum-decimal-digits=4]{\masolutiona}}$ .
\end{itemize}
\ResolutionApprochee[Variable=t,Intervalle=-1:2]{3*t*exp(-0.5*t+1)=4}[SolA]%
Une valeur approchée, à  $10^{-2}$  près d'une solution de  $3t e^{-0,5t+1}=4$  est  $t_1$ 
avec :
\begin{itemize}
  \item  $t_1 \approx \text{\num[minimum-decimal-digits=2]{\SolAd}}$  par défaut ;
  \item  $t_1 \approx \text{\num[minimum-decimal-digits=2]{\SolAe}}$  par excès ;
  \item  $t_1 \approx \text{\num[minimum-decimal-digits=2]{\SolAa}}$ .
\end{itemize}
\ResolutionApprochee[Precision=3,Variable=t,Intervalle=2:10]{3*t*exp(-0.5*t+1)=4}[SolB]
Une valeur approchée, à  $10^{-2}$  près d'une solution de  $3t e^{-0,5t+1}=4$  est  $t_2$ 
avec :
\begin{itemize}
  \item  $t_2 \approx \text{\num[minimum-decimal-digits=2]{\SolBd}}$  par défaut ;
  \item  $t_2 \approx \text{\num[minimum-decimal-digits=2]{\SolBe}}$  par excès ;
  \item  $t_2 \approx \text{\num[minimum-decimal-digits=2]{\SolBa}}$ .
\end{itemize}
\medskip
\hfill\includegraphics[scale=0.45]{./graphics/pl-solve_b}~~
\includegraphics[scale=0.45]{./graphics/pl-solve_c}~~
\includegraphics[scale=0.45]{./graphics/pl-solve_d}\hfill~

```



Une valeur approchée, à  $10^{-4}$  près, d'une solution de  $e^{0,5x} + x^2 - 4 = 0$  sur  $[0; 2]$  est  $\beta$  avec :

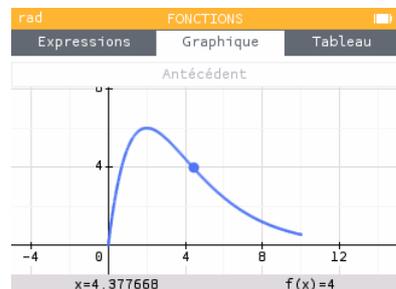
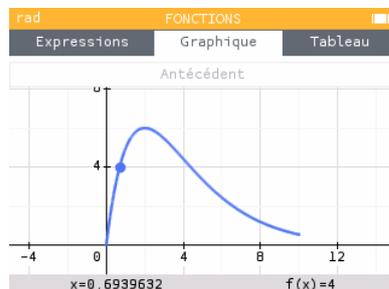
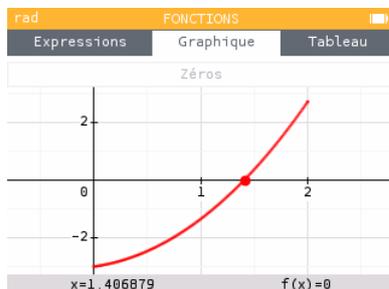
- $\beta \approx 1,4068$  par défaut;
- $\beta \approx 1,4069$  par excès;
- $\beta \approx 1,4069$ .

Une valeur approchée, à  $10^{-2}$  près d'une solution de  $3t e^{-0,5t+1} = 4$  est  $t_1$  avec :

- $t_1 \approx 0,69$  par défaut;
- $t_1 \approx 0,70$  par excès;
- $t_1 \approx 0,69$ .

Une valeur approchée, à  $10^{-2}$  près d'une solution de  $3t e^{-0,5t+1} = 4$  est  $t_2$  avec :

- $t_2 \approx 4,377$  par défaut;
- $t_2 \approx 4,378$  par excès;
- $t_2 \approx 4,378$ .



## 7 Présentation d'une solution d'équation par balayage

### 7.1 Idée



**2.0.4** L'idée est de présenter l'obtention d'une solution approchée d'équation par balayage, dans le cadre du TVI par exemple. Les calculs et tests sont effectués grâce au package `xinttools`, et le formatage par `tabularray` et `sinuitx`.



Le code ne trouve pas la solution, il met *juste* en forme mais effectue quand même les calculs d'images et les tests.



Code  $\LaTeX$

```
\SolutionTVI[options]{fonction}{valeur}
```

### 7.2 Clés et arguments



Plusieurs **Clés** sont disponibles pour cette commande, relative à une équation du type  $f(x) = k$  :

- la clé **<NomFct>** qui permet de spécifier le nom de la fonction; défaut **<f>**
- la clé **<NomSol>** qui permet de spécifier le nom de la fonction; défaut **<\alpha>**
- les clés **<va>** et **<vb>** qui sont les bornes inférieure et supérieure de l'encadrement;
- la clé **<Precision>** qui est la précision des calculs pour les images; défaut **<2>**
- la clé **<Stretch>** qui permet d'espacer les lignes; défaut **<1.15>**
- les booléens **<Balayage>** ou **<Calculatrice>** pour afficher un texte en amont; défaut **<false>**
- le booléen **<Majuscule>** qui affiche le texte avant, avec une majuscule au début. défaut **<>true>**

Le premier argument *obligatoire* est la fonction, en syntaxe `xint` et avec comme variable  $x$ , et le second la valeur de  $k$ .



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

Pour  $f(x)=0$  avec  $f(x)=x^2-2$ . On obtient  
`\SolutionTVI[va=1.414,vb=1.415,Precision=3]{x**2-2}{0}`.



Pour  $f(x) = 0$  avec  $f(x) = x^2 - 2$ . On obtient  $\left\{ \begin{array}{l} f(1,414) \approx -0,001 < 0 \\ f(1,415) \approx 0,002 > 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 1,414 < \alpha < 1,415$ .



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

Avec  $\varphi(t)=3t\,e^{-0,5t+1}=5$ ,  
`\SolutionTVI[Majuscule=false,Calculatrice,va=1.02,vb=1.03,NomFct=\varphi]{3*x*exp(-0.5*x+1)}{5}`



Avec  $\varphi(t) = 3te^{-0,5t+1} = 5$ , par calculatrice, on obtient  $\left\{ \begin{array}{l} \varphi(1,02) \approx 4,99 < 5 \\ \varphi(1,03) \approx 5,02 > 5 \end{array} \right\} \Rightarrow 1,02 < \alpha < 1,03$



#### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

On s'intéresse à  $g(x)=\text{num}\{1,5\}$  avec  $g(x)=\ln(x)$ .  
 $\backslash\text{SolutionTVI}\%$   
 $[\text{Balayage},\text{Stretch}=1.5,\text{va}=4.48,\text{vb}=4.49,\text{NomFct}=g,\text{Precision}=4,\text{NomSol}=\{x_0\}]{\log(x)}{1.5}$ .



On s'intéresse à  $g(x) = 1,5$  avec  $g(x) = \ln(x)$ .

Par balayage, on obtient  $\left\{ \begin{array}{l} g(4,48) \approx 1,4996 < 1,5 \\ g(4,49) \approx 1,5019 > 1,5 \end{array} \right. \Rightarrow 4,48 < x_0 < 4,49$ .

### 7.3 Interaction avec la commande de résolution approchée



**2.1.4** L'idée est de récupérer les valeurs par défaut et par excès pour le TVI grâce à la commande

$\backslash\text{ResolutionApprochee}$ .



#### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

On s'intéresse à  $g(x)=\text{num}\{1,5\}$  avec  $g(x)=\ln(x)$  sur l'intervalle  $\left[3;5\right]$ .

$\backslash\text{ResolutionApprochee}[\text{Intervalle}=3:5]{\log(x)=1.5}[\text{SolLn}]$   
 $\backslash\text{SolutionTVI}\%$   
 $[\text{Balayage},\text{Stretch}=1.5,\text{va}=\{\text{SolLnd}\},\text{vb}=\{\text{SolLne}\},$   
 $\text{NomFct}=g,\text{Precision}=4,\text{NomSol}=\{x_0\}]{\log(x)}{1.5}$ .



On s'intéresse à  $g(x) = 1,5$  avec  $g(x) = \ln(x)$  sur l'intervalle  $[3;5]$ .

Par balayage, on obtient  $\left\{ \begin{array}{l} g(4,48) \approx 1,4996 < 1,5 \\ g(4,49) \approx 1,5019 > 1,5 \end{array} \right. \Rightarrow 4,48 < x_0 < 4,49$ .



À terme, peut-être que la commande  $\backslash\text{ResolutionApprochee}$  sera intégrée dans la commande  $\backslash\text{SolutionTVI}$  afin d'automatiser encore plus le procédé.

## 8 Suites récurrentes simples

### 8.1 Idées



**2.0.3** L'idée est de proposer des commandes pour effectuer des calculs avec des suites récurrentes du type  $u_{n+1} = f(u_n)$ :

- calcul de termes avec possibilité d'arrondir;
- présentation de la conclusion de la recherche d'un seuil du type  $u_n > S$  ou  $u_n < S$ .



**2.1.0** Le code pour le seuil **trouve** également le rang cherché, il met en forme et effectue les calculs d'images.

**2.0.5** Le choix a été fait de faire les calculs en mode `float` pour éviter les dépassements de capacité de `xint` liés aux boucles...



**Code  $\LaTeX$**

```
%commande pour calculer et formater
\CalculTermeReccurrence[options]{fonction associée}

%mise en forme de la conclusion d'un seuil
\SolutionSeuil[options]{fonction associée}{seuil}
```

### 8.2 Clés et arguments



Plusieurs **Clés** sont disponibles pour la commande du calcul d'un terme :

- la clé **<No>** qui est le rang initial de la suite;
- la clé **<UNo>** qui est le terme initial de la suite;
- la clé **<Precision>** qui précise l'arrondi éventuel; défaut **<3>**
- la clé **<N>** qui est l'indice du terme à calculer.

L'argument *obligatoire* est la fonction associée à la suite, en syntaxe `xint` et avec comme variable  $x$ .



**Code  $\LaTeX$**

```
Avec  $\begin{cases} u_0 = 50 \\ u_{n+1} = \frac{1}{u_n + 2} \end{cases}$ .

On obtient  $u_{10} \approx \CalculTermeReccurrence[No=0,UNo=50,N=10]{1/(x+2)}$ .

On obtient  $u_{15} \approx \CalculTermeReccurrence[Precision=4,No=0,UNo=50,N=15]{1/(x+2)}$ .

On obtient  $u_{20} \approx \CalculTermeReccurrence[Precision=6,No=0,UNo=50,N=20]{1/(x+2)}$ .
```



**Sortie  $\LaTeX$**

Avec  $u_0 = 50$  et  $u_{n+1} = \frac{1}{u_n + 2}$ .

On obtient  $u_{10} \approx 0,414$

On obtient  $u_{15} \approx 0,4142$

On obtient  $u_{20} \approx 0,414214$

sortie par défaut.

avec choix de la précision à  $10^{-4}$ .

avec choix de la précision à  $10^{-6}$ .



Plusieurs **⟨Clés⟩** sont disponibles pour la commande du seuil :

- la clé **⟨NomSuite⟩** qui est le nom de la suite; défaut **⟨u⟩**
- la clé **⟨No⟩** qui est le rang initial de la suite;
- la clé **⟨UNo⟩** qui est le terme initial de la suite;
- la clé **⟨Precision⟩** qui précise l'arrondi éventuel; défaut **⟨2⟩**
- la clé **⟨Stretch⟩** qui permet d'espacer les lignes; défaut **⟨1.15⟩**
- les booléens **⟨Balayage⟩** ou **⟨Calculatrice⟩** pour afficher un texte en amont; défaut **⟨false⟩**
- le booléen **⟨Simple⟩** pour une présentation plus *neutre*; défaut **⟨false⟩**
- le booléen **⟨Majuscule⟩** qui affiche le texte avant, avec une majuscule au début; défaut **⟨true⟩**
- le booléen **⟨Exact⟩** qui affiche  $\stackrel{\text{TEX}}{=}$  au lieu de  $\stackrel{\text{TEX}}{\approx}$ ; défaut **⟨false⟩**
- le booléen **⟨Conclusion⟩** pour afficher la conclusion ou non; défaut **⟨true⟩**
- la clé **⟨Sens⟩** parmi **⟨< / > / <= / >=⟩** pour indiquer le type de seuil. défaut **⟨>⟩**

Le premier argument *obligatoire* est la fonction associée à la suite, en syntaxe  $\stackrel{\text{TEX}}{\text{xint}}$  et avec comme variable  $x$ , et le second est le seuil à dépasser.



#### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```
Avec  $\begin{dcases} u_1 = 2 \\ u_{n+1} = 1 + \frac{1+u_n^2}{1+u_n} \end{dcases}$ ,
on cherche  $n$  tel que  $u_n > 5$ .
\SolutionSeuil[Balayage,No=1,UNo=2]{1+(1+x**2)/(1+x)}{5}.
  \SolutionSeuil[Calculatrice,Precision=4,No=1,UNo=2,Conclusion=false]%
{1+(1+x**2)/(1+x)}{5}.
```



Avec 
$$\begin{cases} u_1 = 2 \\ u_{n+1} = 1 + \frac{1+u_n^2}{1+u_n} \end{cases}$$
, on cherche  $n$  tel que  $u_n > 5$ .

Par balayage, on obtient  $\begin{cases} u_7 \approx 4,868 \leq 5 \\ u_8 \approx 5,209 > 5 \end{cases} \Rightarrow n \geq 8$ . Par calculatrice, on obtient  $\begin{cases} u_7 \approx 4,8681 \leq 5 \\ u_8 \approx 5,2089 > 5 \end{cases}$ .

### 8.3 Exemple d'utilisation



#### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```
Avec  $\begin{dcases} u_1 = 2 \\ u_{n+1} = 1 + \frac{1+u_n^2}{1+u_n} \end{dcases}$ ,
on obtient le tableau de valeurs suivant :
\begin{tabular}{c|c}
  \hline
  $n$ & $u_n$ \\
  \hline
  1 & 2 \\
  \hline
  \xintFor* #1 in {\xintSeq{2}{7}} \do {#1 &
  \CalculTermeRecurrence[No=1,UNo=2,N=#1]{1+(1+x**2)/(1+x)} \\
  \hline
\end{tabular}

\SolutionSeuil[Precision=4,No=1,UNo=2,Simple]{1+(1+x**2)/(1+x)}{10} (Ainsi $u_n > 10$ à partir
de $n=\text{the}\CompteurSeuil$)
```



Avec 
$$\begin{cases} u_1 = 2 \\ u_{n+1} = 1 + \frac{1+u_n^2}{1+u_n} \end{cases}$$
, on obtient le tableau de valeurs suivant :

$n$	$u_n$
1	2
2	2,667
3	3,212
4	3,687
5	4,114
6	4,505
7	4,868

$u_{28} \approx 9,9408 \leq 10$  et  $u_{29} \approx 10,1236 > 10$  (Ainsi  $u_n > 10$  à partir de  $n = 29$ )

## 9 Valeur approchée d'une intégrale

### 9.1 Idée



**2.6.1** L'idée est de proposer plusieurs approximations pour le calcul d'une intégrale, en utilisant :

- une méthode des rectangles (Gauche, Droite ou Milieu);
- la méthode des trapèzes;
- la méthode de Simpson.



Il s'agit de valeurs approchées, mais la méthode de Simpson donne des valeurs satisfaisantes! Les méthodes *Rectangles* ou *Trapèzes* seront plutôt utiles pour des résultats obtenus par algorithme par exemple.



Code  $\LaTeX$

```
\IntegraleApprochee[clés]{fonction}{a}{b}
```

### 9.2 Clés et arguments



Plusieurs **Clés** sont disponibles pour la commande de calcul :

- le booléen **ResultatBrut** qui donne le résultat obtenu grâce à `\xint`; défaut : **false**
- la clé **Methode**, parmi **RectanglesGauche / RectanglesDroite / RectanglesMilieu / Trapezes / Simpson** pour spécifier la méthode utilisée; défaut : **Simpson**
- la clé **NbSubDiv** précise le nombre de subdivisions pour le calcul; défaut : **10**
- le booléen **AffFormule** qui affiche au préalable l'intégrale; défaut **false**
- la clé **Expr** qui indique ce qui doit être affiché dans l'intégrale; défaut **f(x)**
- la clé **Signe** qui indique le signe à afficher entre l'intégrale et le résultat; défaut **\approx**
- la clé **Variables** qui indique la variable à afficher dans le dx. défaut **x**

Concernant les arguments obligatoires :

- le premier est la fonction à intégrer, en langage `\xint`, avec comme variable  $x$ ;
- les deux autres arguments sont les bornes de l'intégrale.

À noter que la commande, hormis dans sa version **ResultatBrut**, est à insérer de préférence dans un mode mathématique.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
On s'intéresse à  $\int_4^{10} f(x) dx$  avec  $f(x) = \sqrt{x}$  :  
\begin{itemize}[itemsep=6pt, leftmargin=4cm]  
  \item[sortie par défaut :] \IntegraleApprochee{sqrt(x)}{4}{10}  
  \item[résultat brut :] \IntegraleApprochee[ResultatBrut]{sqrt(x)}{4}{10}  
  \item[résultat formaté :]  
     $\int_4^{10} \sqrt{x} dx \approx 15,74852$   
\end{itemize}
```



On s'intéresse à  $\int_4^{10} f(x) dx$  avec  $f(x) = \sqrt{x}$  :

sortie par défaut : 15,749

résultat brut : 15.74851726347158

résultat formaté :  $\int_4^{10} \sqrt{x} dx \approx 15,74852$

### 9.3 Exemples



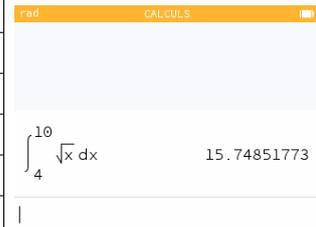
Code  $\LaTeX$

```
%tableau
\IntegraleApprochee[NbSubDiv=10,ResultatBrut]{sqrt(x)}{4}{10}
\IntegraleApprochee[NbSubDiv=10,Methode=RectanglesGauche,ResultatBrut]{sqrt(x)}{4}{10}
\IntegraleApprochee[NbSubDiv=10,Methode=RectanglesDroite,ResultatBrut]{sqrt(x)}{4}{10}
\IntegraleApprochee[NbSubDiv=10,Methode=RectanglesMilieu,ResultatBrut]{sqrt(x)}{4}{10}
\IntegraleApprochee[NbSubDiv=10,Methode=Trapezes,ResultatBrut]{sqrt(x)}{4}{10}
$\displaystyle\IntegraleApprochee[NbSubDiv=10,AffFormule,Expr={\sqrt{x}}]{sqrt(x)}{4}{10}$
```



Sortie  $\LaTeX$

Méthode utilisée	Valeur brute obtenue
$f(x) = \sqrt{x}$ et $n = 10$ ; $\int_4^{10} f(x) dx$	
Simpson	15.74851726347158
rectangles Gauche	15.39707973922291
rectangles Droite	16.09444633532393
rectangles Milieu	15.74989437657067
trapèzes	15.74576303727343
$\int_4^{10} \sqrt{x} dx \approx 15,749$	



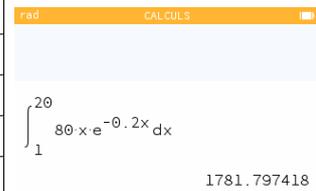
Code  $\LaTeX$

```
%tableau
\IntegraleApprochee[NbSubDiv=100,Methode=Simpson,ResultatBrut]{80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}
\IntegraleApprochee[NbSubDiv=100,Methode=RectanglesGauche,ResultatBrut]{80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}
\IntegraleApprochee[NbSubDiv=100,Methode=RectanglesDroite,ResultatBrut]{80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}
\IntegraleApprochee[NbSubDiv=100,Methode=RectanglesMilieu,ResultatBrut]{80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}
\IntegraleApprochee[NbSubDiv=100,Methode=Trapezes,ResultatBrut]{80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}
$\displaystyle\IntegraleApprochee[NbSubDiv=100,AffFormule,Expr={80x\, \text{e}^{-0,2x}}]{80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}$
```



Sortie  $\LaTeX$

Méthode utilisée	Valeur brute obtenue
$f(x) = 80x e^{-0,2x}$ et $n = 100$ ; $\int_1^{20} f(x) dx$	
Simpson	1781.797415154050
rectangles Gauche	1785.064951643106
rectangles Droite	1778.188198418496
rectangles Milieu	1781.882835215674
trapèzes	1781.626575030801
$\int_1^{20} 80x e^{-0,2x} dx \approx 1781,797$	



Thème

# OUTILS GRAPHIQUES

# Cinquième partie

## Outils graphiques

### 10 Repérage et tracé de courbes

#### 10.1 Idée



**2.1.1** L'idée est de proposer des commandes *simplifiées* pour tracer un repère, en TikZ, avec :

- axes et graduations, grille;
- courbe.



Au niveau du code, il y aura donc plusieurs *aspects* :

- le paramétrage de la fenêtre graphique directement dans la déclaration de l'environnement;
- les commandes de tracés avec options et clés.



Code  $\LaTeX$

```
%version basique
\begin{tikzpicture}[paramètres]
  %grille et axes
  \GrilleTikz[options][options grille ppale][options grille second.]
  \AxesTikz[options]
  \AxexTikz[options]{valeurs}
  \AxeYtikz[options]{valeurs}
  %courbe
  \CourbeTikz[options]{fonction}{valxmin:valxmax}
\end{tikzpicture}
```

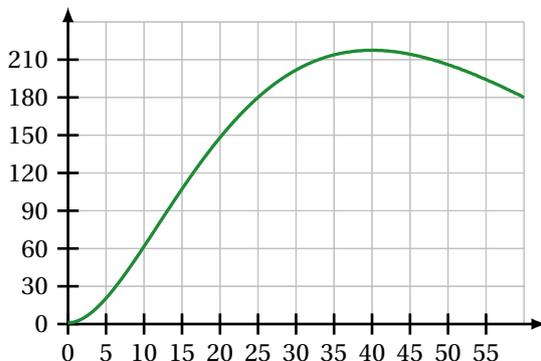


Code  $\LaTeX$

```
%version simplifiée
\begin{tikzpicture}[<paramètres>]
  %grille et axes
  \FenetreSimpleTikz[opt](opt axes)<opt axe Ox>{liste valx}<opt axe Oy>{liste valy}
  %courbe
  \CourbeTikz[options]{fonction}{valxmin:valxmax}
\end{tikzpicture}
```



Sortie  $\LaTeX$



## 10.2 Commandes, clés et options



Les **paramètres** nécessaires à la bonne utilisation des commandes suivantes sont à déclarer directement dans l'environnement `\tikzpicture`, seules les versions « x » sont présentées ici :

- **xmin**, stockée dans `\xmin`; défaut **-3**
- **xmax**, stockée dans `\xmax`; défaut **3**
- **Ox**, stockée dans `\axexOx`, origine de l'axe (Ox); défaut **0**
- **xgrille**, stockée dans `\xgrille`, graduation principale; défaut **1**
- **xgrilles**, stockée dans `\xgrilles`, graduation secondaire. défaut **0.5**

La fenêtre d'affichage (de sortie) sera donc *portée* par le rectangle de coins (xmin ; ymin) et (xmax ; ymax) ; ce qui correspond en fait à la fenêtre TikZ *portée* par le rectangle de coins (xmin-Ox ; ymin-Oy) et (xmax-Ox ; ymax-Oy).

Les commandes ont – pour certaines – pas mal de **clés** pour des réglages fins, mais dans la majorité des cas elles ne sont pas forcément *utiles*.



</> Code  $\LaTeX$

```
%...code tikz
\GrilleTikz[options][options grille ppale][options grille second.]
```



Cette commande permet de tracer une grille principale et/ou une grille secondaire :

- les premières **clés** sont les booléens **Affp** et **Affs** qui affichent ou non les grilles; défaut **true**
- les options des grilles sont en TikZ. défaut **thin,lightgray** et **very thin,lightgray**

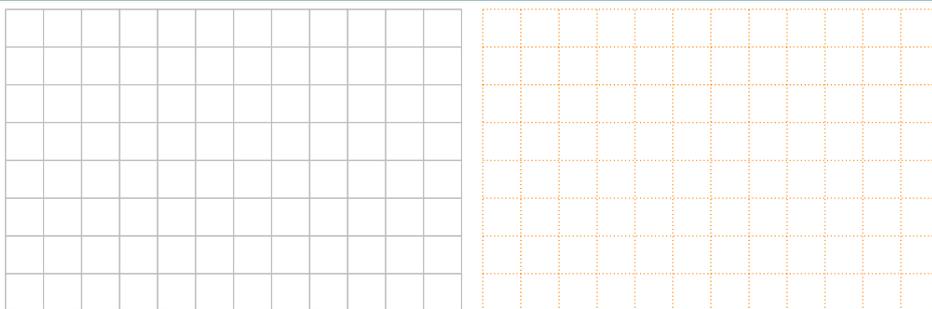


</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}%
  [x=0.1cm,y=0.0167cm, %unités
  xmin=0,xmax=60,xgrille=5,xgrilles=5, %axe Ox
  ymin=0,ymax=240,ygrille=30,ygrilles=30] %axe Oy
  \GrilleTikz
\end{tikzpicture}
~~
\begin{tikzpicture}%
  [x=0.1cm,y=0.0167cm, %unités
  xmin=0,xmax=60,xgrille=5,xgrilles=5, %axe Ox
  ymin=0,ymax=240,ygrille=30,ygrilles=30] %axe Oy
  \GrilleTikz[Affp=false][orange,densely dotted]
\end{tikzpicture}
```



Sortie  $\LaTeX$





#### Code $\LaTeX$

```
%...code tikz
\AxesTikz[options]
```



Cette commande permet de tracer les axes, avec des **clés** :

- **Épaisseur** qui est l'épaisseur des axes; défaut **1pt**
- **Police** qui est le style des labels des axes; défaut  **$\backslash\text{normalsize}\text{normalfont}$**
- **2.1.2** **ElargirOx** qui est le % l'élargissement **global** ou **G/D** de l'axe ( $Ox$ ); défaut **0/0.05**
- **2.1.2** **ElargirOy** qui est le % l'élargissement **global** ou **B/H** de l'axe ( $Oy$ ); défaut **0/0.05**
- **Labelx** qui est le label de l'axe ( $Ox$ ); défaut  **$\$x\$$**
- **Labely** qui est le label de l'axe ( $Oy$ ); défaut  **$\$y\$$**
- **AffLabel** qui est le code pour préciser quels labels afficher, entre **x**, **y** ou **xy**; défaut **vide**
- **PosLabelx** pour la position du label de ( $Ox$ ) en bout d'axe; défaut **right**
- **PosLabely** pour la position du label de ( $Oy$ ) en bout d'axe; défaut **above**
- **EchelleFleche** qui est l'échelle de la flèche des axes; défaut **1**
- **TypeFleche** qui est le type de la flèche des axes. défaut **latex**



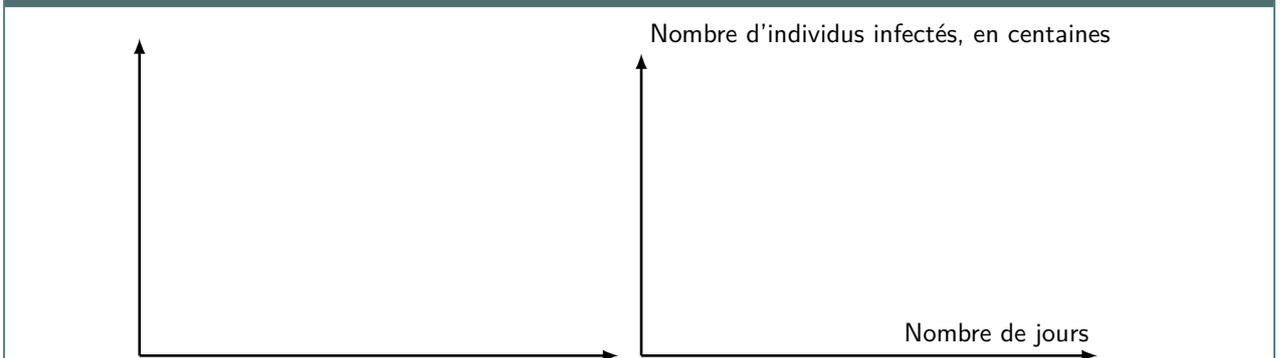
#### Code $\LaTeX$

```
%code tikz
\AxesTikz

%code tikz
\AxesTikz%
[AffLabel=xy,Labelx={Nombre de jours},Labely={Nombre d'individus infectés, en centaines},%
PosLabelx={above left},PosLabely={above right},%
Police=\small\sffamily,ElargirOx=0,ElargirOy=0]
```



#### Sortie $\LaTeX$





#### </> Code $\LaTeX$

```
%...code tikz
\AxexTikz[options]{valeurs}
\AxeYtikz[options]{valeurs}
```



Ces commande permet de tracer les graduations des axes, avec des **clés** identiques pour les deux directions :

- **Épaisseur** qui est l'épaisseur des graduations; défaut **1pt**
- **Police** qui est le style des labels des graduations; défaut  $\langle \backslash \text{normalsize} \backslash \text{normalfont} \rangle$
- **PosGrad** qui est la position des graduations par rapport à l'axe; défaut **below** et **left**
- **HautGrad** qui est la hauteur des graduations (sous la forme  $\langle \text{lgt} \rangle$  ou  $\langle \text{lgt} \text{a} / \text{lgt} \text{b} \rangle$ ); défaut **4pt**
- le booléen **AffGrad** pour afficher les valeurs (formatés avec  $\langle \text{num} \rangle$  donc dépendant de  $\langle \text{sise} \text{tup} \rangle$ ) des graduations; défaut **true**
- le booléen **AffOrigine** pour afficher la graduation de l'origine; défaut **true**
- le booléen **Annee** qui permet de ne pas formater les valeurs des graduations (type année); défaut **false**
- 2.5.6 le booléen **Trigo** (uniquement pour l'axe (Ox)) pour des graduations libres en radians; défaut **false**
- 2.5.6 le booléen **Dfrac** (uniquement pour l'axe (Ox) en **Trigo**) pour forcer les fractions en *grand*; défaut **false**
- 2.7.0 le booléen **Frac** (uniquement pour l'axe (Oy)) pour forcer les graduations en fraction (taille normale). défaut **false**

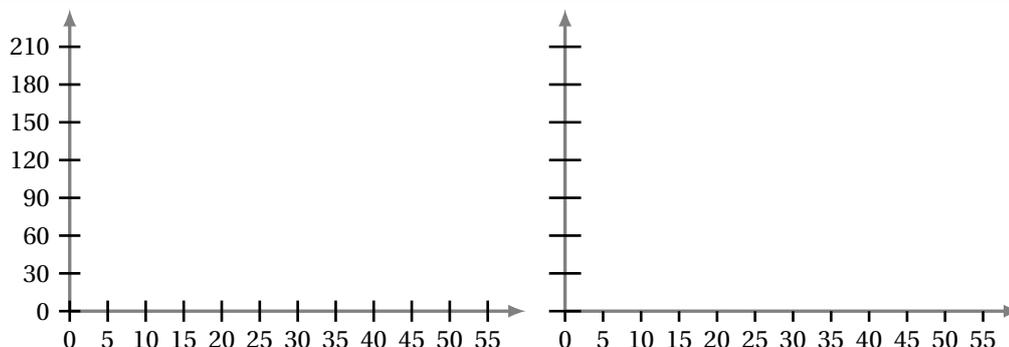


#### </> Code $\LaTeX$

```
%code tikz
\AxexTikz[Police=\small]{0,5,...,55}
\AxeYtikz[Police=\small]{0,30,...,210}
%code tikz
\AxexTikz[Police=\small,HautGrad=0pt/4pt]{0,5,...,55}
\AxeYtikz[AffGrad=false,HautGrad=6pt]{0,30,...,210}
%des axes fictifs (en gris) sont rajoutés pour la lisibilité du code de sortie
```



#### Sortie $\LaTeX$



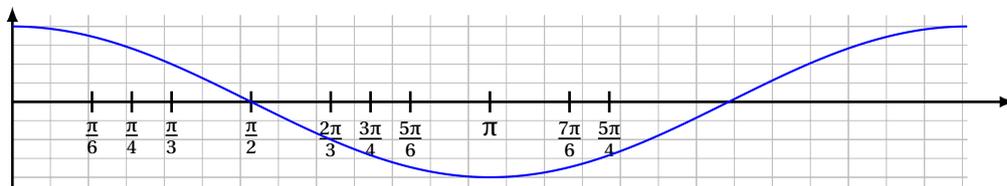


#### Code $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}[x=2cm,y=1cm,xmin=0,xmax={2*pi},xgrille=0.5,xgrilles=0.25,
  ymin=-1.15,ymax=1.15,ygrille=0.5,ygrilles=0.25]
  \GrilleTikz \AxesTikz
  \AxexTikz[Trigo]{{pi/6},{pi/4},{pi/3},{pi/2},{2*pi/3},%
    {3*pi/4},{5*pi/6},pi,{7*pi/6},{5*pi/4}}
  \CourbeTikz[thick,blue,samples=250]{cos(deg(\x))}{0:2*pi}
\end{tikzpicture}
```



#### Sortie $\LaTeX$



La clé **<Trigo>** utilise, en interne, une commande qui permet de *transformer* les abscisses, données en langage TikZ, en fraction en  $\LaTeX$ .



#### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```
$_AffAngleRadian{0}$ \quad $_AffAngleRadian{pi}$ \quad $_AffAngleRadian{pi/4}$ \quad
$_AffAngleRadian{2*pi/3}$ \quad $_AffAngleRadian{-2*pi/3}$ \quad $_AffAngleRadian*{-2*pi/3}$
```



```
0  pi  pi/4  2pi/3  -2pi/3  -2pi/3
```

### 10.3 Commandes annexes



Il existe, de manière marginale, quelques commandes complémentaires qui ne seront pas trop détaillées mais qui existent :

- `FenetreTikz` qui restreint les tracés à la fenêtre (utile pour des courbes qui *débordent*);
- `FenetreSimpleTikz` qui permet d'automatiser le tracé des grilles/axes/graduations dans leurs versions par défaut, avec peu de paramétrages;
- `OrigineTikz` pour rajouter le libellé de l'origine si non affiché par les axes.



#### Code $\LaTeX$

```
%code tikz
\FenetreTikz           %on restreint les tracés
\FenetreSimpleTikz%
  [options] (opt axes) <opt axe Ox>{valeurs Ox}<opt axe Oy>{valeurs Oy}
```



L'idée est de proposer, en *complément*, une commande simplifiée pour tracer une courbe en TikZ.



#### Code $\LaTeX$

```
%...code tikz
\CourbeTikz[options]{formule}{domaine}
```



Cette commande permet de rajouter une courbe sur le graphique (sans se soucier de la transformation de son expression) avec les arguments :

- **<optionnels>** qui sont - en TikZ - les paramètres du tracé;
- le premier *obligatoire*, est - en langage TikZ - l'expression de la fonction à tracer, donc avec `\x` comme variable;
- le second *obligatoire* est le domaine du tracé, sous la forme `valxmin:valxmax`.

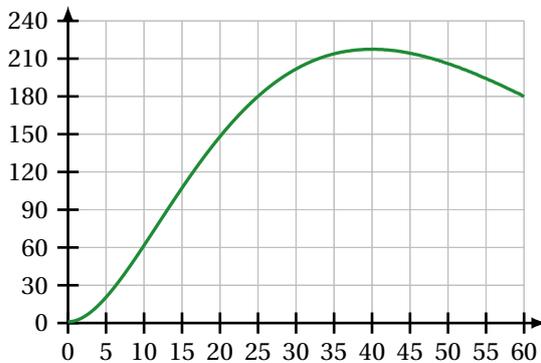


Code  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}[x=0.1cm,y=0.0167cm, %unités
  xmin=0,xmax=60,xgrille=5,xgrilles=5, %axe Ox
  ymin=0,ymax=240,ygrille=30,ygrilles=30] %axe Oy
  \FenetreSimpleTikz%
    <Police=\small>{0,5,...,60}%
    <Police=\small>{0,30,...,240} %repère
  \CourbeTikz[line width=1.25pt,CouleurVertForet,samples=250]%
    {\x*\x*exp(-0.05*\x)+1}{0:60} %courbe
\end{tikzpicture}
```



Sortie  $\LaTeX$



## 10.4 Repère non centré en O

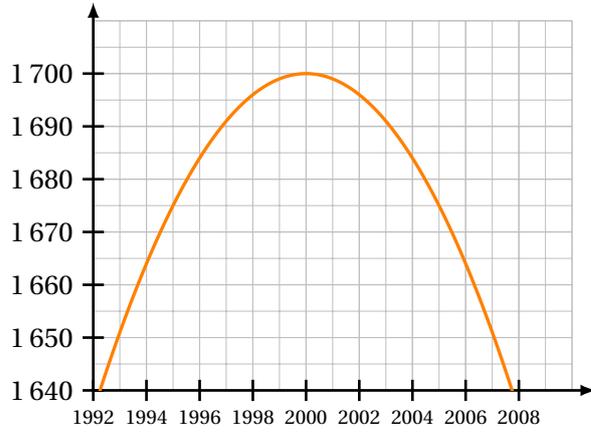


Parfois on est amené à travailler dans des repères qui n'ont pas forcément pour origine (0;0). De ce fait - pour éviter des erreurs de `dimension too large` liées à TikZ - il faut *décaler les axes* pour se ramener à une origine en O. L'idée est donc d'utiliser les commandes précédentes, sans se soucier des éventuelles transformations!



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}[x=0.35cm,y=0.07cm,Ox=1992,xmin=1992,xmax=2010,%  
  xgrille=2,xgrilles=1,Oy=1640,ymin=1640,ymax=1710,ygrille=10,ygrilles=5]  
  \FenetreSimpleTikz<Annee,Police=\scriptsize>{1992,1994,...,2008}{1640,1650,...,1700}  
  \FenetreTikz  
  \CourbeTikz[line width=1.25pt,orange,samples=500]{-(\x-2000)*(\x-2000)+1700}{\xmin:\xmax}  
\end{tikzpicture}
```



# 11 L'outil « SplineTikz »

## 11.1 Courbe d'interpolation



On va utiliser les notions suivantes pour paramétrer le tracé « automatique » grâce à `\splinecontrols` :

- il faut rentrer les **points de contrôle** ;
- il faut préciser les **pentés des tangentes** (pour le moment on travaille avec les mêmes à gauche et à droite...);
- on peut « affiner » les portions de courbe en paramétrant des **coefficients** (voir un peu plus loin...).

Pour déclarer les paramètres :

- liste des points de contrôle (minimum 2!!) par :  $x_1/y_1/d_1$   $x_2/y_2/d_2$ ... avec les points  $(x_i; y_i)$  et  $f'(x_i)=d_i$  ;
- coefficients de contrôle par `coeffs=...` :
  - `coeffs=x` pour mettre tous les coefficients à  $x$  ;
  - `coeffs=C1$C2$...` pour spécifier les coefficients par portion (donc il faut avoir autant de \$ que pour les points!) ;
  - `coeffs=C1G/C1D$...` pour spécifier les coefficients par portion et par partie gauche/droite ;
  - on peut mixer avec `coeffs=C1$C2G/C2D$...`

## 11.2 Code, clés et options



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}
...
\splineTikz[options]{liste}
...
\end{tikzpicture}
```



Certains paramètres et **clés** peuvent être gérés directement dans la commande `\splineTikz` :

- la couleur de la courbe par la clé **<Couleur>** ; défaut **<red>**
- l'épaisseur de la courbe par la clé **<Epaisseur>** ; défaut **<1.25pt>**
- du style supplémentaire pour la courbe peut être rajouté, grâce à la clé **<Style>** ; défaut **<vide>**
- les coefficients de *compensation* gérés par la clé **<Coeffs>** ; défaut **<3>**
- les points de contrôle, affichés ou non par la clé booléenne **<AffPoints>** ; défaut **<false>**
- la taille des points de contrôle est géré par la clé **<TaillePoints>**. défaut **<2pt>**

## 11.3 Compléments sur les coefficients de « compensation »



Le choix a été fait ici, pour *simplifier* le code, le travailler sur des courbes de Bézier.

Pour *simplifier* la gestion des nombres dérivés, les points de contrôle sont gérés par leurs coordonnées *polaires*, les coefficients de compensation servent donc – grosso modo – à gérer la position radiale.

Le coefficient **<3>** signifie que, pour une courbe de Bézier entre  $x = a$  et  $x = b$ , les points de contrôles seront situés à une distance radiale de  $\frac{b-a}{3}$ .

Pour *écarter* les points de contrôle, on peut du coup *réduire* le coefficient de compensation!

Pour des intervalles *étroits*, la  *pente*  peut paraître abrupte, et donc le(s) coefficient(s) peuvent être modifiés, de manière fine.

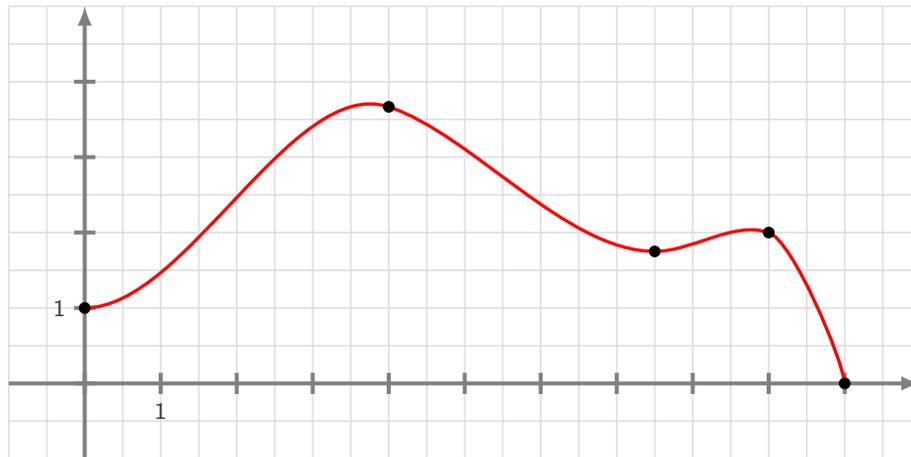
Si jamais il existe (un ou) des points *anguleux*, le plus simple est de créer les splines en plusieurs fois.

## 11.4 Exemples

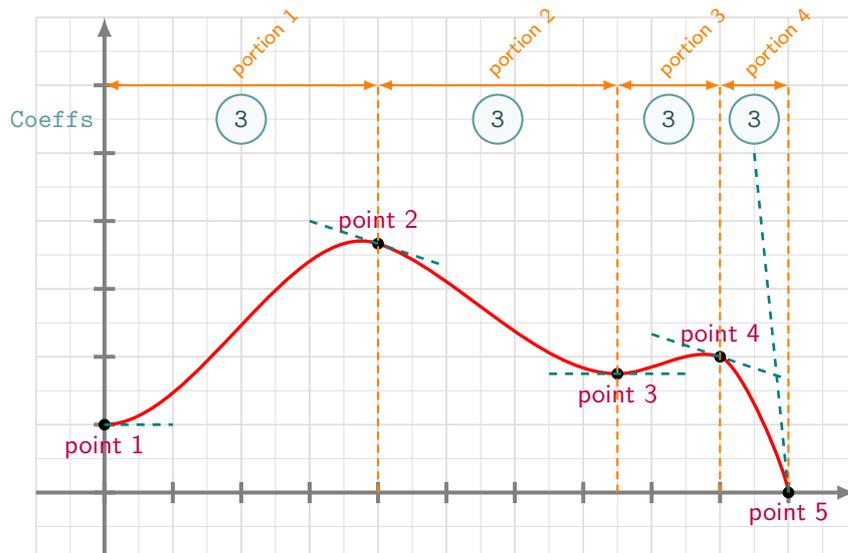


Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
%code tikz
\def\x{0.9cm}\def\y{0.9cm}
\def\xmin{-1}\def\xmax{11}\def\xgrille{1}\def\xgrilles{0.5}
\def\ymin{-1}\def\ymax{5}\def\ygrille{1}\def\ygrilles{0.5}
%axes et grilles
\draw[xstep=\xgrilles,ystep=\ygrilles,line width=0.6pt,lightgray!50] (\xmin,\ymin) grid
(\xmax,\ymax);
\draw[line width=1.5pt,->,gray,>=latex] (\xmin,0)--(\xmax,0) ;
\draw[line width=1.5pt,->,gray,>=latex] (0,\ymin)--(0,\ymax) ;
\foreach \x in {0,1,...,10} {\draw[gray,line width=1.5pt] (\x,4pt) -- (\x,-4pt) ;}
\foreach \y in {0,1,...,4} {\draw[gray,line width=1.5pt] (4pt,\y) -- (-4pt,\y) ;}
\draw[darkgray] (1,-4pt) node[below,font=\sffamily] {1} ;
\draw[darkgray] (-4pt,1) node[left,font=\sffamily] {1} ;
%splines
\def\LISTE{0/1/0$4/3.667/-0.333$7.5/1.75/0$9/2/-0.333$10/0/-10}
\SplineTikz[AffPoints,Coeffs=3,Couleur=red]{\LISTE}
```



Avec des explications utiles à la compréhension :



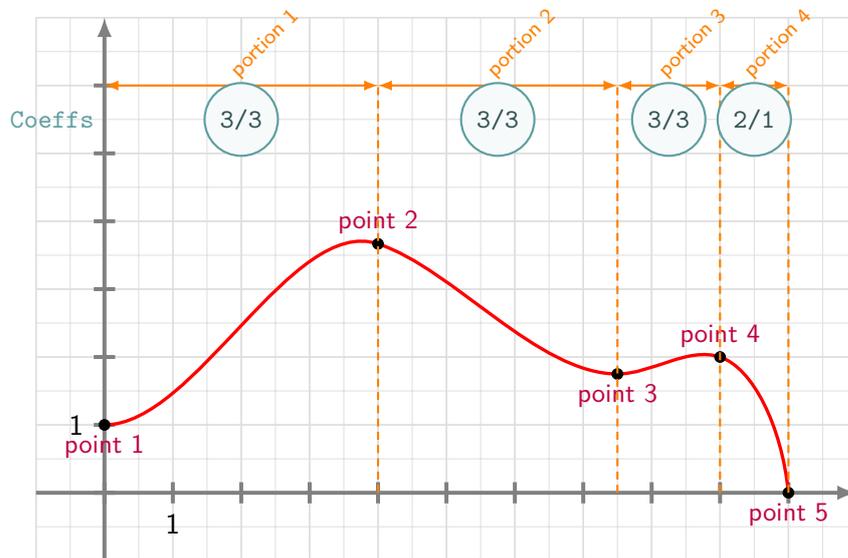
## 11.5 Avec une gestion plus fine des « coefficients »



Dans la majorité des cas, le *coefficient* ③ permet d'obtenir une courbe (ou une portion) très satisfaisante!

Dans certains cas, il se peut que la portion paraisse un peu trop « abrupte ».

On peut dans ce cas *jouer* sur les coefficients de cette portion pour *arrondir* un peu tout cela (ie diminuer le coeff...)!



</> Code  $\LaTeX$

```
...
%splines
\def\LISTE{0/1/0$4/3.667/-0.333$7.5/1.75/0$9/2/-0.333$10/0/-10}
\SplineTikz[AffPoints,Coeffs=3$3$3$2/1]{\LISTE}
...
```



Sortie  $\LaTeX$



## 11.6 Conclusion



Le plus « simple » est donc :

- de déclarer la liste des points de contrôle, grâce à `\def\LISTE{x1/y1/d1$x2/y2/d2$...}`;
- de saisir la commande `\SplineTikz[...]{\LISTE}`;
- d'ajuster les options et coefficients en fonction du rendu!

## 12 L'outil « TangenteTikz »

### 12.1 Définitions



En parallèle de l'outil `\SplineTikz`, il existe l'outil `\TangenteTikz` qui va permettre de tracer des tangentes à l'aide de la liste de points précédemment définie pour l'outil `\SplineTikz`.

NB : il peut fonctionner indépendamment de l'outil `\SplineTikz` puisque la liste des points de travail est gérée de manière autonome!



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}
...
  \TangenteTikz[options]{liste}
...
\end{tikzpicture}
```



Cela permet de tracer la tangente :

- au point numéro **<Point>** de la liste **<liste>**, de coordonnées  $x_i/y_i$  avec la pente  $d_i$ ;
- avec une épaisseur de **<Epaisseur>**, une couleur **<Couleur>** et un style additionnel **<Style>**;
- en la traçant à partir de **<xl>** avant  $x_i$  et jusqu'à **<xr>** après  $x_i$ .

### 12.2 Exemple et illustration



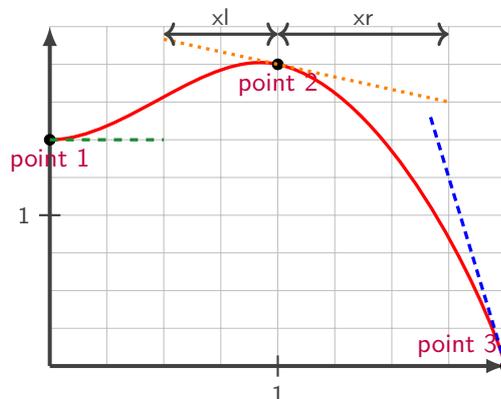
</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}
...
  \def\LISTE{0/1.5/0$1/2/-0.333$2/0/-5}
  %spline
  \SplineTikz[AffPoints,Coeffs=3$2,Couleur=red]{\LISTE}
  %tangente
  \TangenteTikz[xl=0,xr=0.5,Couleur=CouleurVertForet,Style=dashed]{\LISTE}
  \TangenteTikz[xl=0.5,xr=0.75,Couleur=orange,Style=dotted,Point=2]{\LISTE}
  \TangenteTikz[xl=0.33,xr=0,Couleur=blue,Style=densely dashed,Point=3]{\LISTE}
...
\end{tikzpicture}
```



Sortie  $\LaTeX$

On obtient le résultat suivant (avec les éléments rajoutés utiles à la compréhension) :



## 12.3 Exemple avec les deux outils, et « personnalisation »



</> Code  $\LaTeX$

```

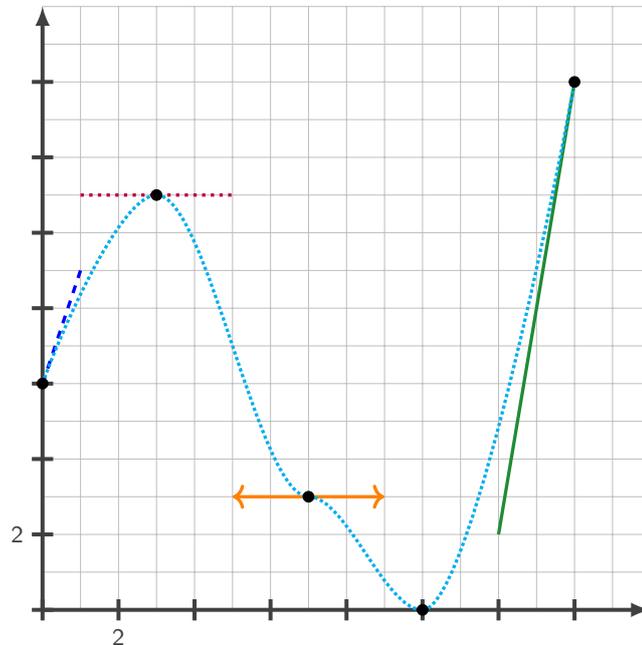
\tikzset{%
  xmin/.store in=\xmin,xmin/.default=-5,xmin=-5,
  xmax/.store in=\xmax,xmax/.default=5,xmax=5,
  ymin/.store in=\ymin,ymin/.default=-5,ymin=-5,
  ymax/.store in=\ymax,ymax/.default=5,ymax=5,
  xgrille/.store in=\xgrille,xgrille/.default=1,xgrille=1,
  xgrilles/.store in=\xgrilles,xgrilles/.default=0.5,xgrilles=0.5,
  ygrille/.store in=\ygrille,ygrille/.default=1,ygrille=1,
  ygrilles/.store in=\ygrilles,ygrilles/.default=0.5,ygrilles=0.5,
  xunit/.store in=\xunit,unit/.default=1,xunit=1,
  yunit/.store in=\yunit,unit/.default=1,yunit=1
}

\begin{tikzpicture}[x=0.5cm,y=0.5cm,xmin=0,xmax=16,xgrilles=1,ymin=0,ymax=16,ygrilles=1]
  \draw[xstep=\xgrilles,ystep=\ygrilles,line width=0.3pt,lightgray] (\xmin,\ymin) grid
  (\xmax,\ymax) ;
  \draw[line width=1.5pt,->,darkgray,>=latex] (\xmin,0)--(\xmax,0) ;
  \draw[line width=1.5pt,->,darkgray,>=latex] (0,\ymin)--(0,\ymax) ;
  \foreach \x in {0,2,...,14} {\draw[darkgray,line width=1.5pt] (\x,4pt) -- (\x,-4pt) ;}
  \foreach \y in {0,2,...,14} {\draw[darkgray,line width=1.5pt] (4pt,\y) -- (-4pt,\y) ;}
  %la liste pour la courbe d'interpolation
  \def\liste{0/6/3$3/11/0$7/3/0$10/0/0$14/14/6}
  %les tangentes "stylisées"
  \TangenteTikz[xl=0,xr=1,Couleur=blue,Style=dashed]{\liste}
  \TangenteTikz[xl=2,xr=2,Couleur=purple,Style=dotted,Point=2]{\liste}
  \TangenteTikz[xl=2,xr=2,Couleur=orange,Style=<->,Point=3]{\liste}
  \TangenteTikz[xl=2,xr=0,Couleur=CouleurVertForet,Point=5]{\liste}
  %la courbe en elle-même
  \SplineTikz[AffPoints,Coeffs=3,Couleur=cyan,Style=densely dotted]{\liste}
\end{tikzpicture}

```



Sortie  $\LaTeX$



## 13 Petits schémas pour le signe d'une fonction affine ou d'un trinôme

### 13.1 Idée



L'idée est d'obtenir une commande pour tracer (en TikZ) un petit schéma pour *visualiser* le signe d'une fonction affine ou d'un trinôme.

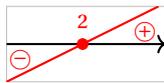
Le code est largement inspiré de celui du package `tnsana` même si la philosophie est un peu différente. Comme pour les autres commandes TikZ, l'idée est de laisser la possibilité à l'utilisateur de définir et créer son environnement TikZ, et d'insérer la commande `\MiniSchemaSignes` pour afficher le schéma.

**2.1.9** Il est à noter que la version *étoilée* rend la commande autonome, sans besoin de créer l'environnement TikZ.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\MiniSchemaSignes*
```



### 13.2 Commandes



Code  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}<options>  
  \MiniSchemaSignes [clés]  
\end{tikzpicture}
```



Code  $\LaTeX$

```
{\tikz[options] \MiniSchemaSignes [clés]}  
%ou  
\MiniSchemaSignes* [clés] <options tikzpicture>
```



**2.1.9** La version *étoilée* de la commande permet de basculer en mode *autonome*, c'est-à-dire sans avoir besoin de créer son environnement TikZ.

Le premier argument, *optionnel* et entre [...], contient les **(Clés)** sont disponibles pour cette commande :

- la clé **<Code>** qui permet de définir le type d'expression (voir en-dessous); défaut **<da+>**
- la clé **<Couleur>** qui donne la couleur de la représentation; défaut **<red>**
- la clé **<Racines>** qui définit la ou les racines; défaut **<2>**
- la clé **<Largeur>** qui est la largeur du schéma; défaut **<2>**
- la clé **<Hauteur>** qui est la hauteur du schéma; défaut **<1>**
- un booléen **<Cadre>** qui affiche un cadre autour du schéma. défaut **<>true>**

Le second argument, *optionnel* et entre <...>, permet de spécifier (pour la commande *étoilée*), des options à passer à l'environnement `\tikzpicture`.



Pour la clé **<code>**, il est construit par le type (a pour affine ou p comme parabole) puis les éléments caractéristiques (a+ pour  $a > 0$ , d0 pour  $\Delta = 0$ , etc) :

- **<Code=da+>** := une droite croissante;
- **<Code=da->** := une droite décroissante;
- **<Code=pa+d+>** := une parabole *souriante* avec deux racines;
- etc



### Code $\LaTeX$

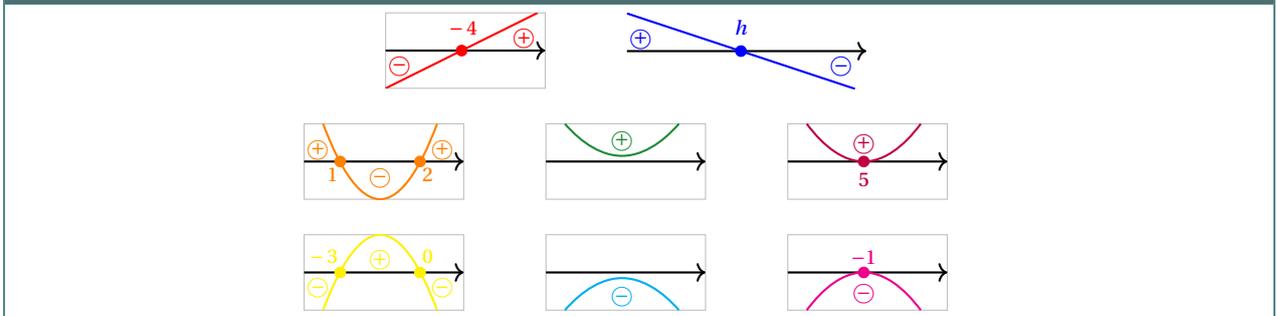
```

\begin{center}
\MiniSchemaSignes*[Code=da+,Racines=-4]
~~~~~
\MiniSchemaSignes*[Code=da-,Racines={h},Couleur=blue,Largeur=3,Cadre=false]
\end{center}
%
\begin{center}
\MiniSchemaSignes*[Code=pa+d+,Racines={1/2},Couleur=orange]
~~~~~
\MiniSchemaSignes*[Code=pa+d-,Couleur=CouleurVertForet]
~~~~~
\MiniSchemaSignes*[Code=pa+d0,Racines={5},Couleur=purple]
\end{center}
%
\begin{center}
\MiniSchemaSignes*[Code=pa-d+,Racines={-3/0},Couleur=yellow]
~~~~~
\MiniSchemaSignes*[Code=pa-d-,Couleur=cyan]
~~~~~
\MiniSchemaSignes*[Code=pa-d0,Racines={-1},Couleur=magenta]
\end{center}

```



### Sortie $\LaTeX$



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```

\begin{tikzpicture}
\MiniSchemaSignes[Largeur=3.5,Hauteur=1.5,Code=da-,Racines=\tfrac{-b}{a},Couleur=pink]
\end{tikzpicture}

\MiniSchemaSignes*[Code=da-,Racines=\tfrac{-b}{a},Couleur=pink]<x=1.75cm,y=1.5cm>

```



### 13.3 Intégration avec tkz-tab



Ces schémas peuvent être de plus utilisés, via la commande `\MiniSchemaSignesTkzTab` pour illustrer les signes obtenus dans un tableau de signes présentés grâce au package `tkz-tab`.  
 Pour des raisons internes, le fonctionnement de la commande `\MiniSchemaSignesTkzTab` est légèrement différent et, pour des raisons que j'ignore, le code est légèrement différent en *interne* (avec une *déconnexion* des caractères : et \) pour que la librairie TikZ `calc` puisse fonctionner (mystère pour le moment...)



Code  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}
  %commandes tkztab
  \MiniSchemaSignesTkzTab[options]{numligne}[echelle][décalage horizontal]
\end{tikzpicture}
```



Les **<Clés>** pour le premier argument *optionnel* sont les mêmes que pour la version *initiale* de la commande précédente.

En ce qui concerne les autres arguments :

- le deuxième argument, *obligatoire*, est le numéro de la ligne à côté de laquelle placer le schéma;
- le troisième argument, *optionnel* et valant **(0.85)** par défaut, est l'échelle à appliquer sur l'ensemble du schéma (à ajuster en fonction de la hauteur de la ligne);
- le quatrième argument, *optionnel* et valant **(1.5)** par défaut, est lié à l'écart horizontal entre le bord de la ligne du tableau et le schéma.

À noter que si l'un des arguments optionnels (le n°3 et/ou le n°4) sont utilisés, il vaut mieux préciser les 2!



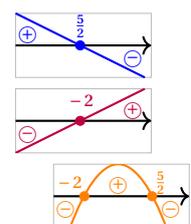
Code  $\LaTeX$

```
\begin{center}
  \begin{tikzpicture}
    \tkzTabInit[]{$x$/1,$-2x+5$/1,$2x+4$/1,$p(x)$/1}{$-\infty$,$-2$,$2,5$,$+\infty$}
    \tkzTabLine{+,t,+,z,-,}
    \tkzTabLine{-,z,+,t,+,}
    \tkzTabLine{-,z,+,z,-,}
    \MiniSchemaSignesTkzTab[Code=da-,Racines={\tfrac{5}{2}},Couleur=blue]{1}
    \MiniSchemaSignesTkzTab[Code=da+,Racines={-2},Couleur=purple]{2}
    \MiniSchemaSignesTkzTab[Code=pa-d+,Racines={-2/{\tfrac{5}{2}}},Couleur=orange]%
      {3}[0.85][2]
  \end{tikzpicture}
\end{center}
```



Sortie  $\LaTeX$

$x$	$-\infty$	$-2$	$2,5$	$+\infty$		
$-2x + 5$		+	+	0	-	
$2x + 4$		-	0	+	+	
$p(x)$		-	0	+	0	-



## 14 Suites récurrentes et « toile »

### 14.1 Idée



L'idée est d'obtenir une commande pour tracer (en TikZ) la « toile » permettant d'obtenir – graphiquement – les termes d'une suite récurrente définie par une relation  $u_{n+1} = f(u_n)$ .

Comme pour les autres commandes TikZ, l'idée est de laisser l'utilisateur définir et créer son environnement TikZ, et d'insérer la commande `\ToileReccurrence` pour afficher la « toile ».

### 14.2 Commandes



</> Code  $\LaTeX$

```
...
\begin{tikzpicture}[options]
  ...
  \ToileReccurrence[clés][options du tracé][options supplémentaires des termes]
  ...
\end{tikzpicture}
```



Plusieurs **arguments** (optionnels) sont disponibles :

- le premier argument optionnel définit les **Clés** de la commande :
  - la clé **Fct** qui définit la fonction  $f$ ; défaut **vide**
  - la clé **Nom** qui est le *nom* de la suite; défaut **u**
  - la clé **No** qui est l'indice initial; défaut **0**
  - la clé **Uno** qui est la valeur du terme initial; défaut **vide**
  - la clé **Nb** qui est le nombre de termes à construire; défaut **5**
  - la clé **PosLabel** qui est le placement des labels par rapport à l'axe ( $Ox$ ); défaut **below**
  - la clé **DecalLabel** qui correspond au décalage des labels par rapport aux abscisses; défaut **6pt**
  - la clé **TailleLabel** qui correspond à la taille des labels; défaut **small**
  - un booléen **AffTermes** qui permet d'afficher les termes de la suite sur l'axe ( $Ox$ ). défaut **true**
- le deuxième argument optionnel concerne les **options** du tracé de l'*escalier* en langage TikZ; défaut **thick,color=magenta**;
- le troisième argument optionnel concerne les **options** du tracé des termes en langage TikZ. défaut **dotted**.



Il est à noter que le code n'est pas autonome, et doit être intégré dans un environnement `\tikzpicture`.

L'utilisateur est donc libre de définir ses styles pour l'affichage des éléments de son graphique, et il est libre également de rajouter des éléments en plus du tracé de la *toile*!

La macro ne permet – pour le moment – ni de tracer la bissectrice, ni de tracer la courbe...

En effet, il y aurait trop d'options pour ces deux éléments, et l'idée est quand même de conserver une commande *simple*! Donc l'utilisateur se chargera de tracer et de personnaliser sa courbe et sa bissectrice!

### 14.3 Exemples



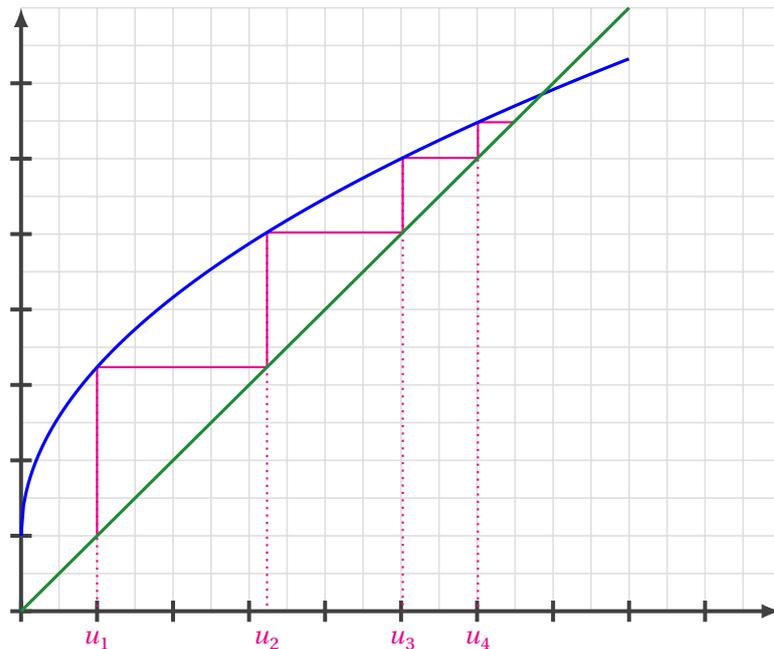
On va tracer la *toile* des 4 premiers termes de la suite récurrente :

$$\begin{cases} u_1 = 1 \\ u_{n+1} = \sqrt{5u_n} + 1 \text{ pour tout entier } n \geq 1 \end{cases}$$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
%code tikz
\def\x{1.5cm}\def\y{1.5cm}
\def\xmin{0}\def\xmax{10}\def\xgrille{1}\def\xgrilles{0.5}
\def\ymin{0}\def\ymax{8}\def\ygrille{1}\def\ygrilles{0.5}
%axes et grilles
\draw[xstep=\xgrilles,ystep=\ygrilles,line width=0.6pt,lightgray!50] (\xmin,\ymin) grid
(\xmax,\ymax);
\draw[line width=1.5pt,->,darkgray,>=latex] (\xmin,0)--(\xmax,0) ;
\draw[line width=1.5pt,->,darkgray,>=latex] (0,\ymin)--(0,\ymax) ;
\foreach \x in {0,1,...,9} {\draw[darkgray,line width=1.5pt] (\x,4pt) -- (\x,-4pt) ;}
\foreach \y in {0,1,...,7} {\draw[darkgray,line width=1.5pt] (4pt,\y) -- (-4pt,\y) ;}
%fonction définie et réutilisable
\def\f{sqrt(5*\x)+1}
%toile
\ToileRecurrence[Fct={\f},No=1,Uno=1,Nb=4,DecalLabel=4pt]
%éléments supplémentaires
\draw[very thick,blue,domain=0:8,samples=250] plot (\x,{\f}) ;
\draw[very thick,CouleurVertForet,domain=0:8,samples=2] plot (\x,\x) ;
```



Peut-être que – ultérieurement – des options *booléennes* seront disponibles pour un tracé *générique* de la courbe et de la bissectrice, mais pour le moment la macro ne fait *que* l'escalier.

## 14.4 Influence des paramètres

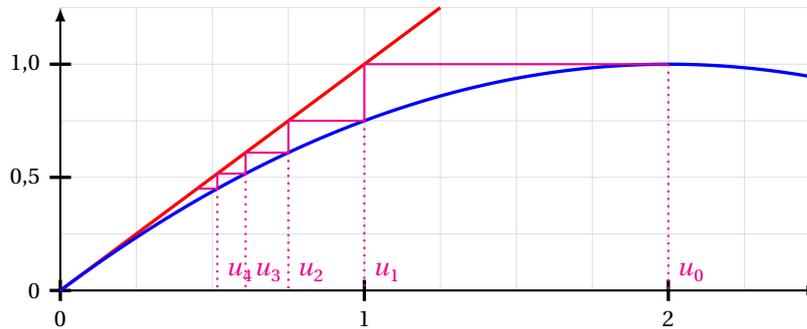


Code  $\LaTeX$

```
\begin{center}
  \begin{tikzpicture}[x=4cm,y=3cm]
    %axes + grilles + graduations
    ...
    %fonction
    \def\f{-0.25*\x*\x+\x}
    %tracés
    \begin{scope}
      \clip (0,0) rectangle (2.5,1.25) ;
      \draw[line width=1.25pt,blue,domain=0:2.5,samples=200] plot (\x,{\f}) ;
    \end{scope}
    \ToileReccurrence [Fct={\f},No=0,Uno=2,Nb=5,PosLabel=above right,DecalLabel=0pt]
  \end{tikzpicture}
\end{center}
```



Sortie  $\LaTeX$

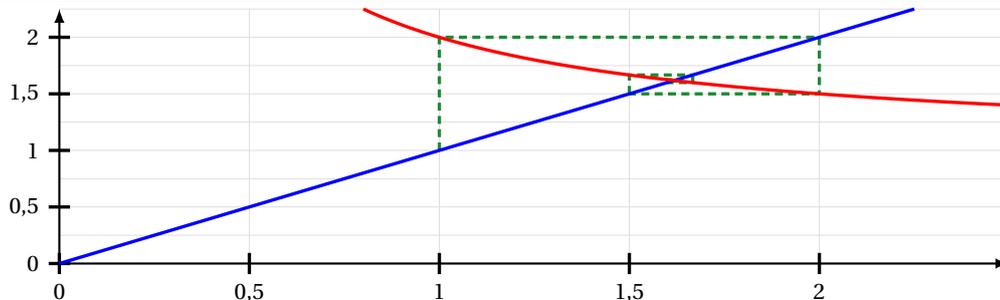


Code  $\LaTeX$

```
\begin{center}
  \begin{tikzpicture}[x=5cm,y=1.5cm]
    ...
    \def\f{1+1/\x}
    \ToileReccurrence%
      [Fct={\f},No=0,Uno=1,Nb=7,PosLabel=above right,DecalLabel=0pt,AffTermes=false]%
      [line width=1.25pt,CouleurVertForet,densely dashed] []
    \draw[line width=1.25pt,blue,domain=0:2.25,samples=2] plot (\x,{\x});
    \draw[line width=1.25pt,red,domain=0.8:2.5,samples=250] plot (\x,{\f});
  \end{tikzpicture}
\end{center}
```



Sortie  $\LaTeX$



# 15 Méthodes graphiques et intégrales

## 15.1 Idée



**2.6.1** L'idée est de proposer plusieurs méthodes graphiques pour illustrer graphiquement une intégrale, via :

- une méthode des rectangles (Gauche, Droite ou Milieu);
- la méthode des trapèzes.

La commande n'est pas autonome, elle est de ce fait à être placée dans un environnement `tikzpicture`.



</> Code  $\LaTeX$

```
%commande pour déclarer une fonction réutilisable  
\DeclareFonctionTikz [nom] {expr}
```



</> Code  $\LaTeX$

```
%environnement tikz  
\IntegraleApprocheTikz [clés] {nom_fonction} {a} {b}
```

## 15.2 Clés et arguments



Plusieurs **Clés** sont disponibles pour la commande :

- la clé **Épaisseur** pour l'épaisseur des « figures » ; défaut : **semithick**
- la clé **Couleur** pour la couleur des « figures » ; défaut : **red**
- le booléen **Remplir**, pour remplir les « figures » ; défaut : **true**
- la clé **Opacite** pour l'opacité du remplissage des « figures » ; défaut : **0.25**
- la clé **CouleurRemplissage** pour la couleur de remplissage des « figures » ; défaut : **Couleur !25**
- la clé **Methode**, parmi **RectanglesGauche / RectanglesDroite / RectanglesMilieu / Trapezes** pour spécifier la méthode utilisée ; défaut : **RectanglesGauche**
- la clé **NbSubDiv** précise le nombre de « figures ». défaut : **10**

Concernant les arguments obligatoires :

- le premier est la fonction , déclarée au préalable ;
- les deux autres arguments sont les bornes de l'intégrale.

Les commandes graphiques de `Proflycee` peuvent être utilisées pour configurer la fenêtre!

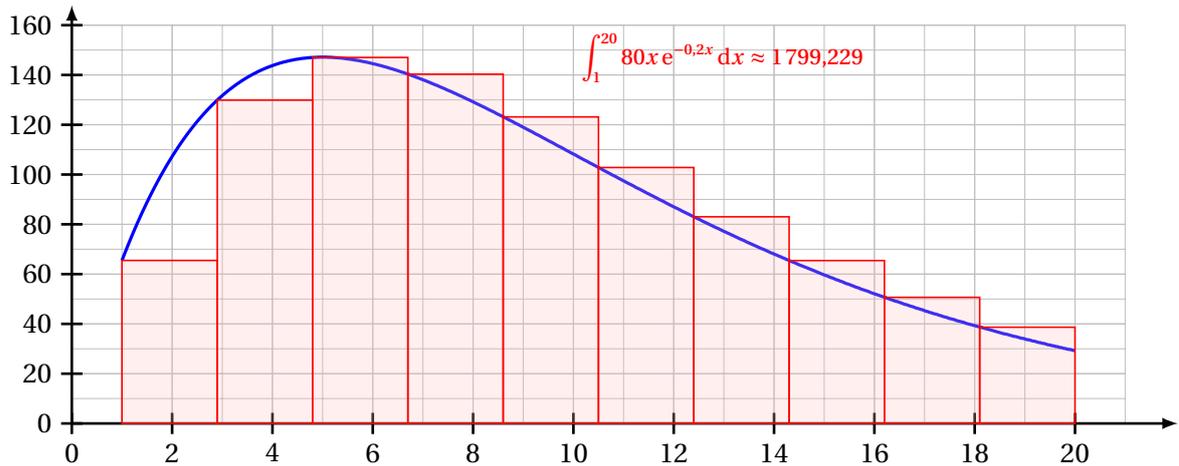
Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$ 

```

\begin{tikzpicture}%

[x=0.66cm,y=0.033cm,xmin=0,xmax=21,xgrille=2,xgrilles=1,ymin=0,ymax=160,ygrille=20,ygrilles=10]
\DeclareFonctionTikz{80*x*exp(-0.2*x)}
\FenetreSimpleTikz{0,2,...,20}{0,20,...,160}
\CourbeTikz[very thick,samples=500,blue]{f(\x)}{1:20}
\IntegraleApprocheeTikz{f}{1}{20}
\draw[red] (10,160) node[below right]
  {\displaystyle%
  \IntegraleApprochee[Methode=RectanglesGauche,AffFormule,Expr={80x\,\text{e}^{-0,2x}}]}%
  {80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}$} ;
\end{tikzpicture}

```

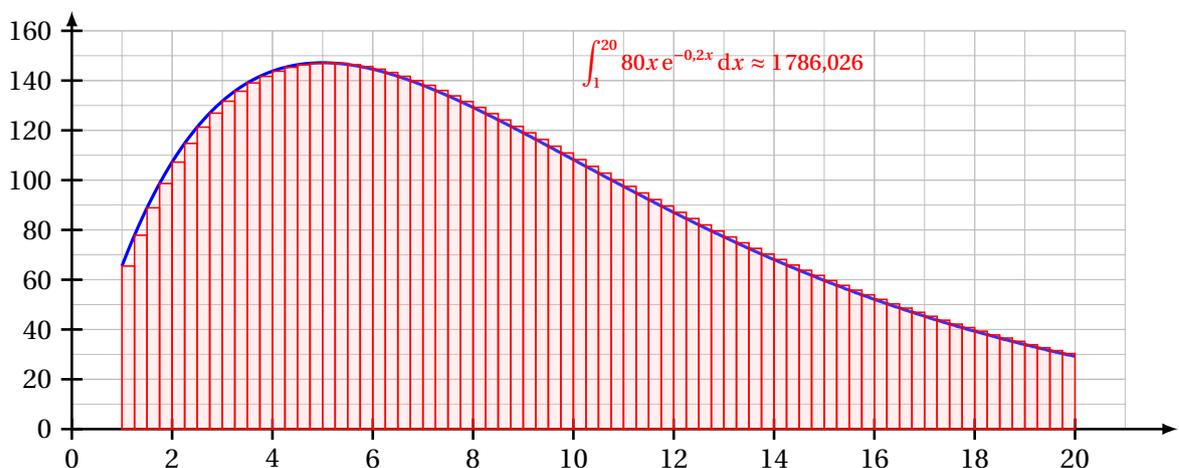
Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$ 

```

\begin{tikzpicture}%

[x=0.66cm,y=0.033cm,xmin=0,xmax=21,xgrille=2,xgrilles=1,ymin=0,ymax=160,ygrille=20,ygrilles=10]
\DeclareFonctionTikz{80*x*exp(-0.2*x)}
\FenetreSimpleTikz{0,2,...,20}{0,20,...,160}
\CourbeTikz[very thick,samples=500,blue]{f(\x)}{1:20}
\IntegraleApprocheeTikz[NbSubDiv=76]{f}{1}{20}
\draw[red] (10,160) node[below right]
  {\displaystyle\IntegraleApprochee%
  [NbSubDiv=76,Methode=RectanglesGauche,AffFormule,Expr={80x\,\text{e}^{-0,2x}}]}%
  {80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}$} ;
\end{tikzpicture}

```



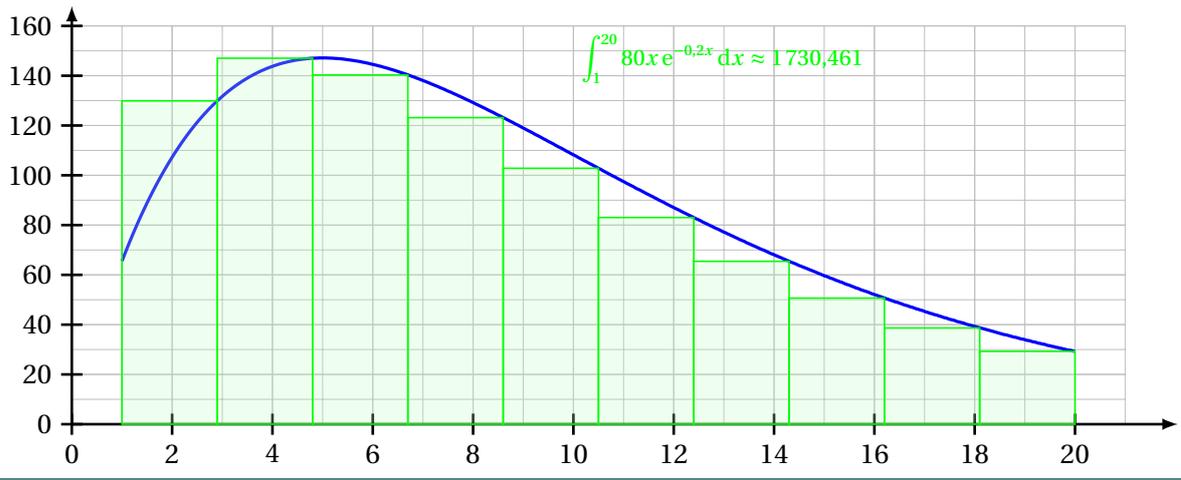
### 15.3 Exemples



```

Code LaTeX et sortie LaTeX
\begin{tikzpicture}%
  [x=0.66cm,y=0.033cm,xmin=0,xmax=21,xgrille=2,xgrilles=1,ymin=0,ymax=160,ygrille=20,ygrilles=10]
  \DeclareFonctionTikz{80*x*exp(-0.2*x)}
  \FenetreSimpleTikz{0,2,...,20}{0,20,...,160}
  \CourbeTikz[very thick,samples=500,blue]{f(\x)}{1:20}
  \IntegraleApprocheeTikz[Methode=RectanglesDroite,Couleur=green]{f}{1}{20}
  \draw[green] (10,160) node[below right]
  {\displaystyle\IntegraleApprochee%
  [Methode=RectanglesDroite,AffFormule,Expr={80x\,\text{e}^{-0,2x}}}%
  {80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}$} ;
\end{tikzpicture}

```



```

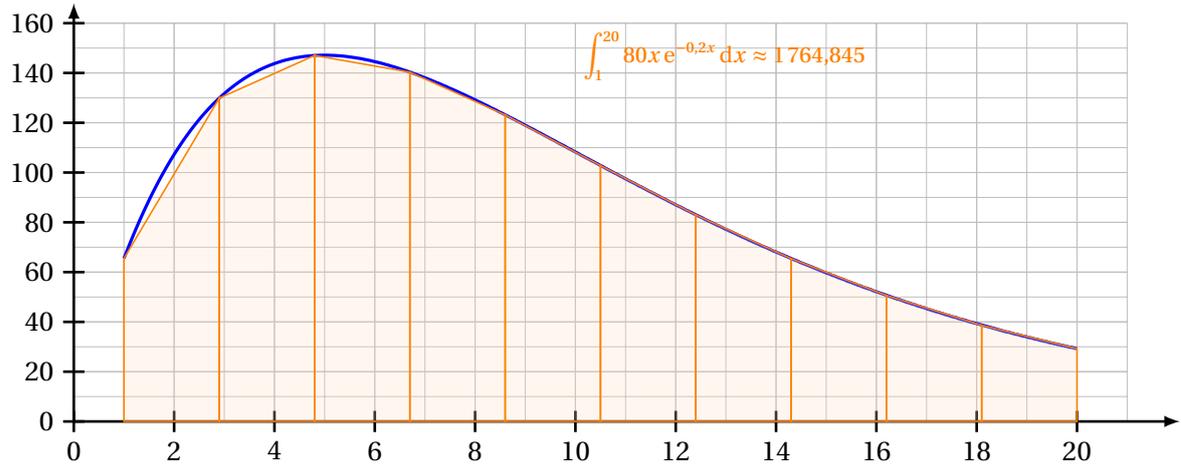
Code LaTeX et sortie LaTeX
\begin{tikzpicture}%
  [x=0.66cm,y=0.033cm,xmin=0,xmax=21,xgrille=2,xgrilles=1,ymin=0,ymax=160,ygrille=20,ygrilles=10]
  \DeclareFonctionTikz{80*x*exp(-0.2*x)}
  \FenetreSimpleTikz{0,2,...,20}{0,20,...,160}
  \CourbeTikz[very thick,samples=500,blue]{f(\x)}{1:20}
  \IntegraleApprocheeTikz[Methode=RectanglesMilieu,Couleur=purple]{f}{1}{20}
  \draw[purple] (10,160) node[below right]
  {\displaystyle\IntegraleApprochee%
  [Methode=RectanglesMilieu,AffFormule,Expr={80x\,\text{e}^{-0,2x}}}%
  {80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}$} ;
\end{tikzpicture}

```





```
\begin{tikzpicture}%  
  
  [x=0.66cm,y=0.033cm,xmin=0,xmax=21,xgrille=2,xgrilles=1,ymin=0,ymax=160,ygrille=20,ygrilles=10]  
  \DeclareFonctionTikz{80*x*exp(-0.2*x)}  
  \FenetreSimpleTikz{0,2,...,20}{0,20,...,160}  
  \CourbeTikz[very thick,samples=500,blue]{f(\x)}{1:20}  
  \IntegraleApprocheeTikz[Methode=Trapezes,Couleur=orange]{f}{1}{20}  
  \draw[orange] (10,160) node[below right]  
  {\$ \displaystyle \IntegraleApprochee%  
    [Methode=Trapezes,AffFormule,Expr={80x\,\text{e}^{-0,2x}}] %  
    {80*x*exp(-0.2*x)}{1}{20}$} ;  
\end{tikzpicture}
```



Thème

# PRÉSENTATION DE CODES

## Sixième partie

# Présentation de codes

## 16 Code Python « simple » via le package listings

### 16.1 Introduction



Le package `listings` permet d'insérer et de formater du code, notamment du code Python. En *partenariat* avec `tcolorbox`, on peut donc présenter *joliment* du code Python!



Le package `listings` ne nécessite pas de compilation particulière, au contraire d'autres (comme `pythontex` ou `minted` ou `piton`) qui seront présentés ultérieurement.



Les styles utilisés pour formater le code Python ne sont pas modifiables. Ils donnent un rendu proche de celui des packages comme `pythontex` ou `minted` ou `piton`.

Donc, si plusieurs *méthodes* sont utilisées pour insérer du code Python (via les *méthodes* suivantes), le rendu pourra être légèrement différent.

### 16.2 Commande et options



L'environnement `CodePythonLst` permet de présenter du code Python, dans une `tcolorbox` avec deux styles particuliers (`2.5.8`).



```
</> Code  $\LaTeX$ 
\begin{CodePythonLst}(*)[largeur]{commandes tcolor}
...
\end{CodePythonLst}
```



```
</> Code  $\LaTeX$ 
\begin{CodePythonLstAlt}(*)[largeur]{commandes tcolor}
...
\end{CodePythonLstAlt}
```



Plusieurs **arguments** sont disponibles :

- la version *étoilée* qui permet de ne pas afficher les numéros de lignes ;
- le premier argument (*optionnel*), concerne la **largeur** de la `tcolor` ; défaut (`\linewidth`)
- le second argument (*obligatoire*), concerne des **options** de la `tcolor` en *langage tcolorbox*, comme l'alignement.



Les environnements `DeclareTCBListing` créés par `tcolorbox` et `listings` ne sont pas compatibles avec les options **gobble** (pour supprimer les tabulations d'environnement), donc il faut bien penser à « aligner » le code à gauche, pour éviter des tabulations non esthétiques!

### 16.3 Insertion via un fichier « externe »



Pour des raisons pratiques, il est parfois intéressant d'avoir le code Python dans un fichier externe au fichier `tex`, ou bien créé directement par le fichier `tex` (via `scontents`, notamment, mais non chargé par `ProfLycee`).

Dans ce cas, il n'est pas nécessaire d'aligner le code « à gauche », en utilisant une commande alternative.

Si cette méthode est utilisée, il ne faut oublier de charger le package `scontents`.



Code  $\LaTeX$

```

\usepackage{scontents} %si script déclaré dans le fichier tex
...
\CodePythonLstFichier(*)[largeur]{commandes tcbox}{script}

```

## 16.4 Exemples



Code  $\LaTeX$

```

\begin{CodePythonLst}{} %les {}, même vides, sont nécessaires (bug avec # sinon !)
#environnement par défaut
nb = int(input("Saisir un entier positif"))
if (nb %7 == 0) :
    print(f"{nb} est bien divisible par 7")
#endif

def f(x) :
    return x**2
\end{CodePythonLst}

```



Sortie  $\LaTeX$

```

1 #environnement par défaut
2 nb = int(input("Saisir un entier positif"))
3 if (nb %7 == 0) :
4     print(f"{nb} est bien divisible par 7")
5 #endif
6
7 def f(x) :
8     return x**2

```

Code Python



Code  $\LaTeX$

```

\begin{CodePythonLstAlt}*[0.75\linewidth]{flush right}
#largeur de 50%, sans numéro, et aligné à droite
nb = int(input("Saisir un entier Python positif"))
if (nb %7 == 0) :
    print(f"{nb} est bien divisible par 7")
#endif

def f(x) :
    return x**2
\end{CodePythonLstAlt}

```



Sortie  $\LaTeX$

Code Python

```

#largeur de 50%, sans numéro, et aligné à droite
nb = int(input("Saisir un entier Python positif"))
if (nb %7 == 0) :
    print(f"{nb} est bien divisible par 7")
#endif

def f(x) :
    return x**2

```



## </> Code L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X

```
\begin{scontents}[overwrite,write-out=testscript.py]
# Calcul de la factorielle en langage Python
def factorielle(x):
    if x < 2:
        return 1
    else:
        return x * factorielle(x-1)

# rapidité de tracé
import matplotlib.pyplot as plt
import time
def trace_parabole_tableaux():
    depart=time.clock()
    X = [] # Initialisation des listes
    Y = []
    a = -2
    h = 0.001
    while a<2:
        X.append(a) # Ajout des valeurs
        Y.append(a*a) # au "bout" de X et Y
        a = a+h
    # Tracé de l'ensemble du tableau de valeurs
    plt.plot(X,Y,".b")
    fin=time.clock()
    return "Temps : " + str(fin-depart) + " s."
\end{scontents}
```

```
%environnement centré, avec numéros, largeur 9cm
\CodePythonLstFichier[9cm]{center}{testscript.py}
```



## Sortie L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X

### Code Python

```
1 # Calcul de la factorielle en langage Python
2 def factorielle(x):
3     if x < 2:
4         return 1
5     else:
6         return x * factorielle(x-1)
7
8 # rapidité de tracé
9 import matplotlib.pyplot as plt
10 import time
11 def trace_parabole_tableaux():
12     depart=time.clock()
13     X = [] # Initialisation des listes
14     Y = []
15     a = -2
16     h = 0.001
17     while a<2:
18         X.append(a) # Ajout des valeurs
19         Y.append(a*a) # au "bout" de X et Y
20         a = a+h
21     # Tracé de l'ensemble du tableau de
    valeurs
22     plt.plot(X,Y,".b")
23     fin=time.clock()
24     return "Temps : " + str(fin-depart) + "
    s."
```

## 17 Code Python via le package piton

### 17.1 Introduction



**2.5.0** Cette section nécessite de charger la librairie `\usepackage{piton}` dans le préambule.

**2.5.7** Une console Python est disponible, elle nécessite le package `\usepackage{pyluatex}`, qui n'est pas chargé par `\usepackage{ProfLycee}`, du fait de l'obligation de spécifier le *chemin* pour l'exécutable Python!



`</>` Code  $\LaTeX$

```
\usepackage[executable=...]{pyluatex} %si utilisation de la console REPL
\usepackage{ProfLycee}{piton}
```



La librairie `\usepackage{piton}` (qui charge `\usepackage{piton}`, est compatible uniquement avec  $\text{Lua}\LaTeX$ !) permet d'insérer du code Python avec une coloration syntaxique en utilisant la bibliothèque Lua LPEG.

En *partenariat* avec `\usepackage{tcolorbox}`, on peut avoir une présentation de code Python!

Depuis la version **0.95** de `\usepackage{piton}`, `\left-margin=auto` est disponible et activée dans `\usepackage{ProfLycee}`.

Depuis la version **0.99** de `\usepackage{piton}`, `\break-lines` est disponible et activée dans `\usepackage{ProfLycee}`.

Depuis la version **1.0** de `\usepackage{piton}`, `\tabs-auto-gobble` est disponible et activée dans `\usepackage{ProfLycee}`.



Le package `\usepackage{piton}` nécessite donc obligatoirement l'emploi de  $\text{Lua}\LaTeX$ !

Ce package n'est chargé que si la compilation détectée est en  $\text{Lua}\LaTeX$ !

**2.5.7** L'utilisation de la console **REPL** nécessite une compilation en `\usepackage{--shell-escape}` ou `\usepackage{-write18}`!

**2.5.7** Les packages `\usepackage{pyluatex}` et `\usepackage{pythontex}` utilisent des commandes de même nom, donc la présente documentation n'utilisera pas le package `\usepackage{pyluatex}`. Une documentation annexe spécifique est disponible.

### 17.2 Présentation de code Python



`</>` Code  $\LaTeX$

```
\begin{CodePiton}[options]{options tcbbox}
...
\end{CodePiton}
```



Plusieurs **clés** sont disponibles :

- la clé booléenne **Lignes** pour afficher ou non les numéros de lignes; défaut **true**
- la clé booléenne **Gobble** pour activer les options liées au gobble; défaut **true**
- la clé **Largeur** qui correspond à la largeur de la `\usepackage{tcbbox}`; défaut `\linewidth`
- la clé **TaillePolice** pour la taille des caractères; défaut `\footnotesize`
- la clé **Alignement** qui paramètre l'alignement de la `\usepackage{tcbbox}`; défaut **center**
- **2.5.7** la clé **Style** (parmi **Moderne / Classique**) pour changer le style; défaut **Moderne**
- **2.5.7** le booléen **Filigrane** pour afficher, le logo  en filigrane; défaut **false**
- **2.5.7** le booléen **BarreTitre** (si **Style=Moderne**) pour afficher le titre; défaut **true**
- **2.5.7** le booléen **Cadre** (si **Style=Moderne**) pour afficher le cadre; défaut **true**
- **2.5.9** la clé **CouleurNombres** pour la couleur des nombres. défaut **orange**



Du fait du paramétrage des boîtes `\usepackage{tcolorbox}`, il se peut que le rendu soit non conforme si elle doit être insérée dans une autre `\usepackage{tcolorbox}`... (normalement corrigé en **2.6.9**)!



Pour éviter des problèmes avec le code interprété par piton, les `\begin{CodePiton}` de l'argument obligatoire sont nécessaires au bon fonctionnement du code.



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{CodePiton}{}
#environnement piton avec numéros de ligne, pleine largeur, style moderne
def arctan(x,n=10):
    if x < 0:
        return -arctan(-x) #> (appel récursif)
    elif x > 1:
        return pi/2 - arctan(1/x) #> (autre appel récursif)
    else:
        return sum( (-1)**k/(2*k+1)*x**(2*k+1) for k in range(n) )
\end{CodePiton}
```

Code Python

```
1 #environnement piton avec numéros de ligne, pleine largeur, style moderne
2 def arctan(x,n=10):
3     if x < 0:
4         return -arctan(-x) (appel récursif)
5     elif x > 1:
6         return pi/2 - arctan(1/x) (autre appel récursif)
7     else:
8         return sum( (-1)**k/(2*k+1)*x**(2*k+1) for k in range(n) )
```



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{CodePiton}[Style=Classique,Filigrane]{}
#environnement piton avec numéros, style classique, filigrane
def arctan(x,n=10):
    if x < 0:
        return -arctan(-x) #> (appel récursif)
    elif x > 1:
        return pi/2 - arctan(1/x) #> (autre appel récursif)
    else:
        return sum( (-1)**k/(2*k+1)*x**(2*k+1) for k in range(n) )
\end{CodePiton}
```

</> Code Python

```
1 #environnement piton avec numéros, style classique, filigrane
2 def arctan(x,n=10):
3     if x < 0:
4         return -arctan(-x) (appel récursif)
5     elif x > 1:
6         return pi/2 - arctan(1/x) (autre appel récursif)
7     else:
8         return sum( (-1)**k/(2*k+1)*x**(2*k+1) for k in range(n) )
```



</> Code L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X

```

\begin{CodePiton}[Alignement=flush right,Largeur=13cm]{}
def f(x) :
    return x**2
\end{CodePiton}

\begin{CodePiton}[Alignement=flush left,Largeur=11cm]{}
def f(x) :
    return x**2
\end{CodePiton}

\begin{itemize} %Avec des indentations d'environnement :
  \item On essaye avec un \texttt{itemize} :
  %
  \begin{CodePiton}[Largeur=12cm,Style=Classique,Cadre=false]{}
    def f(x) :
      return x**2
  \end{CodePiton}
  \item Et avec un autre \texttt{itemize} :
  %
  \begin{CodePiton}[Largeur=12cm,Style=Classique,Cadre=false,BarreTitre=false]{}
    #avec numéros, de largeur 12cm, centré, classique, sans cadre/titre
    def f(x) :
      return x**2
  \end{CodePiton}
\end{itemize}
\vspace*{-\baselineskip}\leavevmode

```

Code Python

```

1 #avec numéros, de largeur 13cm, aligné à droite
2 def f(x) :
3     return x**2

```

Code Python

```

1 #avec numéros, de largeur 11cm, aligné à gauche
2 def f(x) :
3     return x**2

```

— On essaye avec un itemize :

</> Code Python

```

1 #avec numéros, de largeur 12cm, centré, classique, sans cadre
2 def f(x) :
3     return x**2

```

— Et avec un autre itemize :

```

1 #avec numéros, de largeur 12cm, centré, classique, sans \
+ ↪ cadre/titre
2 def f(x) :
3     return x**2

```

## 17.3 Console en partenariat avec Pyluatex



**2.5.7** Une console d'exécution (type REPL) est disponible, et la documentation associée est en marge de la présente documentation.

## 18 Code & Console Python, via les packages Pythontex ou Minted

### 18.1 Librairies



**2.5.0** Cette section nécessite de charger les librairies `\usepackage{minted}` et/ou `\usepackage{pythontex}` dans le préambule.



</> Code  $\LaTeX$

```
\usepackage{minted}
\usepackage{pythontex}
%ou
\usepackage{minted,pythontex}
```

### 18.2 Introduction



**2.5.0** La librairie `\usepackage{pythontex}` permet d'insérer et d'exécuter du code Python. On peut :

- **2.5.8** présenter du code Python (deux styles disponibles);
- exécuter du code Python dans un environnement type « console »;
- charger du code Python, et éventuellement l'utiliser dans la console.



**Attention :** il faut dans ce cas une compilation en plusieurs étapes, comme par exemple `pdflatex puis pythontex puis pdflatex!`

Voir par exemple [http://lesmathsduyeti.fr/fr/informatique/latex/pythontex/!](http://lesmathsduyeti.fr/fr/informatique/latex/pythontex/)



Compte tenu de la *relative complexité* pour gérer les options (par paramètres/clés...) des `tcbbox` et des `fancyvrb`, les styles sont « fixés » tels quels, et seules la taille et la position de la `tcbbox` sont modifiables. Si toutefois vous souhaitez personnaliser davantage, il faudra prendre le code correspondant et appliquer vos modifications!

Cela peut donner – en tout cas – des idées de personnalisation en ayant une base *préexistante*!

### 18.3 Présentation de code Python grâce au package pythontex



L'environnement `\usepackage{CodePythontex}` est donc lié à `\usepackage{pythontex}` (chargé par `\usepackage{ProfLycee}`, avec l'option `autogobble`) permet de présenter du code Python, dans une `\usepackage{tcolorbox}` avec deux styles particuliers (**2.5.8**).



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{CodePythontex}[options]{} %les {} vides sont nécessaires
...
\end{CodePythontex}
```



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{CodePythontexAlt}[options]{} %les {} vides sont nécessaires
...
\end{CodePythontexAlt}
```



Comme précédemment, des **<Clés>** qui permettent de *légèrement* modifier le style :

- **<Largeur>** : largeur de la *tcbx*; défaut **<\linewidth>**
- **<Centre>** : booléen pour centrer ou non la *tcbx*; défaut **<false>**
- **<TaillePolice>** : taille des caractères; défaut **<\footnotesize>**
- **<EspacementVertical>** : option (*stretch*) pour l'espacement entre les lignes; défaut **<1>**
- **<Lignes>** : booléen pour afficher ou non les numéros de ligne. défaut **<>true>**



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{CodePythontex}{} %bien mettre les {} !!
  #environnement Python(tex) par défaut
  def f(x) :
    return x**2
\end{CodePythontex}
```



Sortie  $\LaTeX$

```
1 #environnement Python(tex) par défaut
2 def f(x) :
3     return x**2
```

Code Python



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{CodePythontexAlt}[Largeur=12cm,Centre,Lignes=false]{}
  #environnement Python(tex) classique, centré, sans lignes
  def f(x) :
    return x**2
\end{CodePythontexAlt}
```



Sortie  $\LaTeX$

</> Code Python

```
#environnement Python(tex) classique, centré, sans lignes
def f(x) :
    return x**2
```

## 18.4 Présentation de code Python via le package `minted`



Pour celles et ceux qui ne sont pas à l'aise avec le package `pythontex` et notamment sa spécificité pour compiler, il existe le package `minted` qui permet de présenter du code, et notamment Python.

`2.5.8` Deux styles sont désormais disponibles.

`2.5.0` C'est donc la librairie `minted` qu'il faudra charger.



Le package `minted` nécessite quand même une compilation avec l'option `--shell-escape` ou `-write18`!



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{CodePythonMinted}(*) [largeur]{options}
...
\end{CodePythonMinted}
```



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{CodePythonMintedAlt}(*) [largeur]{options}
...
\end{CodePythonMintedAlt}
```



Plusieurs **<arguments>** sont disponibles :

- la version *étoilée* qui permet de ne pas afficher les numéros de lignes;
- le 1<sup>er</sup> argument *optionnel* concerne la **<largeur>** de la `\tcbox`; défaut **<12cm>**
- le 2<sup>nd</sup> argument *obligatoire* concerne les **<options>** de la `\tcbox` en langage *tcbox*. défaut **<vide>**



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{CodePythonMinted}[13cm]{center}
#environnement Python(minted) centré avec numéros, de largeur 13cm
def f(x) :
    return x**2
\end{CodePythonMinted}
```



Sortie  $\LaTeX$

```
1 #environnement Python(minted) centré avec numéros
2 def f(x) :
3     return x**2
```

Code Python



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{CodePythonMintedAlt}*[0.8\linewidth]{
#environnement Python(minted), style alt, sans numéro, de largeur 0.8\linewidth
def f(x) :
    return x**2
\end{CodePythonMintedAlt}
```



Sortie  $\LaTeX$

</> Code Python

```
#environnement Python(minted), style alt, sans numéro, 0.8\linewidth
def f(x) :
    return x**2
```

## 18.5 Console d'exécution Python



`\pythontex` permet également de *simuler* (en exécutant également!) du code Python dans une *console*, avec la librairie `\pythontex` du coup!  
C'est l'environnement `\ConsolePythontex` qui permet de le faire.



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{ConsolePythontex}[options]{} %les {} vides sont nécessaires
...
\end{ConsolePythontex}
```



Les **<Clés>** disponibles sont :

- **<Largeur>** : largeur de la *console*; défaut **<\linewidth>**
- **<Centre>** : booléen pour centrer ou non la *console*; défaut **<false>**
- **<TaillePolice>** : taille des caractères; défaut **<\footnotesize>**
- **<EspacementVertical>** : option (*stretch*) pour l'espacement entre les lignes; défaut **<1>**
- **<Label>** : booléen pour afficher ou non le titre. défaut **<>true>**



#### </> Code $\LaTeX$

```
\begin{ConsolePythontex}{}
  #console Python(tex) par défaut
  from math import sqrt
  1+1
  sqrt(12)
\end{ConsolePythontex}
```



#### Sortie $\LaTeX$

----- Début de la console python -----

```
>>> #console Python(tex) par défaut
>>> from math import sqrt
>>> 1+1
2
>>> sqrt(12)
3.4641016151377544
```

----- Fin de la console python -----



#### </> Code $\LaTeX$

```
\begin{ConsolePythontex}[Largeur=14cm,Label=false,Centre]{}
  #console Python(tex) centrée sans label, 14cm
  table = [[1,2],[3,4]]
  table[0][0]

  from random import randint
  tableau = [[randint(1,20) for j in range(0,6)] for i in range(0,3)]
  tableau
  len(tableau), len(tableau[0]), tableau[1][4]
\end{ConsolePythontex}
```



#### Sortie $\LaTeX$

```
>>> #console Python(tex) centrée sans label, 14cm
>>> table = [[1,2],[3,4]]
>>> table[0][0]
1

>>> from random import randint
>>> tableau = [[randint(1,20) for j in range(0,6)] for i in range(0,3)]
>>> tableau
[[14, 2, 19, 1, 14, 10], [12, 5, 3, 11, 2, 1], [10, 16, 11, 10, 20, 8]]
>>> len(tableau), len(tableau[0]), tableau[1][4]
(3, 6, 2)
```



Le package `pythontex` peut donc servir à présenter du code Python, comme `minted` ou `piton`, sa particularité est toutefois de pouvoir *exécuter* du code Python pour une présentation de type *console*.

# 19 Pseudo-Code

## 19.1 Introduction



Le package `listings` permet d'insérer et de présenter du code, et avec `tcolorbox` on peut obtenir une présentation similaire à celle du code Python. Pour le moment la *philosophie* de la commande est un peu différente de celle du code Python, avec son système de **(Clés)**.

## 19.2 Présentation de Pseudo-Code



Les environnements `PseudoCode` ou `PseudoCodeAlt` permet de présenter du (pseudo-code) dans une `tcolorbox`, avec deux styles à disposition (`2.5.8`).



De plus, le package `listings` avec `tcolorbox` ne permet pas de gérer le paramètre *autogobble*, donc il faudra être vigilant quant à la position du code (pas de tabulation en fait...)



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{PseudoCode}(*) [largeur]{options tcbbox}
%attention à l'indentation, gobble ne fonctionne pas...
...
\end{PseudoCode}
```



</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{PseudoCodeAlt}(*) [largeur]{options tcbbox}
%attention à l'indentation, gobble ne fonctionne pas...
...
\end{PseudoCodeAlt}
```



Plusieurs **(arguments)** (optionnels) sont disponibles :

- la version *étoilée* qui permet de ne pas afficher les numéros de lignes ;
- le premier argument optionnel concerne la **(largeur)** de la `tcbbox` ; défaut **(12cm)**
- `2.5.8` l'argument obligatoire entre `{...}` concerne les **(options)** de la `tcbbox`.



</> Code  $\LaTeX$

```
%en pas oublier les {}, même vides !
\begin{PseudoCode}{} %non centré, de largeur par défaut (12cm) avec lignes
List = [...]          # à déclarer au préalable
n = longueur(List)
Pour i allant de 0 à n-1 Faire
    Afficher(List[i])
FinPour
\end{PseudoCode}
```



Sortie  $\LaTeX$

```
1 List ← [...]          # à déclarer au préalable
2 n ← longueur(List)
3 Pour i allant de 0 à n-1 Faire
4     Afficher(List[i])
5 FinPour
```

Pseudo-Code



#### Code $\LaTeX$

```

\begin{PseudoCodeAlt}[15cm]{center} %centré, de largeur 15cm
List = [...]          # à déclarer au préalable
n = longueur(List)
Pour i allant de 0 à n-1 Faire
    Afficher(List[i])
FinPour
\end{PseudoCodeAlt}

```



#### Sortie $\LaTeX$

```

</> PseudoCode
1 List ← [...]          # à déclarer au préalable
2 n ← longueur(List)
3 Pour i allant de 0 à n-1 Faire
4     Afficher(List[i])
5 FinPour

```

### 19.3 Compléments



À l'instar de packages existants, la *philosophie* ici est de laisser l'utilisateur gérer *son* langage pseudo-code.

J'ai fait le choix de ne pas définir des mots clés à mettre en valeur car cela reviendrait à *imposer* des choix! Donc ici, pas de coloration syntaxique ou de mise en évidence de mots clés, uniquement un formatage basique!



Le style `listings` utilisé par la commande a l'option (`mathescape`) activée, et accessible grâce aux délimiteurs `(*...*)`.

Cela permet d'insérer du code  $\LaTeX$  dans l'environnement `PseudoCode` (attention au fontes par contre!).



#### Code $\LaTeX$

```

\begin{PseudoCode}*[12cm]{}
#Utilisation du mode mathescape
Afficher (*\og*) .....(*\fg*)
m = (*$\tfrac{\texttt{1}}{\texttt{2}}$*)
\end{PseudoCode}

```



#### Sortie $\LaTeX$

```

#Utilisation du mode mathescape
Afficher « ..... »
m ←  $\frac{1}{2}$ 

```

## 20 Terminal Windows/UNIX/OSX

### 20.1 Introduction



L'idée des commandes suivantes est de permettre de simuler des fenêtres de Terminal, que ce soit pour Windows, Ubuntu ou OSX.

L'idée de base vient du package `\usepackage{termsim}`, mais ici la gestion du code et des fenêtres est légèrement différente.

Le contenu est géré par le package `\usepackage{listings}`, sans langage particulier, et donc sans coloration syntaxique particulière.



Comme pour le pseudo-code, pas d'autogobble, donc commandes à aligner à gauche!

### 20.2 Commandes



Code  $\LaTeX$

```
\begin{TerminalWin}[largeur]{titre=...}[options tcolorbox]
...
\end{TerminalWin}

\begin{TerminalUnix}[largeur]{titre=...}[options tcolorbox]
...
\end{TerminalUnix}

\begin{TerminalOSX}[largeur]{titre=...}[options tcolorbox]
...
\end{TerminalOSX}
```



Peu d'options pour ces commandes :

- le premier, *optionnel*, est la **⟨largeur⟩** de la `\usepackage{tcolorbox}`; défaut  $\langle \backslash linewidthth \rangle$
- le deuxième, *obligatoire*, permet de spécifier le titre par la clé **⟨Titre⟩**. défaut  $\langle \text{Terminal Windows/UNIX/OSX} \rangle$
- le troisième, *optionnel*, concerne les **⟨options⟩** de la `\usepackage{tcolorbox}` en langage *tcolorbox*. défaut  $\langle \text{vide} \rangle$



Le code n'est pas formaté, ni mis en coloration syntaxique.

De ce fait tous les caractères sont autorisés : même si l'éditeur pourra détecter le % comme le début d'un commentaire, tout sera intégré dans le code mis en forme!



Code  $\LaTeX$

```
\begin{TerminalUnix}[12cm]{Titre=Terminal Ubuntu}[center] %12cm, avec titre modifié et centré
test@DESKTOP:~$ ping -c 2 ctan.org
PING ctan.org (5.35.249.60) 56(84) bytes of data.
\end{TerminalUnix}
```



Sortie  $\LaTeX$

```
Terminal Ubuntu
test@DESKTOP:~$ ping -c 2 ctan.org
PING ctan.org (5.35.249.60) 56(84) bytes of data.
```



## </> Code L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X

```
\begin{TerminalWin}[15cm]{} %largeur 15cm avec titre par défaut
Microsoft Windows [version 10.0.22000.493]
(c) Microsoft Corporation. Tous droits réservés.
C:\Users\test>ping ctan.org

Envoi d'une requête 'ping' sur ctan.org [5.35.249.60] avec 32 octets de données :
Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=35 ms TTL=51
Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=37 ms TTL=51
Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=35 ms TTL=51
Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=39 ms TTL=51

Statistiques Ping pour 5.35.249.60:
Paquets : envoyés = 4, reçus = 4, perdus = 0 (perte 0%),
Durée approximative des boucles en millisecondes :
Minimum = 35ms, Maximum = 39ms, Moyenne = 36ms
\end{TerminalWin}

\begin{TerminalOSX}[0.5\linewidth]{Titre=Terminal MacOSX}[flush right] %1/2-largeur et titre
modifié et droite
[test@server]$ ping -c 2 ctan.org
PING ctan.org (5.35.249.60) 56(84) bytes of data.
\end{TerminalOSX}
```



## Sortie L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X

```
>_ Terminal Windows
Microsoft Windows [version 10.0.22000.493]
(c) Microsoft Corporation. Tous droits réservés.
C:\Users\test>ping ctan.org

Envoi d'une requête 'ping' sur ctan.org [5.35.249.60] avec 32 octets de données :
Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=35 ms TTL=51
Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=37 ms TTL=51
Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=35 ms TTL=51
Réponse de 5.35.249.60 : octets=32 temps=39 ms TTL=51

Statistiques Ping pour 5.35.249.60:
Paquets : envoyés = 4, reçus = 4, perdus = 0 (perte 0%),
Durée approximative des boucles en millisecondes :
Minimum = 35ms, Maximum = 39ms, Moyenne = 36ms
```

```
Terminal Ubuntu
test@DESKTOP:~$ ping -c 2 ctan.org
PING ctan.org (5.35.249.60) 56(84) bytes of data.
```

```
Terminal MacOSX
[test@server]$ ping -c 2 ctan.org
PING ctan.org (5.35.249.60) 56(84) bytes of
data.
```

## 21 Cartouche Capytale

### 21.1 Introduction



L'idée est d'obtenir des cartouches tels que Capytale les présente, pour partager un code afin d'accéder à une activité Python.

### 21.2 Commandes



</> Code  $\LaTeX$

```
\CartoucheCapytale(*)[options]{code capytale}
```



Peu d'options pour ces commandes :

- la version *étoilée* qui permet de passer de la police  $\langle\mathit{sffamily}\rangle$  à la police  $\langle\mathit{ttfamily}\rangle$ , et donc dépendante des fontes du document;
- le deuxième, *optionnel*, permet de rajouter des caractères après le code (comme un espace);  
défaut  $\langle\mathit{vide}\rangle$
- le troisième, *obligatoire*, est le code capytale à afficher.



</> Code  $\LaTeX$

```
\CartoucheCapytale{abcd-12345}           %lien simple, en sf
\CartoucheCapytale[~]{abcd-12345}       %lien avec ~ à la fin, en sf
\CartoucheCapytale*{abcd-12345}        %lien simple, en tt
\CartoucheCapytale*[~]{abcd-12345}     %lien avec ~ à la fin, en tt
```



Sortie  $\LaTeX$

```
abcd-12345 
abcd-12345 
abcd-12345 
abcd-12345 
```



Le cartouche peut être « cliquable » grâce à `\href`.



</> Code  $\LaTeX$

```
\usepackage{hyperref}
\urlstyle{same}
...
\href{https://capytale2.ac-paris.fr/web/c/abcd-12345}{\CartoucheCapytale{abcd-12345}}
```



Sortie  $\LaTeX$

```
abcd-12345 
```

## 22 Présentation de code $\LaTeX$

### 22.1 Introduction



**2.0.6** L'idée est de proposer un environnement pour présenter du code  $\LaTeX$ . Ce n'est pas forcément lié à l'enseignement en Lycée mais pourquoi pas !

Il s'agit d'un environnement créé en `\tcolorbox`, et utilisant la présentation *basique* de code via `\listings`.

### 22.2 Commandes



Code  $\LaTeX$

```
\begin{PresentationCode}[Couleur]{options tcbbox}
...
\end{PresentationCode}
```



Peu de personnalisations pour ces commandes :

- le premier argument, *optionnel*, permet de préciser la *couleur* de la présentation ; défaut `\CouleurVertForet`
- le second, *obligatoire*, correspond aux éventuelles options liées à la `\tcolorbox`.



Il est à noter que, même dans le cas d'option vide pour la `\tcolorbox`, les `\{ }` sont nécessaires.

On peut par exemple utiliser l'option `\listing only` pour ne présenter *que* le code source.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\begin{PresentationCode}{}
\xdef\ValAleaA{\fpeval{randint(1,100)}}
\xdef\ValAleaB{\fpeval{randint(1,100)}}

Avec  $\$A=\ValAleaA\$$  et  $\$B=\ValAleaB\$$ , on a  $\$A\times B=\inteval{\ValAleaA * \ValAleaB}\$$ .
\end{PresentationCode}

\begin{PresentationCode}[blue]{}
On peut faire beaucoup de choses avec \LaTeX{} !
\end{PresentationCode}
```



```
\xdef\ValAleaA{\fpeval{randint(1,100)}}
\xdef\ValAleaB{\fpeval{randint(1,100)}}
```

Avec  $\$A=\ValAleaA\$$  et  $\$B=\ValAleaB\$$ , on a  $\$A\times B=\inteval{\ValAleaA * \ValAleaB}\$$ .

Avec  $A = 21$  et  $B = 73$ , on a  $A \times B = 1533$ .

Code  $\LaTeX$

On peut faire beaucoup de choses avec `\LaTeX{}` !

On peut faire beaucoup de choses avec  $\LaTeX$  !

Code  $\LaTeX$

Thème

# OUTILS POUR LA GÉOMÉTRIE

## Septième partie

# Outils pour la géométrie

## 23 Pavé droit « simple »

### 23.1 Introduction



L'idée est d'obtenir un pavé droit, dans un environnement TikZ, avec les nœuds créés et nommés directement pour utilisation ultérieure.

### 23.2 Commandes



Code  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}[options tikz]
  \PaveTikz[options]
  ...
\end{tikzpicture}
```



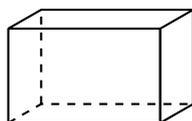
Quelques **clés** sont disponibles pour cette commande :

- **Largeur** : largeur du pavé; défaut **2**
- **Profondeur** : profondeur du pavé; défaut **1**
- **Hauteur** : hauteur du pavé; défaut **1.25**
- **Angle** : angle de fuite de la perspective; défaut **30**
- **Fuite** : coefficient de fuite de la perspective; défaut **0.5**
- **Sommets** : liste des sommets (avec délimiteur \$!); défaut **A\$B\$C\$D\$E\$F\$G\$H**
- **Math** : booléen pour forcer le mode math des sommets; défaut **false**
- **Epaisseur** : épaisseur des arêtes (en *langage simplifié TikZ*); défaut **thick**
- **Aff** : booléen pour afficher les noms des sommets; défaut **false**
- **Plein** : booléen pour ne pas afficher les arêtes *invisibles*; défaut **false**
- **Cube** : booléen pour préciser qu'il s'agit d'un cube (seule la valeur **Largeur** est util(isé)e). défaut **false**



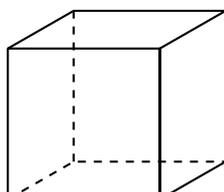
Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
%code tikz
\PaveTikz
```



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
%code tikz
\PaveTikz[Cube,Largeur=2]
```





La ligne est de ce fait à insérer dans un environnement TikZ, avec les options au choix pour cet environnement.

Le code crée les nœuds relatifs aux sommets, et les nomme comme les sommets, ce qui permet de les réutiliser pour éventuellement compléter la figure!

### 23.3 Influence des paramètres

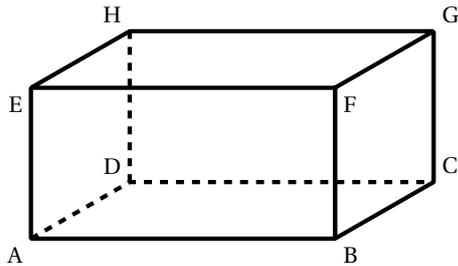


</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}[line join=bevel]
  \PaveTikz[Aff,Largeur=4,Profondeur=3,Hauteur=2,Epaisseur={ultra thick}]
\end{tikzpicture}
```



Sortie  $\LaTeX$

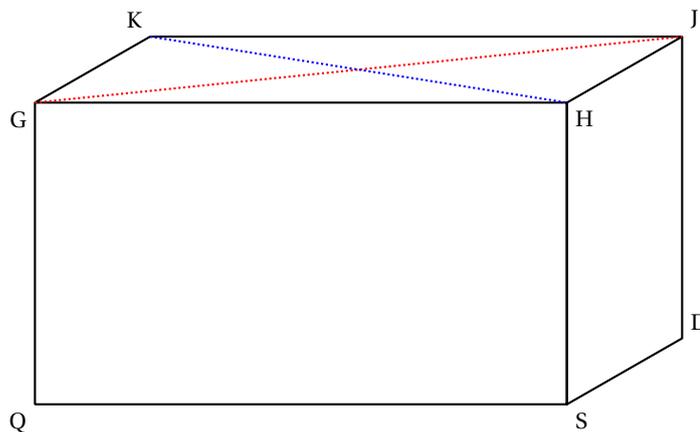


</> Code  $\LaTeX$

```
\begin{center}
  \begin{tikzpicture}[line join=bevel]
    \PaveTikz[Plein,Aff,Largeur=7,Profondeur=3.5,Hauteur=4,Sommets=QSSDSFSGSHSJ$K]
    \draw[thick,red,densely dotted] (G)--(J) ;
    \draw[thick,blue,densely dotted] (K)--(H) ;
  \end{tikzpicture}
\end{center}
```



Sortie  $\LaTeX$



## 24 Tétraèdre « simple »

### 24.1 Introduction



L'idée est d'obtenir un tétraèdre, dans un environnement TikZ, avec les nœuds créés et nommés directement pour utilisation ultérieure.

### 24.2 Commandes



```
</> Code  $\LaTeX$   
\begin{tikzpicture}[options tikz]  
  \TetraedreTikz[options]  
  ...  
\end{tikzpicture}
```



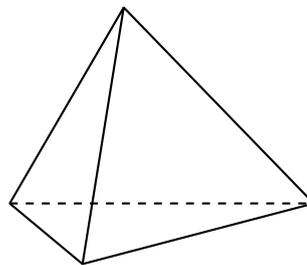
Quelques **<clés>** sont disponibles pour cette commande :

- **<Largeur>** : *largeur* du tétraèdre; défaut **<4>**
- **<Profondeur>** : *profondeur* du tétraèdre; défaut **<1.25>**
- **<Hauteur>** : *hauteur* du tétraèdre; défaut **<3>**
- **<Alpha>** : angle *du sommet de devant*; défaut **<40>**
- **<Beta>** : angle *du sommet du haut*; défaut **<60>**
- **<Sommets>** : liste des sommets (avec délimiteur \$!); défaut **<A\$B\$C\$D>**
- **<Math>** : booléen pour forcer le mode math des sommets; défaut **<false>**
- **<Epaisseur>** : épaisseur des arêtes (en *langage simplifié TikZ*); défaut **<thick>**
- **<Aff>** : booléen pour afficher les noms des sommets; défaut **<false>**
- **<Plein>** : booléen pour ne pas afficher l'arête *invisible* . défaut **<false>**



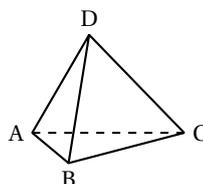
Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
%code tikz  
\TetraedreTikz
```



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

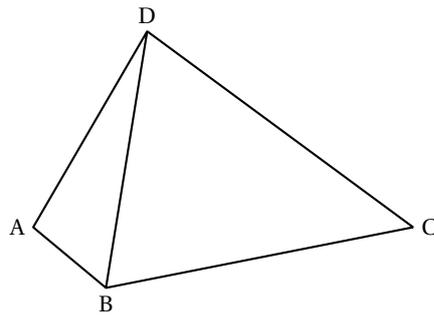
```
%code tikz  
\TetraedreTikz[Aff,Largeur=2,Profondeur=0.625,Hauteur=1.5]
```





Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

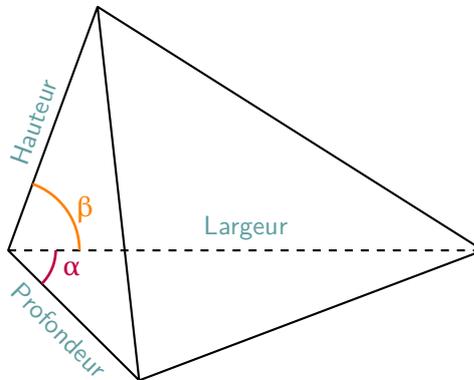
```
%code tikz
\TetraedreTikz[Plein,Aff,Largeur=5,Beta=60]
```



### 24.3 Influence des paramètres



Pour *illustrer* un peu les **clés**, un petit schéma, avec les différents paramètres utiles.

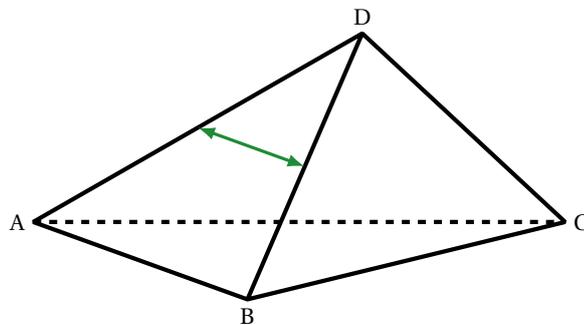


Code  $\LaTeX$

```
\begin{center}
\begin{tikzpicture}[line join=bevel]
\TetraedreTikz[Aff,Largeur=7,Profondeur=3,Hauteur=5,Epaisseur={ultra
thick},Alpha=20,Beta=30]
\draw[very thick,CouleurVertForet,<->,>=latex] ($(A)!0.5!(D)$)--($(B)!0.5!(D)$) ;
\end{tikzpicture}
\end{center}
```



Sortie  $\LaTeX$







Code  $\LaTeX$

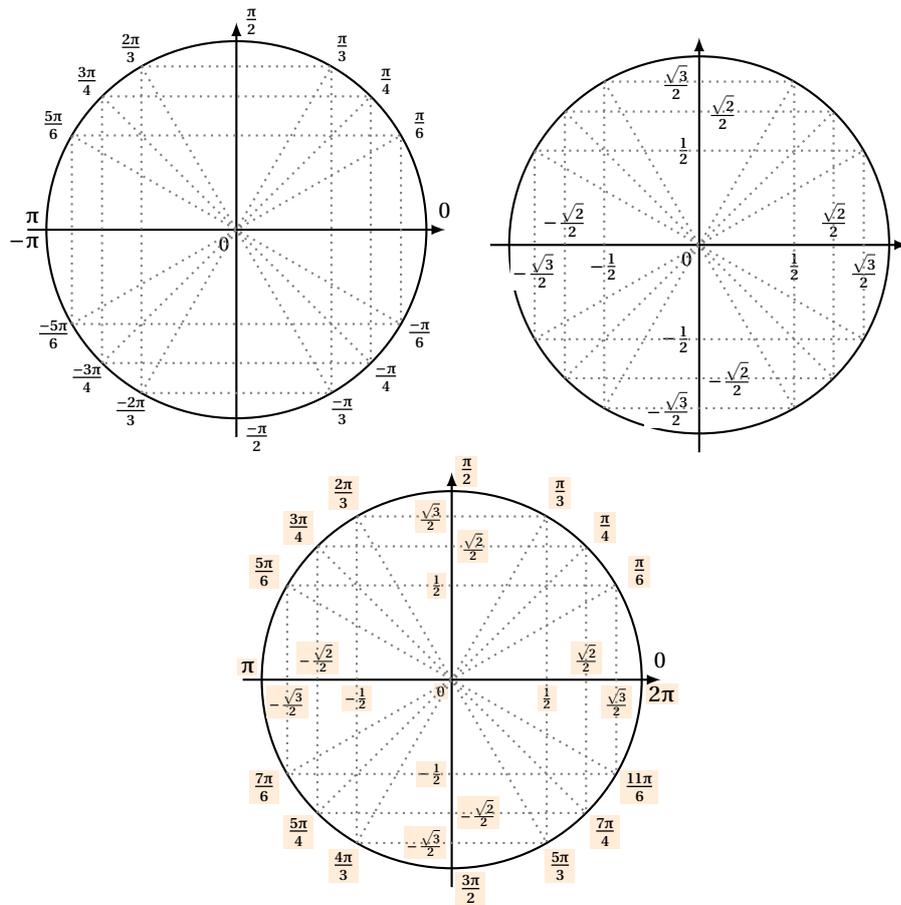
```

\begin{center}
  \begin{tikzpicture}[line join=bevel]
    \CercleTrigo[Rayon=2.5,AffValeurs=false,Decal=8pt]
  \end{tikzpicture}
  ~~~~
  \begin{tikzpicture}[line join=bevel]
    \CercleTrigo[Rayon=2.5,AffAngles=false]
  \end{tikzpicture}
  ~~~~
  \begin{tikzpicture}[line join=bevel]
    \CercleTrigo[Rayon=2.5,MoinsPi=false,CouleurFond=orange!15]
  \end{tikzpicture}
\end{center}

```



Sortie  $\LaTeX$



### 25.3 Équations trigos



En plus des **<Clés>** précédentes, il existe un complément pour *visualiser* des solutions d'équations simples du type  $\cos(x) = \dots$  ou  $\sin(x) = \dots$



Les **<Clés>** pour cette possibilité sont :

- un booléen **<Equationcos>** pour *activer* « cos = »; défaut **<false>**
- un booléen **<Equationsin>** pour *activer* « sin = »; défaut **<false>**
- la clé **<sin>** qui est la valeur de l'angle (en degrés) du sin; défaut **<30>**
- la clé **<cos>** qui est la valeur de l'angle (en degrés) cos; défaut **<45>**
- **2.6.2** un booléen **<AffTraitsEq>** qui permet d'afficher les *traits de construction secondaires* pour les équations; défaut **<>true>**
- la clé **<CouleurSol>** qui est la couleur des *solutions*. défaut **<blue>**

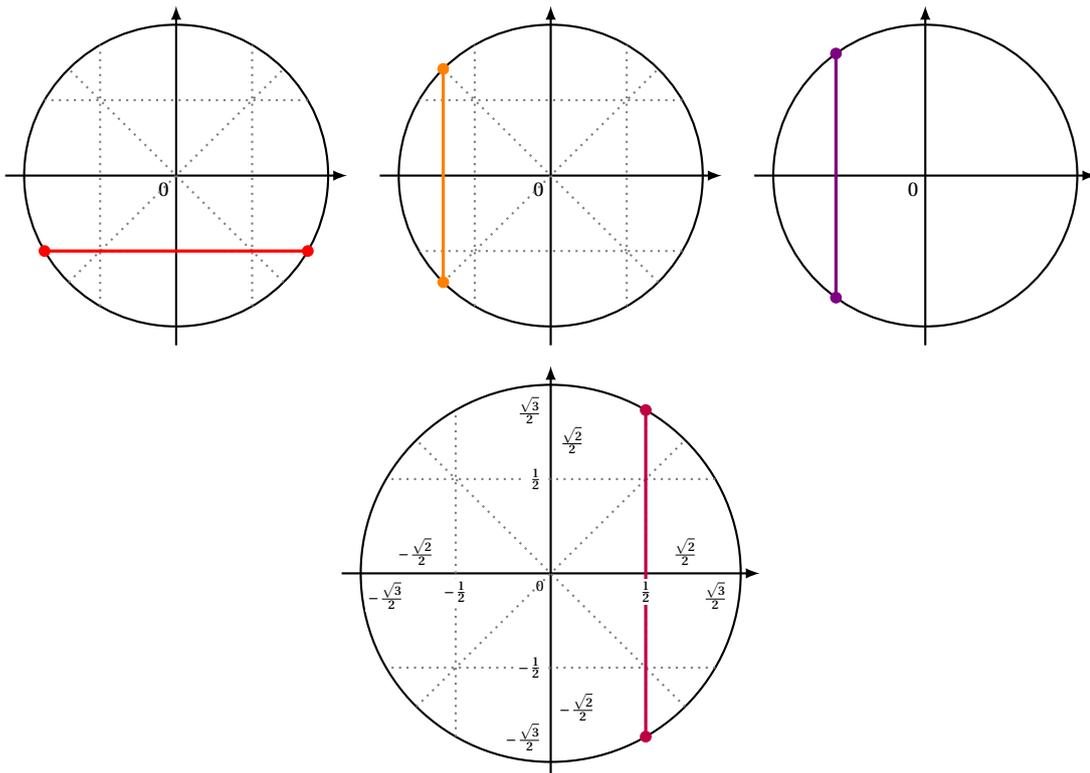


Code  $\LaTeX$

```
\begin{center}
  \begin{tikzpicture}
    \CercleTrigo[%
      AffAngles=false,AffValeurs=false,Rayon=2,Equationsin,sin=-30, CouleurSol=red]
  \end{tikzpicture}
  \begin{tikzpicture}
    \CercleTrigo[%
      AffAngles=false,AffValeurs=false,AffTraits=false,Rayon=2,Equationcos,cos=135,
      CouleurSol=orange]
  \end{tikzpicture}
  \begin{tikzpicture}
    \CercleTrigo[%
      AffAngles=false,AffValeurs=false,AffTraits=false,AffTraitsEq=false,Rayon=2,
      Equationcos,cos=126,CouleurSol=violet]
  \end{tikzpicture}
  \begin{tikzpicture}
    \CercleTrigo[%
      AffTraits=false,AffAngles=false,Rayon=2.5,Equationcos,cos=60,CouleurSol=purple,
      TailleValeurs=\tiny]
  \end{tikzpicture}
\end{center}
```



Sortie  $\LaTeX$



Thème

# OUTILS POUR LA GÉOMÉTRIE ANALYTIQUE

## Huitième partie

# Outils pour la géométrie analytique

## 26 Conseils d'utilisation



**2.6.5** Il est conseillé d'utiliser Lua $\text{\LaTeX}$  pour les commandes (vectorielles) de géométrie analytique, même s'il est toutefois possible d'utiliser pdf $\text{\LaTeX}$ .

Il est possible que les simplifications demandées (coefficients entiers, ou premiers entre eux) ne donnent pas entière satisfaction, donc prudence sur l'utilisation de celles-ci (ce sont des tests et retours de *bugs* qui montreront les limites des commandes).

## 27 Affichage de coordonnées

### 27.1 Idée



**2.6.4** L'idée est de proposer des commandes pour simplifier la saisie de coordonnées de vecteurs ou de points (plan ou espace), en saisissant les coordonnées *en ligne*.

À noter que les calculs et résultats sont traités par la commande de *conversion de fraction* de ProfLycee.



Logiquement les commandes (à insérer dans un environnement mathématique) doivent donner des résultats satisfaisants pour tout ce qui est *rationnel*, mais cela ne sera pas pertinent dans le cas de coordonnées irrationnelles...



</> Code  $\text{\LaTeX}$

```
%Affichage des coordonnées d'un point (2 ou 3 coordonnées)
\AffPoint[options de formatage](liste des coordonnées)

%Affichage des coordonnées d'un vecteur (2 ou 3 coordonnées)
\AffVecteur[options de formatage]<options nicematrix>(liste des coordonnées)
```



Dans cette partie liée à la géométrie analytique, j'ai choisi de saisir les arguments (coordonnées) via les délimiteurs  $\text{\LaTeX}(\dots)$ :

- avec le séparateur  $\text{\LaTeX},$  pour les points;
- avec le séparateur  $\text{\LaTeX};$ .

De ce fait, le code *sait* s'il est face à un point ou à un vecteur, et adapte sa méthode de calcul en conséquence!

## 27.2 Options et arguments



Concernant les arguments des commandes :

- le premier argument, optionnel et entre `[...]` permet de spécifier la ou les caractéristiques de formatage des coordonnées, de manière globale ou individuelle, et de manière cohérente avec les options disponibles pour la commande de *conversion en fraction* de `ProfLycee` :
  - `<d>` : pour un formatage en `dfrac` si nécessaire;
  - `<t>` : pour un formatage en `tfrac` si nécessaire;
  - `<n>` : pour un formatage en `nicefrac` si nécessaire;
  - `<dec>` : pour la forme décimale (brute);
  - `<dec=k>` : pour la forme décimale à  $10^{-k}$ .

Il est possible de spécifier des formatages différents en utilisant une *liste* sous la forme :

- `<f1,f2>` ou `<f1,f2,f3>` pour les points;
- `<f1 ;f2>` ou `<f1 ;f2 ;f3>`;
- l'argument *optionnel* et entre `<...>` (uniquement pour les vecteurs!) permet de spécifier des options de type *nicematrix*;
- l'argument obligatoire, et entre `{...}` est quant à lui la liste des coordonnées, en ligne et au format *naturel xint*.



Il est donc possible de mettre des *calculs* dans l'argument des coordonnées.

Il suffit *juste* d'utiliser une syntaxe compréhensible par les commandes du package `xint`.



Code `LaTeX` et sortie `LaTeX`

```
%Point, avec affichage classique en dfrac
$\AffPoint(1,2/3)$ \\  

%Point, avec affichage en décimal + dfrac + dfrac
$\AffPoint[dec,d,d](-0.5,1,2/3)$ \\  

%Vecteurs, avec affichages classiques
$\AffVecteur(1;2)$ et $\AffVecteur(1;2;3)$ \\  

%Vecteurs, avec option nicematrix et affichage en décimal + tfrac
$\AffVecteur[dec;t]<cell-space-limits=2pt>(0.5;2/3)$ \\  

%Vecteurs, avec option nicematrix et affichage en décimal
$\AffVecteur[dec]<cell-space-limits=2pt>(0.5;0.6;0.75)$ \\  

%Vecteurs, avec calculs et affichage classique
$\AffVecteur((2-(-3));(5-6);(1-1))$
```



```
(1; 2/3)
(-0,5; 1; 2/3)
(1) et (1)
(2) (2)
(0,5)
(2/3)
(0,5)
(0,6)
(0,75)
(5)
(-1)
(0)
```

## 28 Équation cartésienne d'un plan de l'espace

### 28.1 Idée et commande



2.6.4 L'idée est de proposer une commande pour déterminer une équation cartésienne d'un plan dans l'un des cas suivants :

- en donnant un vecteur normal et un point;
- en donnant deux vecteurs directeurs et un point;
- en donnant trois points.



Code  $\LaTeX$

```
%Avec un vecteur normal et un point
\TrouveEqCartPlan[clés](vecteur normal)(point)
%Avec deux vecteurs directeurs et un point
\TrouveEqCartPlan[clés](vecteur dir1)(vecteur dir2)(point)
%Avec trois points
\TrouveEqCartPlan[clés](point1)(point2)(point3)
```

### 28.2 Clés et arguments



Concernant les arguments des commandes :

- le premier argument, optionnel et entre  $\boxed{\dots}$  contient les clés :
  - $\langle \text{OptionCoeffs} \rangle$  pour spécifier un formatage *global* des coefficients; défaut :  $\langle \mathbf{d} \rangle$
  - $\langle \text{SimplifCoeffs} \rangle$  pour forcer des coefficients simples (entiers et premiers entre eux); défaut :  $\langle \text{false} \rangle$
  - $\langle \text{Facteur} \rangle$  pour spécifier un facteur personnalisé aux simplifications. défaut :  $\langle \mathbf{1} \rangle$
- les arguments suivants, entre  $\boxed{\dots}$  correspondent aux données utilisées (entre 2 et 3).

À noter que les séparateurs  $\boxed{,}$  ou  $\boxed{;}$  permettent de spécifier point ou vecteur.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{P}$  de vecteur normal  $\vec{n}$   $\text{\AffVecteur}(1;2;3)$ 
et passant par le point A de coordonnées  $\text{\AffPoint}(4,5,6)$  est  $\mathcal{P}$  :
 $\text{\TrouveEqCartPlan}(1;2;3)(4,5,6)$ 
```



Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{P}$  de vecteur normal  $\vec{n} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$  et passant par le point A de coordonnées (4;5;6) est  $\mathcal{P}$  :  
 $x + 2y + 3z - 32 = 0$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{P}$  de vecteur normal  $\vec{n}$ 
 $\text{\AffVecteur}[n](1/2;2/3;3/5)$  et passant par le point A de coordonnées  $\text{\AffPoint}(4,5,6)$ 
est  $\mathcal{P}$  :  $\text{\TrouveEqCartPlan}(1/2;2/3;3/5)(4,5,6)$   $\text{\Leftrightarrow}$ 
 $\text{\TrouveEqCartPlan}[\text{SimplifCoeffs}](1/2;2/3;3/5)(4,5,6)$ 
```



Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{P}$  de vecteur normal  $\vec{n} \begin{pmatrix} 1/2 \\ 2/3 \\ 3/5 \end{pmatrix}$  et passant par le point A de coordonnées (4;5;6) est  $\mathcal{P}$  :  
 $\frac{1}{2}x + \frac{2}{3}y + \frac{3}{5}z - \frac{134}{15} = 0 \Leftrightarrow 15x + 20y + 18z - 268 = 0$



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{P}$  de vecteur normal  $\vec{n} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2/3 \\ 0 \end{pmatrix}$  et passant par le point A de coordonnées  $A(0.75, 0.56, 1/3)$  est :

```
\TrouveEqCartPlan(1;2/3;0)(0.75,0.56,1/3) \Leftrightarrow
\TrouveEqCartPlan[SimplifCoeffs](1;2/3;0)(0.75,0.56,1/3)
```



Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{P}$  de vecteur normal  $\vec{n} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2/3 \\ 0 \end{pmatrix}$  et passant par le point A de coordonnées  $(0,75;0,56; \frac{1}{3})$  est  $\mathcal{P} : x + \frac{2}{3}y - \frac{337}{300} = 0 \Leftrightarrow 300x + 200y - 337 = 0$



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{P}_3$  passant par les points  $A(2,0,1)$ ,  $B(3,1,1)$  et  $C(1,-2,0)$  est

```
\[ \mathcal{P}_3 \text{ : } \] \TrouveEqCartPlan(2,0,1)(3,1,1)(1,-2,0)\
```



Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{P}_3$  passant par les points A(2;0;1), B(3;1;1) et C(1;-2;0) est

$$\mathcal{P}_3 : -x + y - z + 3 = 0$$



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{R}$  passant par les points  $A(0,0,1)$ ,  $B(4,2,3)$  et  $C(-3,1,1)$  est

```
\[ \mathcal{R} \text{ : } \] \TrouveEqCartPlan[SimplifCoeffs](0,0,1)(4,2,3)(-3,1,1)\
\[ \mathcal{R} \text{ : } \] \TrouveEqCartPlan[SimplifCoeffs,Facteur=-1](0,0,1)(4,2,3)(-3,1,1)\
```



Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{R}$  passant par les points A(0;0;1), B(4;2;3) et C(-3;1;1) est

$$\mathcal{R} : -x - 3y + 5z - 5 = 0$$

$$\mathcal{R} : x + 3y - 5z + 5 = 0$$



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{P}_0$  dirigé par les vecteurs  $\vec{v}_1 = \begin{pmatrix} 9 \\ 7 \\ -8 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v}_2 = \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$  et passant par le point  $A(5,1,-1)$  est :

```
\[ \mathcal{P}_0 \text{ : } \] \TrouveEqCartPlan[SimplifCoeffs](9;7;-8)(-2;2;-1)(5,1,-1)\
```



Une équation cartésienne du plan  $\mathcal{P}_0$  dirigé par les vecteurs  $\begin{pmatrix} 9 \\ 7 \\ -8 \end{pmatrix}$  et  $\begin{pmatrix} -2 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$  et passant par le point A(5;1;-1) est :

$$\mathcal{P}_0 : 9x + 25y + 32z - 38 = 0$$

## 29 Équation paramétrique d'une droite de l'espace

### 29.1 Idée et commande



**2.6.4** L'idée est de proposer une commande pour déterminer un système d'équations paramétriques d'une droite de l'espace dans l'un des cas suivants :

- en donnant un vecteur directeur et un point;
- en donnant deux points.



Code  $\LaTeX$

```
%Avec un vecteur directeur et un point
\TrouveEqParamDroite[clés](vecteur directeur)(point)
%Avec deux points
\TrouveEqParamDroite[clés](point1)(point2)
```

### 29.2 Clés et arguments



Concernant les arguments des commandes :

- le premier argument, optionnel et entre  $\LaTeX$  [...] contient les clés :
  - $\langle$ OptionCoeffs $\rangle$  pour spécifier un formatage *global* des coefficients; défaut :  $\langle$ d $\rangle$
  - $\langle$ Reel $\rangle$  pour coder le paramètre réel; défaut :  $\langle$ k $\rangle$
  - le booléen  $\langle$ Oppose $\rangle$  pour utiliser plutôt l'opposé du vecteur directeur; défaut :  $\langle$ false $\rangle$
  - le booléen  $\langle$ Rgras $\rangle$  pour utiliser le symbole **R** ou lieu de  $\mathbb{R}$  (si  $\LaTeX$  amsfonts est chargé!); défaut :  $\langle$ false $\rangle$
- les arguments suivants, entre  $\LaTeX$  (...) correspondent aux données utilisées.

À noter que les séparateurs  $\LaTeX$  , ou  $\LaTeX$  ; permettent de spécifier point ou vecteur.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
Une équation paramétrique de la droite $(d)$ dirigée par le vecteur
$\vec{u}\backslashAffVecteur(2;5;-4)$ et passant par $A\backslashAffPoint(-1,-1,-1)$ est
\[ \backslashTrouveEqParamDroite(2;5;-4)(-1,-1,-1) \]
```



Une équation paramétrique de la droite  $(d)$  dirigée par le vecteur  $\vec{u} \begin{pmatrix} 2 \\ 5 \\ -4 \end{pmatrix}$  et passant par  $A(-1; -1; -1)$  est

$$\begin{cases} x = -1 + 2k \\ y = -1 + 5k, k \in \mathbb{R} \\ z = -1 - 4k \end{cases}$$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
Une équation paramétrique de la droite $(d)$ passant par $\backslashAffPoint(2,5,-4)$ et
$\backslashAffPoint(-1,-1,-1)$ est
\[ \backslashTrouveEqParamDroite[Oppose](2,5,-4)(-1,-1,-1) \text{ ou }
\backslashTrouveEqParamDroite(2,5,-4)(-1,-1,-1) \]
```



Une équation paramétrique de la droite  $(d)$  passant par  $(2; 5; -4)$  et  $(-1; -1; -1)$  est

$$\begin{cases} x = 2 + 3k \\ y = 5 + 6k, k \in \mathbb{R} \\ z = 5 + 6k \end{cases} \text{ ou } \begin{cases} x = 2 - 3k \\ y = 5 - 6k, k \in \mathbb{R} \\ z = 5 - 6k \end{cases}$$



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

Une équation paramétrique de la droite  $(d)$  dirigée par le vecteur  $\vec{u}(\text{AffVecteur}(0;-1;3))$  et passant par  $O(\text{AffPoint}(0,0,0))$  est  $\backslash \backslash \text{TrouveEqParamDroite}(0;-1;3)(0,0,0) \backslash$



Une équation paramétrique de la droite  $(d)$  dirigée par le vecteur  $\vec{u} \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 3 \end{pmatrix}$  et passant par  $O(0;0;0)$  est

$$\begin{cases} x = 0 \\ y = -k, k \in \mathbb{R} \\ z = 3k \end{cases}$$



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

Une équation paramétrique de la droite  $(d)$  dirigée par le vecteur  $\vec{u}(\text{AffVecteur}(-1;2;3))$  et passant par  $A(\text{AffPoint}(2,0,-3))$  est  $\backslash \backslash \text{TrouveEqParamDroite}[\text{Reel}=\backslash \text{ell}, \text{Rgras}](-1;2;3)(2,0,-3) \backslash$



Une équation paramétrique de la droite  $(d)$  dirigée par le vecteur  $\vec{u} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$  et passant par  $A(2;0;-3)$  est

$$\begin{cases} x = 2 - \ell \\ y = 2\ell \\ z = -3 + 3\ell \end{cases}, \ell \in \mathbb{R}$$

## 30 Équation cartésienne d'une droite du plan

### 30.1 Idée et commande



**2.6.4** L'idée est de proposer une commande pour déterminer une équation cartésienne d'une droite du plan dans l'un des cas suivants :

- en donnant un vecteur directeur et un point;
- en donnant un vecteur normal et un point;
- en donnant deux points.



Code  $\LaTeX$

```
%Avec un vecteur normal (choix par défaut) et un point
\TrouveEqCartDroite[clés](vecteur normal)(point)
%Avec un vecteur directeur et un point
\TrouveEqCartDroite[clés,VectDirecteur](vecteur directeur)(point1)
%Avec deux points
\TrouveEqCartDroite[clés](point1)(point2)
```

### 30.2 Clés et arguments



Concernant les arguments des commandes :

- le premier argument, optionnel et entre  $\boxed{\dots}$  contient les clés :
  - $\langle \text{OptionCoeffs} \rangle$  pour spécifier un formatage *global* des coefficients; défaut :  $\langle \mathbf{d} \rangle$
  - le booléen  $\langle \text{SimplifCoeffs} \rangle$  pour forcer des coeffs simples (entiers et premiers entre eux); défaut :  $\langle \text{false} \rangle$
  - $\langle \text{Facteur} \rangle$  pour spécifier un facteur personnalisé aux simplifications; défaut :  $\langle \mathbf{1} \rangle$
  - le booléen  $\langle \text{VectDirecteur} \rangle$  pour préciser que le vecteur utilisé est directeur. défaut :  $\langle \text{false} \rangle$
- les arguments suivants, entre  $\boxed{\dots}$  correspondent aux données utilisées.

À noter que les séparateurs  $\boxed{,}$  ou  $\boxed{;}$  permettent de spécifier point ou vecteur.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
Une équation cartésienne de la droite  $\mathcal{D}$  de vecteur normal  $\vec{n}$ 
\AffVecteur(1;2) et passant par le point A de coordonnées \AffPoint(4,5) est
 $\mathcal{D}$  : \TrouveEqCartDroite[VectNormal](1;2)(4,5)
```



Une équation cartésienne de la droite  $\mathcal{D}$  de vecteur normal  $\vec{n} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$  et passant par le point A de coordonnées (4;5) est  $\mathcal{D}$  :  
 $x + 2y - 14 = 0$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
Une équation cartésienne de la droite  $\mathcal{D}$  de vecteur directeur  $\vec{u}$ 
\AffVecteur[n](1/2;2/3) et passant par le point A de coordonnées \AffPoint(5,6) est
 $\mathcal{D}$  : \TrouveEqCartDroite[VectDirecteur](1/2;2/3)(5,6) \Leftrightarrow
\TrouveEqCartDroite[SimplifCoeffs,VectDirecteur](1/2;2/3)(5,6) \Leftrightarrow
\TrouveEqCartDroite[SimplifCoeffs,VectDirecteur,Facteur=-1](1/2;2/3)(5,6)
```



Une équation cartésienne de la droite  $\mathcal{D}$  de vecteur directeur  $\vec{u} \begin{pmatrix} 1/2 \\ 2/3 \end{pmatrix}$  et passant par le point A de coordonnées (5;6) est  
 $\mathcal{D}$  :  $-\frac{2}{3}x + \frac{1}{2}y + \frac{1}{3} = 0 \Leftrightarrow -4x + 3y + 2 = 0 \Leftrightarrow 4x - 3y - 2 = 0$



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

Une équation cartésienne de la droite  $\mathcal{D}$  passant par les points  $\text{AffPoint}(2,4)$  et  $\text{AffPoint}(-4,2)$  est  $\left[\mathcal{D} \quad \text{:} \right] \text{TrouveEqCartDroite}(2,4)(-4,2)$   
 $\leftarrow \text{TrouveEqCartDroite}[\text{SimplifCoeffs}](2,4)(-4,2)\backslash$



Une équation cartésienne de la droite  $\mathcal{D}$  passant par les points  $(2;4)$  et  $(-4;2)$  est

$$\mathcal{D} : 2x - 6y + 20 = 0 \Leftrightarrow x - 3y + 10 = 0$$

## 31 Norme d'un vecteur, distance entre deux points

### 31.1 Idée et commande



**2.6.5** L'idée est de proposer une commande pour déterminer la distance entre deux points, ou la norme d'un vecteur :

- en donnant le vecteur;
- en donnant deux points.



Code  $\LaTeX$

```
%Avec le vecteur
\TrouveNorme(vecteur)
%Avec deux points
\TrouveNorme(point 1)(point 2)
```



Le résultat étant souvent écrit à l'aide d'une racine carrée, le code se charge de simplifier le résultat sous la forme  $\frac{a\sqrt{n}}{b}$ .  
Dans le cas où les coordonnées ne seraient pas rationnelles, le résultat risque de ne pas être conforme à celui attendu.

### 31.2 Clés et arguments



Concernant les arguments de cette commande :

- les séparateurs `,` ou `;` permettent de spécifier point ou vecteur pour les arguments 1 et 2.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
La distance  $AB$  avec  $A\text{\AffPoint}(-5,2)$  et  $B\text{\AffPoint}(4,-3)$  vaut
 $d = \displaystyle\TrouveNorme(-5,2)(4,-3)$ 
```



La distance  $AB$  avec  $A(-5;2)$  et  $B(4;-3)$  vaut  $d = \sqrt{106}$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
La distance  $AB$  avec  $A\text{\AffPoint}(2,1,2)$  et  $B\text{\AffPoint}(-4,1,1)$  vaut
 $d = \displaystyle\TrouveNorme(2,1,2)(-4,1,1)$ 
```



La distance  $AB$  avec  $A(2;1;2)$  et  $B(-4;1;1)$  vaut  $d = \sqrt{37}$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
La norme de  $\text{\AffVecteur}(2;4)$  vaut
 $d = \displaystyle\TrouveNorme(2;4)$ 
```



La norme de  $\begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix}$  vaut  $d = 2\sqrt{5}$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
La norme de  $\text{\AffVecteur}[d;d;n](2;4;0.5)$  vaut
 $d = \displaystyle\TrouveNorme(2;4;0.5)$ 
```



La norme de  $\begin{pmatrix} 2 \\ 4 \\ 1/2 \end{pmatrix}$  vaut  $d = \frac{9}{2}$

## 32 Distance d'un point à un plan

### 32.1 Idée et commande



**2.6.4** L'idée est de proposer une commande pour déterminer la distance d'un point à un plan :

- en donnant le point puis le plan défini par vecteur normal & point;
- en donnant le point puis le plan défini par une équation cartésienne.



Code  $\LaTeX$

```
%Avec le point et le plan via vect normal + point
\TrouveDistancePtPlan(point)(vec normal du plan)(point du plan)
%Avec le point et le plan via vect normal + point
\TrouveDistancePtPlan(point)(équation cartésienne)
```



Le résultat étant souvent écrit à l'aide d'une racine carrée, le code se charge de simplifier le résultat sous la forme  $\frac{a\sqrt{n}}{b}$ .

Dans le cas où les coordonnées ne seraient pas rationnelles, le résultat risque de ne pas être conforme à celui attendu.

### 32.2 Clés et arguments



Concernant les arguments de cette commande :

- si on travaille avec une équation cartésienne, elle est à donner sous la forme  $ax+by+cz=0$  ou  $ax+by+cz$
- les séparateurs  $,$  ou  $;$  permettent de spécifier point ou vecteur pour les arguments 1 et 3.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

La distance entre le point  $\text{\AffPoint}(1,2,3)$  et le plan de vecteur normal  $\text{\AffVecteur}(-1;-2;3)$  et passant par  $\text{\AffPoint}(5,0,2)$  vaut  
 $\backslash[ d = \displaystyle\text{\TrouveDistancePtPlan}(1,2,3)(-1;-2;3)(5,0,2) \backslash]$



La distance entre le point  $(1;2;3)$  et le plan de vecteur normal  $\begin{pmatrix} -1 \\ -2 \\ 3 \end{pmatrix}$  et passant par  $(5;0;2)$  vaut

$$d = \frac{3\sqrt{14}}{14}$$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

La distance entre le point  $\text{\AffPoint}(1,2,3)$  et le plan d'équation  $x+2y+2z-7=0$  vaut  
 $\backslash[ d = \displaystyle\text{\TrouveDistancePtPlan}(1,2,3)(x+2y-2z+7) \backslash]$



La distance entre le point  $(1;2;3)$  et le plan d'équation  $x+2y+2z-7=0$  vaut

$$d = 2$$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

La distance entre le point  $\text{\AffPoint}(-7,0,4)$  et le plan d'équation  $0,5x+2y-z-1=0$  vaut  
 $\backslash[ d = \displaystyle\text{\TrouveDistancePtPlan}(-7,0,4)(0.5x+2y-z-1=0) \backslash]$



La distance entre le point  $(-7;0;4)$  et le plan d'équation  $0,5x+2y-z-1=0$  vaut

$$d = \frac{17\sqrt{21}}{21}$$



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

La distance entre le point  $H(\text{AffPoint}(0,4,8))$  et le plan d'équation  $-x+y+z-4=0$  vaut  
 $\left[ d = \displaystyle\text{TrouveDistancePtPlan}(0,4,8)(-x+y+z-4=0) \right]$



La distance entre le point  $H(0;4;8)$  et le plan d'équation  $-x + y + z - 4 = 0$  vaut

$$d = \frac{8\sqrt{3}}{3}$$



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

La distance entre le point  $H(\text{AffPoint}(0,0,5))$  et le plan d'équation  $z-1=0$  vaut  
 $\left[ d = \displaystyle\text{TrouveDistancePtPlan}(0,0,5)(z-1=0) \right]$



La distance entre le point  $H(0;0;5)$  et le plan d'équation  $z - 1 = 0$  vaut

$$d = 4$$

## 33 Équation réduite d'une droite du plan

### 33.1 Idée



**2.6.3** L'idée est de proposer une commande pour déterminer l'équation réduite d'une droite passant par deux points :

- en traitant les cas particuliers *horizontale, verticale*;
- en affichant une méthode de résolution;
- en travaillant sous forme exacte fractionnaire (les racines carrées ou autres ne seront pas gérés).

À noter que les calculs et résultats sont traités par la commande de *conversion de fraction* de ProfLycee.



La commande se charge de formater (normalement!) correctement les différentes étapes de calculs (il se peut quand même que cela puisse ne pas donner le résultat réellement escompté...):

- en travaillant en fraction;
- en mettant les parenthèses nécessaires devant les éventuels nombres négatifs;
- en traitant les cas particuliers  $m = \pm 1$  et  $b = 0$ .



Code  $\LaTeX$

```
\EquationReduite[option]{A/xa/ya,B/xb/yb}
```

### 33.2 Clés et arguments



Concernant le fonctionnement de la commande :

- le premier argument, optionnel et entre  $[...]$  et valant  $\langle [d] \rangle$  par défaut, permet de formater les fractions éventuelles en mode  $\displaystyle$ ;
- le second argument, obligatoire et entre  $\{...\}$ , permet de donner les coordonnées des points concernés.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\EquationReduite{C/2/0,D/-2/-8}
```



Afin de déterminer l'équation réduite d'une droite passant par les points C et D, on doit d'abord déterminer le coefficient directeur  $m$  :

$$m = \frac{y_D - y_C}{x_D - x_C} = \frac{-8 - 0}{-2 - 2} = \frac{-8}{-4} = 2$$

L'équation réduite de la droite est donc de la forme (CD) :  $y = 2x + p$ .

Il faut enfin déterminer l'ordonnée à l'origine  $p$ .

On sait que la droite passe par le point C, donc les coordonnées C(2;0) vérifient l'équation. On a alors :

$$y_C = 2 \times x_C + p \Rightarrow 0 = 2 \times 2 + p \Rightarrow p = 0 - (2 \times 2) \Rightarrow p = -4$$

Donc l'équation réduite de (CD) est  $y = 2x - 4$ .

### 33.3 Exemples



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\EquationReduite{I/-4/5,J/-4/12}
```



Étant donné que  $x_I = x_J$ , la droite (IJ) est verticale, dont une équation est  $x = -4$ .



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

$\backslash\text{EquationReduite}\{U/-4/5,V/-4/5\}$



Les deux points donnés sont identiques, donc pas de droite...



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

$\backslash\text{EquationReduite}\{L/10/7,M/-2/7\}$



Étant donné que  $y_L = y_M$ , la droite (LM) est horizontale, dont une équation est  $y = 7$ .



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

$\backslash\text{EquationReduite}\{L/\{1/3\}/2.5,M/\{-5/7\}/\{3/5\}\}$



Afin de déterminer l'équation réduite d'une droite passant par les points L et M, on doit d'abord déterminer le coefficient directeur  $m$  :

$$m = \frac{y_M - y_L}{x_M - x_L} = \frac{\frac{3}{5} - 2,5}{-\frac{5}{7} - \frac{1}{3}} = \frac{-\frac{19}{10}}{-\frac{22}{21}} = \frac{399}{220}$$

L'équation réduite de la droite est donc de la forme (LM) :  $y = \frac{399}{220}x + p$ .

Il faut enfin déterminer l'ordonnée à l'origine  $p$ .

On sait que la droite passe par le point L, donc les coordonnées  $L(\frac{1}{3}; 2,5)$  vérifient l'équation. On a alors :

$$y_L = \frac{399}{220} \times x_L + p \Rightarrow 2,5 = \frac{399}{220} \times \frac{1}{3} + p \Rightarrow p = 2,5 - \left(\frac{399}{220} \times \frac{1}{3}\right) \Rightarrow p = \frac{417}{220}$$

Donc l'équation réduite de (LM) est  $y = \frac{399}{220}x + \frac{417}{220}$ .



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

$\backslash\text{EquationReduite}\{P/4/-4,Q/-2/2\}$



Afin de déterminer l'équation réduite d'une droite passant par les points P et Q, on doit d'abord déterminer le coefficient directeur  $m$  :

$$m = \frac{y_Q - y_P}{x_Q - x_P} = \frac{2 - (-4)}{-2 - 4} = \frac{6}{-6} = -1$$

L'équation réduite de la droite est donc de la forme (PQ) :  $y = -x + p$ .

Il faut enfin déterminer l'ordonnée à l'origine  $p$ .

On sait que la droite passe par le point P, donc les coordonnées  $P(4; -4)$  vérifient l'équation. On a alors :

$$y_P = -1 \times x_P + p \Rightarrow -4 = -1 \times 4 + p \Rightarrow p = -4 - (-1 \times 4) \Rightarrow p = 0$$

Donc l'équation réduite de (PQ) est  $y = -x$ .



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

$\backslash\text{EquationReduite}\{G/-4/5,H/10/4\}$



Afin de déterminer l'équation réduite d'une droite passant par les points G et H, on doit d'abord déterminer le coefficient directeur  $m$  :

$$m = \frac{y_H - y_G}{x_H - x_G} = \frac{4 - 5}{10 - (-4)} = \frac{-1}{14} = -\frac{1}{14}$$

L'équation réduite de la droite est donc de la forme (GH) :  $y = -\frac{1}{14}x + p$ .

Il faut enfin déterminer l'ordonnée à l'origine  $p$ .

On sait que la droite passe par le point G, donc les coordonnées  $G(-4; 5)$  vérifient l'équation. On a alors :

$$y_G = -\frac{1}{14} \times x_G + p \Rightarrow 5 = -\frac{1}{14} \times (-4) + p \Rightarrow p = 5 - \left(-\frac{1}{14} \times (-4)\right) \Rightarrow p = \frac{33}{7}$$

Donc l'équation réduite de (GH) est  $y = -\frac{1}{14}x + \frac{33}{7}$ .

Thème

# OUTILS POUR LES STATISTIQUES

## Neuvième partie

# Outils pour les statistiques

## 34 Paramètres d'une régression linéaire par la méthode des moindres carrés

### 34.1 Idée



L'idée est d'utiliser une commande qui va permettre de calculer les paramètres principaux d'une régression linéaire par la méthode des moindres carrés.

Le package `pgfpots` permet de le faire nativement, mais le moteur de calculs de pgf peut poser souci avec de grandes valeurs, donc ici cela passe par `xfp` qui permet de *gagner* en précision!

L'idée est que cette macro calcule et stocke les paramètres dans des variables (le nom peut être personnalisé!) pour exploitation ultérieure :

- en calculs *purs*;
- dans un environnement TikZ via pgfplots ou bien en *natif*;
- dans un environnement PSTricks;
- dans un environnement METAPOST (à vérifier quand même);
- ...



</> Code L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X

```
...  
\CalculsRegLin[clés]{listeX}{listeY} %listes avec éléments séparés par des ,  
...
```



La commande `CalculsRegLin` va définir également des macros pour chaque coefficient, qui de ce fait seront réutilisables après!

### 34.2 Commandes



Quelques **Clés** sont disponibles pour cette commande, essentiellement pour *renommer* les paramètres :

- la clé **⟨NomCoeffa⟩** qui permet de définir la variable qui contiendra  $a$ ; défaut **⟨COEFFa⟩**
- la clé **⟨NomCoeffb⟩** qui permet de définir la variable qui contiendra  $b$ ; défaut **⟨COEFFb⟩**
- la clé **⟨NomCoeffr⟩** qui permet de définir la variable qui contiendra  $r$ ; défaut **⟨COEFFr⟩**
- la clé **⟨NomCoeffrd⟩** qui permet de définir la variable qui contiendra  $r^2$ ; défaut **⟨COEFFrd⟩**
- la clé **⟨NomXmin⟩** qui permet de définir la variable qui contiendra  $x_{\min}$ ; défaut **⟨LXmin⟩**
- la clé **⟨NomXmax⟩** qui permet de définir la variable qui contiendra  $x_{\max}$ ; défaut **⟨LXmax⟩**



</> Code L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X

```
%les espaces verticaux n'ont pas été écrits ici  
\def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008, 2009,2010}  
\def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661, 1656,1649}  
\CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}
```



### Code $\LaTeX$

```

%vérif des calculs (noms non modifiables...)
Liste des X := \showitems\LX.
Liste des Y := \showitems\LY.
Somme des X := \LXSomme{} et somme des Y := \LYSomme.
Moyenne des X := \LXmoy{} et moyenne des Y := \LYmoy.
Variance des X := \LXvar{} et variance des Y := \LYvar{}
Covariance des X/Y := \LXYvar.
%les coefficients, avec des noms modifiables !
Min des X := \LXmin{} et Max des X := \LXmax.
Coefficient $a=\COEFFa$.
Coefficient $b=\COEFFb$.
Coefficient $r=\COEFFr$.
Coefficient $r^2=\COEFFrd$.

```

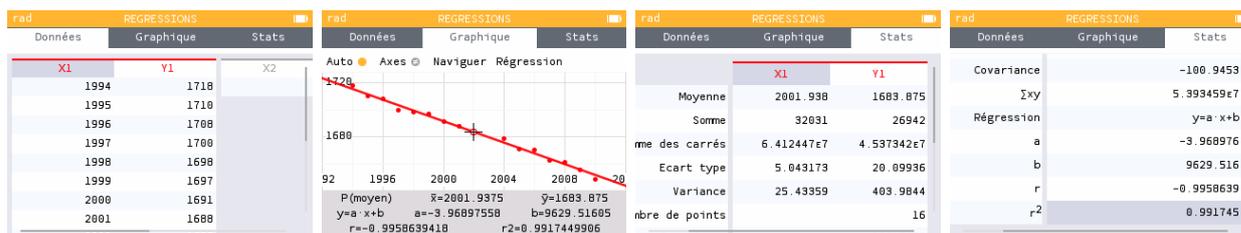


### Sortie $\LaTeX$

```

Liste des X := 1994 1995 1996 1997 1998 1999 2000 2001 2002 2004 2005 2006 2007 2008 2009 2010 .
Liste des Y := 1718 1710 1708 1700 1698 1697 1691 1688 1683 1679 1671 1670 1663 1661 1656 1649 .
Somme des X := 32031 et somme des Y := 26942.
Moyenne des X := 2001.9375 et moyenne des Y := 1683.875.
Variance des X := 25.43359375 et variance des Y := 403.984375
Covariance des X/Y := -100.9453125.
Min des X := 1994 et Max des X := 2010.
Coefficient a = -3.968975579788051.           Coefficient b = 9629.516049761941.
Coefficient r = -0.9958639418357528.         Coefficient r^2 = 0.9917449906486436.

```



Les macros qui contiennent les paramètres de la régression sont donc réutilisables, en tant que nombres réels, donc exploitables par `\siunitx` et `\xfp` pour affichage *fin*! Ci-dessous un exemple permettant de visualiser tout cela.



### Code $\LaTeX$

```

%les espaces verticaux n'ont pas été écrits ici
\def\LstX{0,1,3,4,5,6}
\def\LstY{-35,-37.4,-37.7,-39.9,-39,-39.6}
%on lance les calculs et on change le nom des "macros-résultats"
\CalculsRegLin[NomCoeffa=TESTa,NomCoeffb=TESTb,NomCoeffr=TESTr,NomCoeffrd=TESTrd,%
               NomXmin=TESTmin,NomXmax=TESTmax]{\LstX}{\LstY}
%commandes complémentaires
\DeclareDocumentCommand\arrond{ s O{3} m }{% * signe / précision / nb
  \IfBooleanTF{#1}{\num[print-implicit-plus]{\fpeval{round(#3,#2)}}}
  {\num{\fpeval{round(#3,#2)}}}
}
%paramètres
Les valeurs extr. de X sont \TESTmin{} et \TESTmax. Une équ. est  $y = \arrond[3]{\TESTa}x + \arrond[3]{\TESTb}$ .
Le coeff. de corrélation est  $r = \arrond[4]{\TESTr}$ , et son carré est  $r^2 = \arrond[4]{\TESTrd}$ .

```

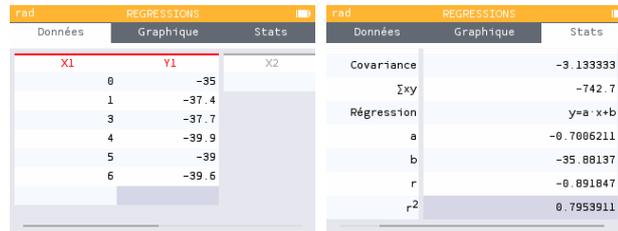


### Sortie $\LaTeX$

Les valeurs extrêmes de  $x$  sont 0 et 6. Une équation de la droite de régression de  $y$  en  $x$  est

$$y = -0,701x - 35,881.$$

Le coefficient de corrélation linéaire est  $r = -0,8918$ , et son carré est  $r^2 = 0,7954$ .



### 34.3 Intégration dans un environnement TikZ



La commande étant « autonome », elle va pouvoir être intégrée dans des environnements graphiques pour permettre un tracé *facile* de la droite de régression.



#### Code $\LaTeX$

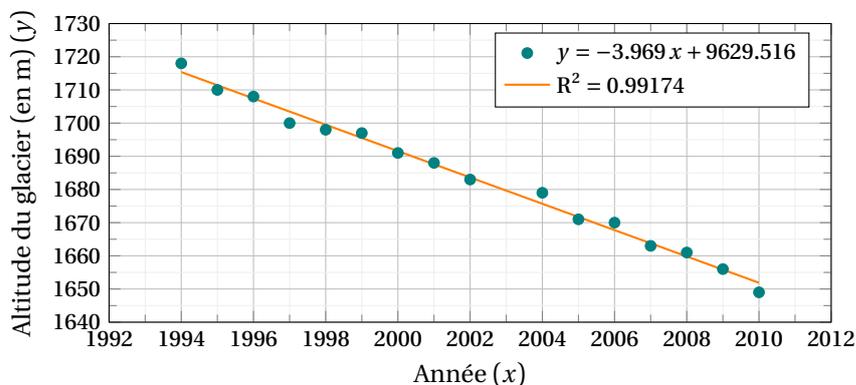
```

\begin{tikzpicture}
  \begin{axis}[options des axes, non présentées ici...]
    \addplot[teal, only marks] table{
      X Y
      1994 1718 1995 1710 1996 1708 1997 1700 1998 1698 1999 1697 2000 1691 2001 1688
      2002 1683 2004 1679 2005 1671 2006 1670 2007 1663 2008 1661 2009 1656 2010 1649
    };
    \def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008,
    2009,2010}
    \def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661,
    1656,1649}
    \CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}
    \addplot [thick,orange,domain=\LXmin:\LXmax,samples=2]{\COEFFa*x+\COEFFb};
    \addlegendentry{\$y = \fpeval{round(\COEFFa,3)}\,x + \fpeval{round(\COEFFb,3)}\$};
    \addlegendentry{\$R^2=\fpeval{round(\COEFFrd,5)}\$};
  \end{axis}
\end{tikzpicture}

```



### Sortie $\LaTeX$



Il existe également une commande auxiliaire, `\PointsRegLin` pour afficher le nuage de points avec quelques options, dans un environnement TikZ classique (sans pgfplot)...



#### Code L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X

```

...
\begin{tikzpicture}[<options>]
  ...
  \PointsRegLin[clés]{listeX}{listeY}
  ...
\end{tikzpicture}

```



Quelques **<Clés>** sont disponibles pour cette commande, essentiellement pour la mise en forme du nuage :

- la clé **<Couleur>** pour la couleur des points du nuage; défaut **<teal>**
- la clé **<Taille>** pour la taille des points (type *cercle*); défaut **<2pt>**
- la clé **<Ox>** pour spécifier la valeur initiale Ox (si changement d'origine); défaut **<0>**
- la clé **<Oy>** pour spécifier la valeur initiale Oy (si changement d'origine). défaut **<0>**



#### Code L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X

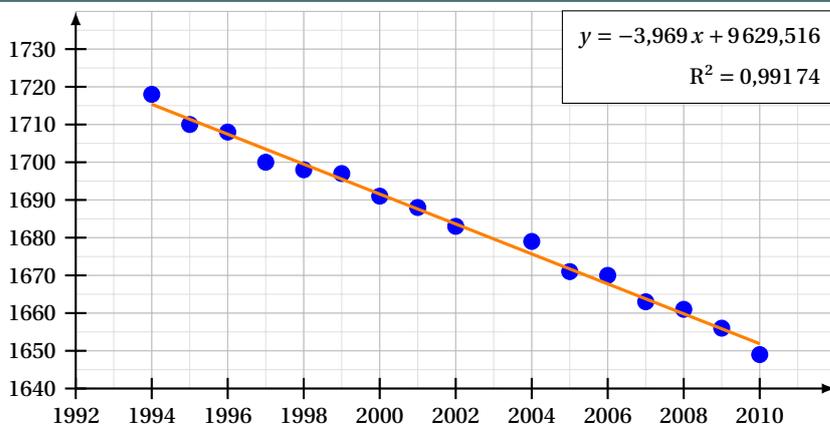
```

\begin{tikzpicture}[x=0.5cm,y=0.05cm]
  \draw[xstep=1,ystep=5,lightgray!50,very thin] (0,0) grid (20,100);
  \draw[xstep=2,ystep=10,lightgray,thin] (0,0) grid (20,100);
  \draw[thick,->,>=latex] (0,0)--(20,0) ;
  \draw[thick,->,>=latex] (0,0)--(0,100) ;
  \foreach \x in {1992,1994,...,2010} \draw[thick] ({\x-1992},4pt)--({\x-1992},-4pt)
  node[below] {$\x$} ;
  \foreach \y in {1640,1650,...,1730} \draw[thick] (4pt,{\y-1640})--(-4pt,{\y-1640})
  node[left] {$\y$} ;
  \def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008, 2009,2010}
  \def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661, 1656,1649}
  \def\Ox{1992}\def\Oy{1640}
  \CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}
  \PointsRegLin[Ox=1992,Oy=1640,Couleur=blue,Taille=3pt]{\LLX}{\LLY}
  \draw[orange,very thick,samples=2,domain=\LXmin:\LXmax] plot
  ({\x-\Ox},{\COEFFa*{\x}+\COEFFb-\Oy}) ;
  \matrix [draw,fill=white,below left] at (current bounding box.north east) {
    \node {$y=\num{\fpeval{\round{\COEFFa,3}}}\x+\num{\fpeval{\round{\COEFFb,3}}}$} ; \\
    \node {$R^2=\num{\fpeval{\round{\COEFFrd,5}}}$} ; \\
  };
\end{tikzpicture}

```



#### Sortie L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X



## 35 Statistiques à deux variables

### 35.1 Idées



L'idée est de *prolonger* le paragraphe précédent pour proposer un environnement TikZ adapté à des situations venant de statistiques à deux variables.

Un des soucis pour ces situations est le fait que le repère dans lequel on travaille n'a pas forcément pour origine (0;0).

De ce fait – pour éviter des erreurs de `dimension too large` liées à TikZ – il faut *décaler les axes* pour se ramener à une origine en O.

Le code, intimement lié à un environnement `tikzpicture`, va donc :

- préciser les informations utiles comme `xmin`, `xmax`, `Ox`, `xgrille`, etc
- proposer des commandes (sans se soucier des *translations*!) pour :
  - tracer une grille (principale et/ou secondaire);
  - tracer les axes (avec légendes éventuelles) et éventuellement les graduer;

En utilisant les commandes de régression linéaire du paragraphe précédent, il sera de plus possible (sans calculs!) de :

- représenter le nuage de points;
- placer le point moyen;
- tracer la droite d'ajustement (obtenue par `ProfLycee`) ou une autre courbe.



Le package `pgfplots` peut être utilisé pour traiter ce genre de situation, mais ne l'utilisant pas, j'ai préféré préparer des macros permettant de s'affranchir de ce package (est-ce pertinent, ça c'est une autre question...).



</> Code  $\LaTeX$

```
%Listes et calculs
\def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008, 2009,2010}
\def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661, 1656,1649}
\CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}
```



</> Code  $\LaTeX$

```
%tracé (simple), les options seront présentées juste après
\begin{tikzpicture}%
  [x=0.5cm,y=0.1cm, %unités
  Ox=1992,xmin=1992,xmax=2012,xgrille=2,xgrilles=1, %axe Ox
  Oy=1640,ymin=1640,ymax=1730,ygrille=10,ygrilles=5] %axe Oy
  \GrilleTikz \AxesTikz %grilles et axes
  \AxexTikz[Annee]{1992,1994,...,2010} %axeOx
  \AxeYtikz{1640,1650,...,1720} %axeOy
  \NuagePointsTikz{\LLX}{\LLY} %nuage
  \CourbeTikz[line width=1.25pt,CouleurVertForet,samples=2]%
    {\COEFFa*\x+\COEFFb}{\LXmin:\LXmax} %droite de régression
  \PointMoyenTikz %point moyen
\end{tikzpicture}
```



### Code $\LaTeX$

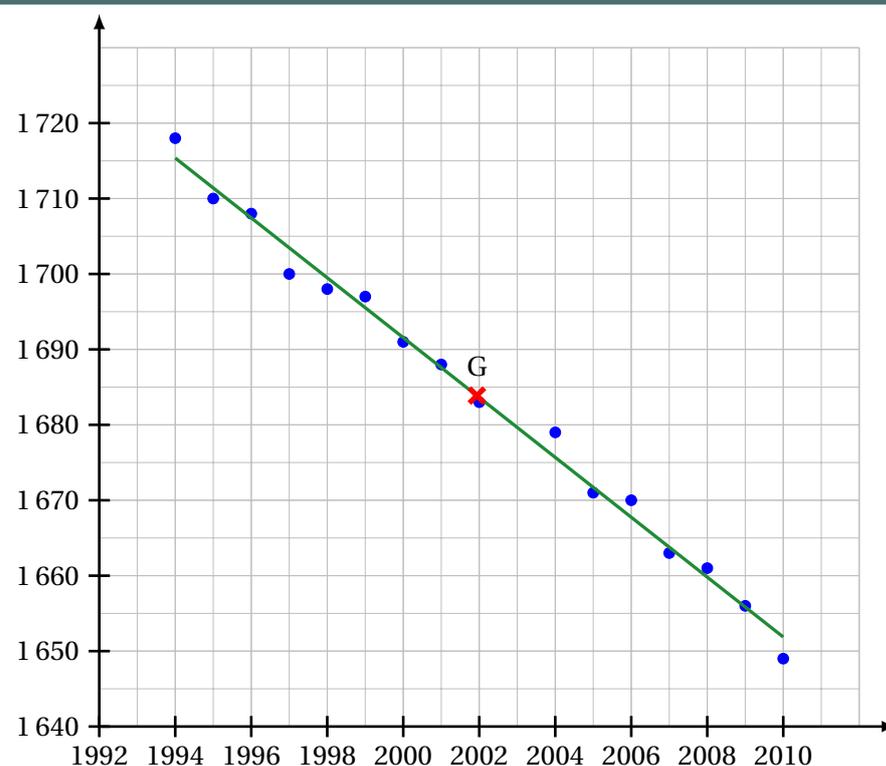
```

%tracé avec options fenêtre par défaut
\begin{tikzpicture}%
  [...] %paramètres
  \FenetreSimpleTikz<Annee>{1992,1994,...,2010}{1640,1650,...,1720} %fenêtre "simple"
  \NuagePointsTikz{\LLX}{\LLY} %nuage
  \CourbeTikz[line width=1.25pt,CouleurVertForet,samples=2]%
    {\COEFFa*x+\COEFFb}{\LXmin:\LXmax} %droite de régression
  \PLnuageptmoy %point moyen
\end{tikzpicture}

```



### Sortie $\LaTeX$



## 35.2 Commandes, clés et options



Les **paramètres** nécessaires à la bonne utilisation des commandes suivantes sont à déclarer directement dans l'environnement `\tikzpicture`, seules les versions « x » sont présentées ici :

- **xmin**, stockée dans `\xmin`; défaut **<-3**
- **xmax**, stockée dans `\xmax`; défaut **<3**
- **Ox**, stockée dans `\axexOx`, origine de l'axe ( $Ox$ ); défaut **<0**
- **xgrille**, stockée dans `\xgrille`, graduation principale; défaut **<1**
- **xgrilles**, stockée dans `\xgrilles`, graduation secondaire. défaut **<0.5**

La fenêtre d'affichage (de sortie) sera donc *portée* par le rectangle de coins ( $xmin$ ;  $ymin$ ) et ( $xmax$ ;  $ymax$ ); ce qui correspond en fait à la fenêtre TikZ *portée* par le rectangle de coins ( $xmin-Ox$ ;  $ymin-Oy$ ) et ( $xmax-Ox$ ;  $ymax-Oy$ ).

Les commandes ont – pour certaines – pas mal de **clés** pour des réglages fins, mais dans la majorité des cas elles ne sont pas forcément *utiles*.



Pour illustrer les commandes et options de ce paragraphe, la base sera le graphique présenté précédemment.



Code  $\LaTeX$

```
%...code tikz
\GrilleTikz[options][options grille ppale][options grille second.]
```



Cette commande permet de tracer une grille principale et/ou une grille secondaire :

- les premières **<clés>** sont les booléens **<Affp>** et **<Affs>** qui affichent ou non les grilles; défaut **<true>**
- les options des grilles sont en TikZ. défaut **<thin,lightgray>** et **<very thin,lightgray>**

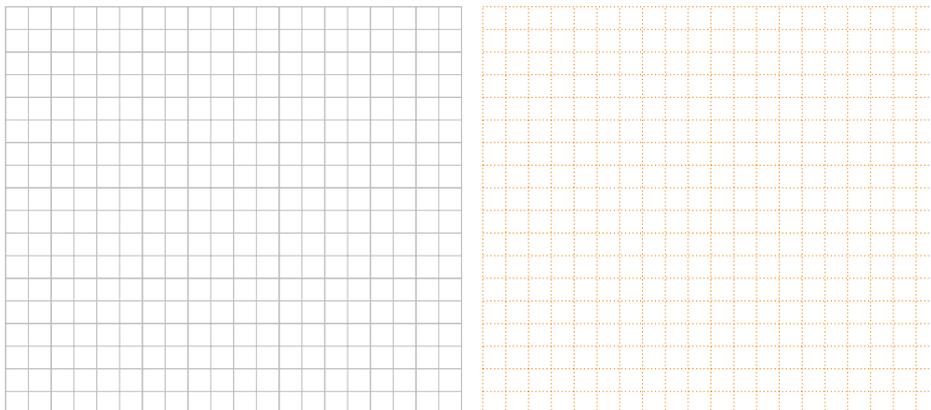


Code  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}%
[x=0.3cm,y=0.06cm,%
Ox=1992,xmin=1992,xmax=2012,xgrille=2,xgrilles=1,%
Oy=1640,ymin=1640,ymax=1730,ygrille=10,ygrilles=5]
\GrilleTikz
\end{tikzpicture}
~~
\begin{tikzpicture}%
[x=0.3cm,y=0.06cm,%
Ox=1992,xmin=1992,xmax=2012,xgrille=2,xgrilles=1,%
Oy=1640,ymin=1640,ymax=1730,ygrille=10,ygrilles=5]
\GrilleTikz[Affp=false][orange,densely dotted]
\end{tikzpicture}
```



Sortie  $\LaTeX$



Code  $\LaTeX$

```
%...code tikz
\AxesTikz[options]
```



Cette commande permet de tracer les axes, avec des **clés** :

- **Épaisseur** qui est l'épaisseur des traits; défaut **1.25pt**
- **Police** qui est le style des labels des axes; défaut **\normalsize\normalfont**
- **2.1.2 ÉlargirOx** qui est le % l'élargissement **global** ou **G/D** de l'axe (Ox); défaut **0/0.05**
- **2.1.2 ÉlargirOy** qui est le % l'élargissement **global** ou **B/H** de l'axe (Oy); défaut **0/0.05**
- **Labelx** qui est le label de l'axe (Ox); défaut **\$x\$**
- **Labely** qui est le label de l'axe (Oy); défaut **\$y\$**
- **AffLabel** qui est le code pour préciser quels labels afficher, entre **x**, **y** ou **xy**; défaut **vide**
- **PosLabelx** pour la position du label de (Ox) en bout d'axe; défaut **right**
- **PosLabely** pour la position du label de (Oy) en bout d'axe; défaut **above**
- **EchelleFleche** qui est l'échelle de la flèche des axes; défaut **1**
- **TypeFleche** qui est le type de la flèche des axes. défaut **latex**



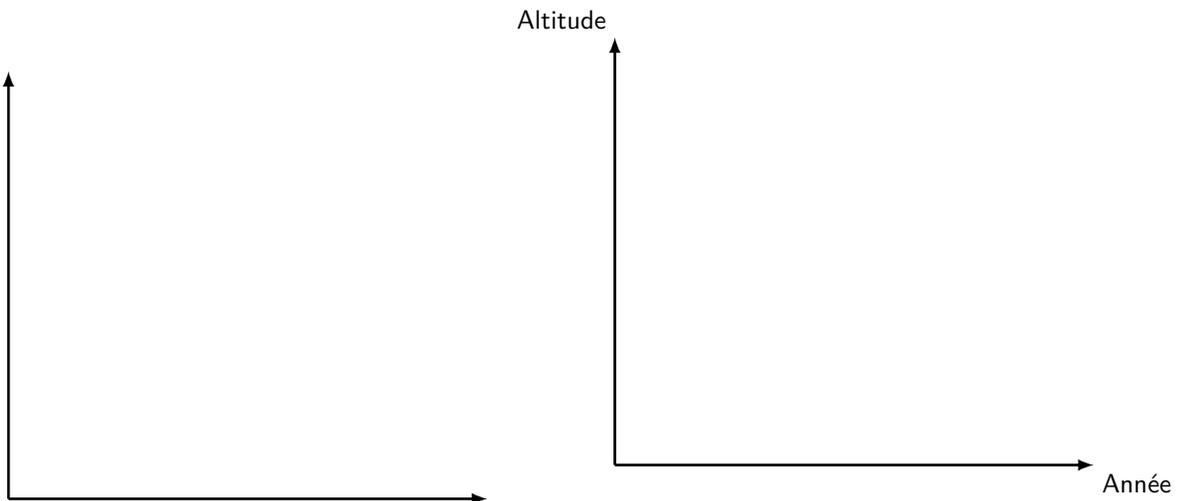
Code  $\LaTeX$

```
%code tikz
\AxesTikz

%code tikz
\AxesTikz%
[AffLabel=xy,Labelx={Année},Labely={Altitude},%
PosLabelx={below right},PosLabely={above left},%
Police=\small\sffamily]
```



Sortie  $\LaTeX$



Code  $\LaTeX$

```
%...code tikz
\AxexTikz[options]{valeurs}
\AxeyTikz[options]{valeurs}
```



Ces commande permet de tracer les graduations des axes, avec des **<clés>** identiques pour les deux directions :

- **<Epaisseur>** qui est l'épaisseur des graduations; défaut **<1pt>**
- **<Police>** qui est le style des labels des graduations; défaut **<\normalsize\normalfont>**
- **<PosGrad>** qui est la position des graduations par rapport à l'axe; défaut **<below>** et **<left>**
- **<HautGrad>** qui est la position des graduations (sous la forme **<igt>** ou **<lgta/lgtb>**); défaut **<4pt>**
- le booléen **<AffGrad>** pour afficher les valeurs (formatés avec `\num` donc dépendant de `\sisetup`) des graduations; défaut **<>true>**
- le booléen **<AffOrigine>** pour afficher la graduation de l'origine; défaut **<>true>**
- le booléen **<Annee>** qui permet de ne pas formater les valeurs des graduations (type année). défaut **<>false>**



</> Code  $\LaTeX$

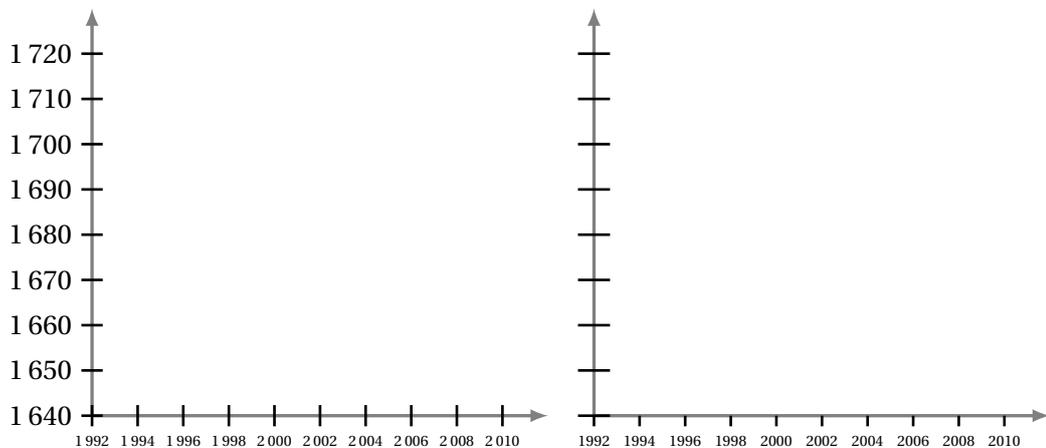
```
%code tikz
\AxexTikz[Police=\small]{1992,1994,...,2010}
\AxexTikz{1640,1650,...,1720}

%code tikz
\AxeYtikz[Police=\small,Annee,HautGrad=0pt/4pt]{1992,1994,...,2010}
\AxeYtikz[AffGrad=false,HautGrad=6pt]{1640,1650,...,1720}

%des axes fictifs (en gris) sont rajoutés pour la lisibilité du code de sortie
```



Sortie  $\LaTeX$



### 35.3 Commandes annexes



Il existe, de manière marginale, quelques commandes complémentaires qui ne seront pas trop détaillées mais qui sont présentes dans l'introduction :

- `\FenetreTikz` qui restreint les tracés à la fenêtre (utile pour des courbes qui débordent);
- `\FenetreSimpleTikz` qui permet d'automatiser le tracé des grilles/axes/graduations dans leurs versions par défaut, avec peu de paramétrages;
- `\OrigineTikz` pour rajouter le libellé de l'origine si non affiché par les axes.



</> Code  $\LaTeX$

```
%code tikz
\FenetreTikz %on restreint les tracés
\FenetreSimpleTikz[opt](opt axes)<opt axe Ox>{liste valx}<opt axe Oy>{liste valy}
```

## 35.4 Interactions avec CalculsRegLin



Code  $\LaTeX$

```
%...code tikz  
\NuagePointsTikz[options]{listeX}{listeY}
```



Cette commande, liée à la commande `\CalculsRegLin` permet de représenter le nuage de points associé aux deux listes, avec les **clés** suivantes :

- **⟨Taille⟩** qui est la taille des points du nuage; défaut **⟨2pt⟩**
- **⟨Style⟩** parmi **⟨o⟩** (rond) ou **⟨x⟩** (croix) ou **⟨+⟩** (plus); défaut **⟨o⟩**
- **⟨Couleur⟩** qui est la couleur (éventuellement **⟨couleurA/couleurB⟩** pour les ronds). défaut **⟨blue⟩**



Code  $\LaTeX$

```
\def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008, 2009,2010}  
\def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661, 1656,1649}
```

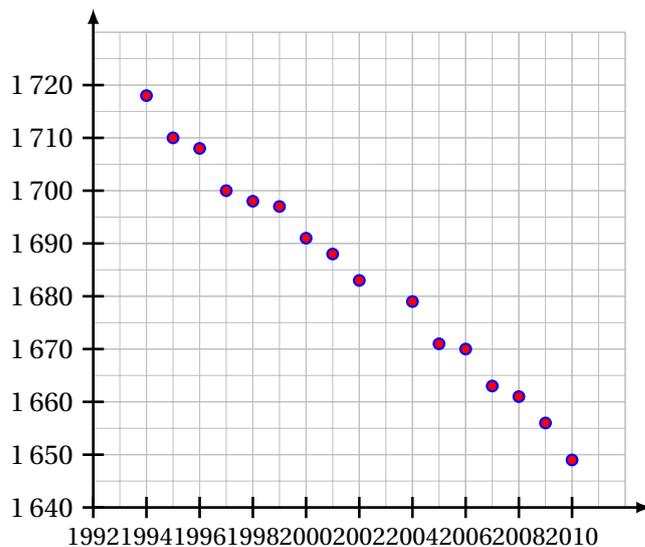


Code  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}[...]  
\NuagePointsTikz [Couleur=blue/red]{\LLX}{\LLY}  
\end{tikzpicture}
```



Sortie  $\LaTeX$

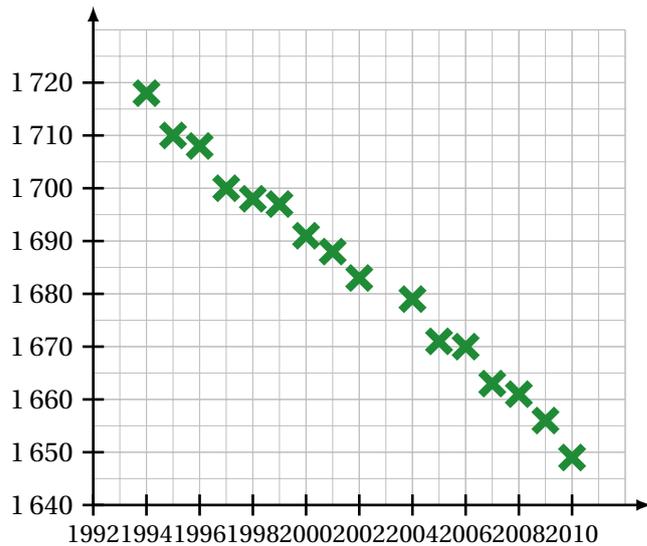


Code  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}[...]  
\NuagePointsTikz [Couleur=CouleurVertForet,Style=x,Taille=6pt]{\LLX}{\LLY}  
\end{tikzpicture}
```



## Sortie L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X



## Code L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X

```
%...code tikz
\PointMoyenTikz[options]
```



Cette commande permet de rajouter le point moyen du nuage, calculé par la commande `\CalculsRegLin`, avec les **clés** :

- **Police**, comme précédemment; défaut `\normalsize\normalfont`;
- **Taille**, taille du point moyen; défaut `4pt`
- **Couleur**, couleur du point moyen; défaut `red`
- **Style** parmi `o` (rond) ou `x` (croix) ou `+` (plus); défaut `o`
- **xg**, abscisse du point moyen, récupérable via `\CalculsRegLin`; défaut `\LXmoy`
- **yg**, ordonnée du point moyen, récupérable via `\CalculsRegLin`; défaut `\LYmoy`
- **Nom**, label du point moyen; défaut `G`
- **Pos** qui est la position du label par rapport au point; défaut `above`
- **Decal** qui est l'éloignement de la position du label par rapport au point; défaut `0pt`
- la booléen **AffNom** qui affiche ou non le libellé. défaut `true`



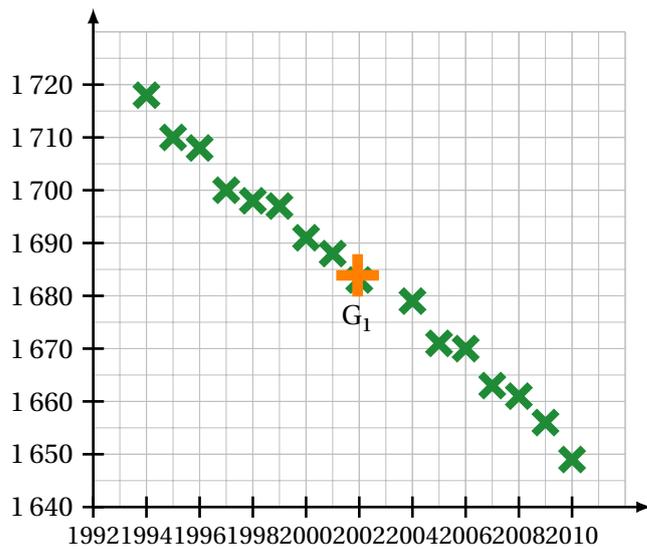
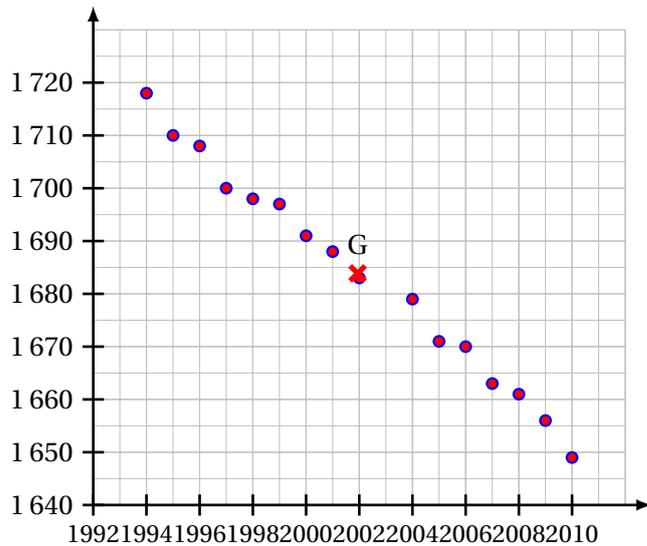
## Code L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X

```
\def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008, 2009,2010}
\def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661, 1656,1649}
\CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}

\begin{tikzpicture}[...]
  \NuagePointsTikz[Couleur=blue/red]{\LLX}{\LLY}
  \PointMoyenTikz
\end{tikzpicture}
~~
\begin{tikzpicture}[...]
  \NuagePointsTikz[Couleur=CouleurVertForet,Style=x,Taille=6pt]{\LLX}{\LLY}
  \PointMoyenTikz[Couleur=orange,Taille=8pt,Style=+,Nom={G_1$},Pos=below]
\end{tikzpicture}
```



Sortie  $\LaTeX$



Code  $\LaTeX$

```

%...code tikz
\CourbeTikz[options]{formule}{domaine}

```



Cette commande permet de rajouter une courbe sur le graphique (sans se soucier de la transformation de son expression) avec les arguments :

- **optionnels** qui sont – en TikZ – les paramètres du tracé;
- le premier *obligatoire*, est – en langage TikZ – l'expression de la fonction à tracer, donc avec  $\LaTeX \backslash x$  comme variable;
- le second *obligatoire* est le domaine du tracé, sous la forme  $\LaTeX \text{valxmin}:\text{valxmax}$ .



L'idée principale est de récupérer les variables de la régression linéaire pour tracer la droite d'ajustement à *moindres frais*!



Toute courbe peut être tracée sur ce principe, par contre il faudra saisir la fonction *à la main*.



#### Code $\LaTeX$

```

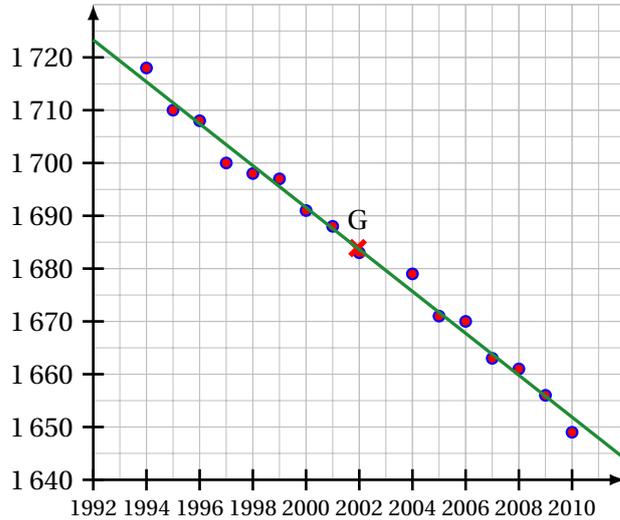
\def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008, 2009,2010}
\def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661, 1656,1649}
\CalculsRegLin{\LLX}{\LLY}

\begin{tikzpicture}[...]
  \NuagePointsTikz[Couleur=blue/red]{\LLX}{\LLY} \PointMoyenTikz
  \CourbeTikz[line width=1.25pt,CouleurVertForet,samples=2]{\COEFFa*\x+\COEFFb}{\xmin:\xmax}
\end{tikzpicture}

```



#### Sortie $\LaTeX$



### 35.5 Exemple complémentaire, pour illustration



#### Code $\LaTeX$

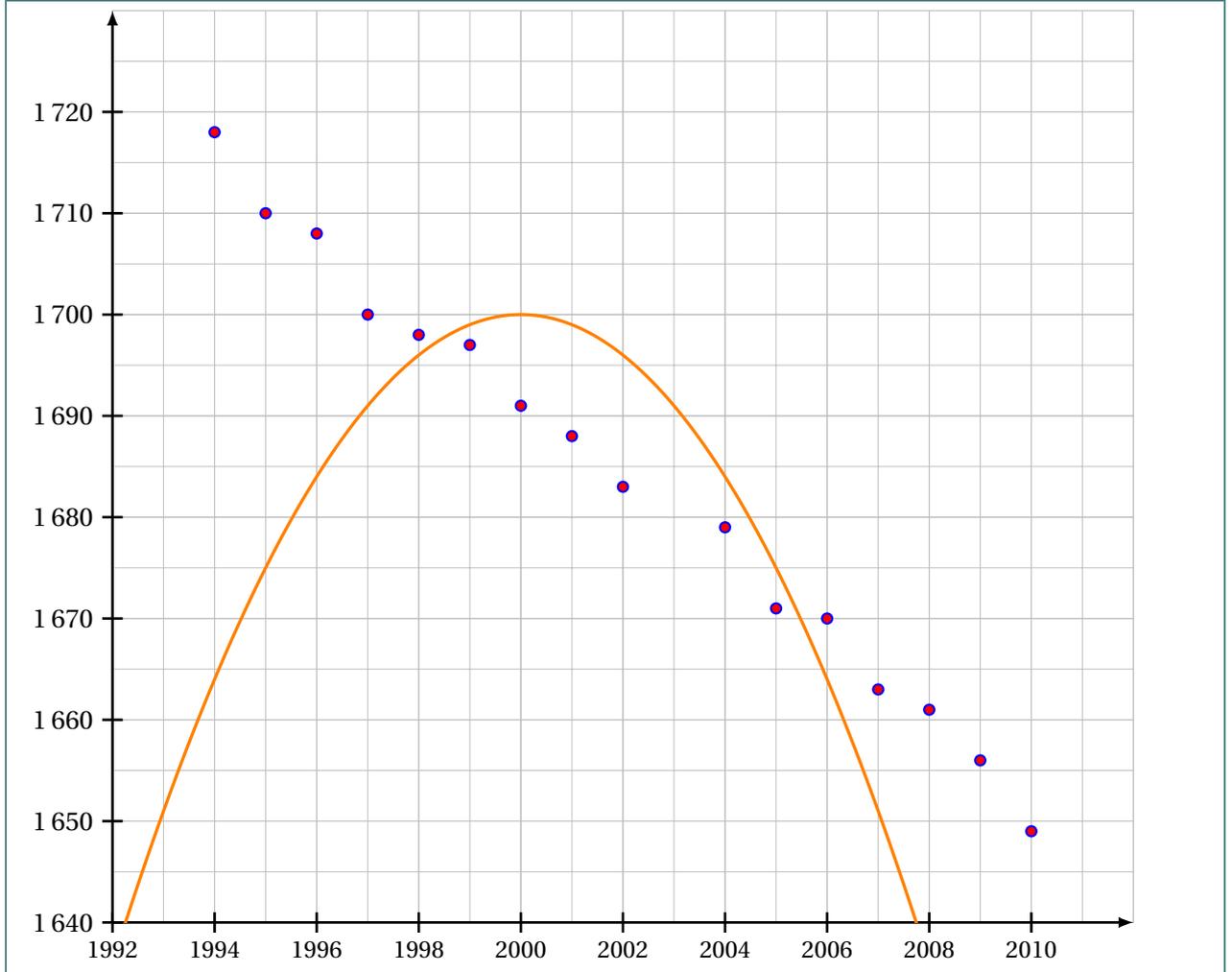
```

\def\LLX{1994,1995,1996,1997,1998,1999,2000,2001,2002,2004,2005,2006,2007,2008,2009,2010}
\def\LLY{1718,1710,1708,1700,1698,1697,1691,1688,1683,1679,1671,1670,1663,1661,1656,1649}

%la courbe n'a pas de lien avec le nuage
%elle illustre l'interaction des commandes "nuage" avec les autres commandes

\begin{tikzpicture}[...]
  \NuagePointsTikz[Couleur=blue/red]{\LLX}{\LLY} \FenetreTikz %on fixe la fenêtre
  \CourbeTikz[line width=1.25pt,orange,samples=250]{-(\x-2000)*(\x-2000)+1700}{\xmin:\xmax}
\end{tikzpicture}

```



## 36 Boîtes à moustaches

### 36.1 Introduction



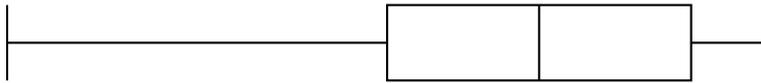
L'idée est de proposer une commande, à intégrer dans un environnement *TikZ*, pour tracer une boîte à moustaches grâce aux paramètres, saisis par l'utilisateur.

Le code ne calcule pas les paramètres, il ne fait *que* tracer la boîte à moustaches!



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}
  \BoiteMoustaches{10/15/17/19/20}
\end{tikzpicture}
```



Étant donnée que la commande est intégrée dans un environnement *TikZ*, les unités peuvent/doivent donc être précisées, *comme d'habitude*, si besoin.

### 36.2 Clés et options



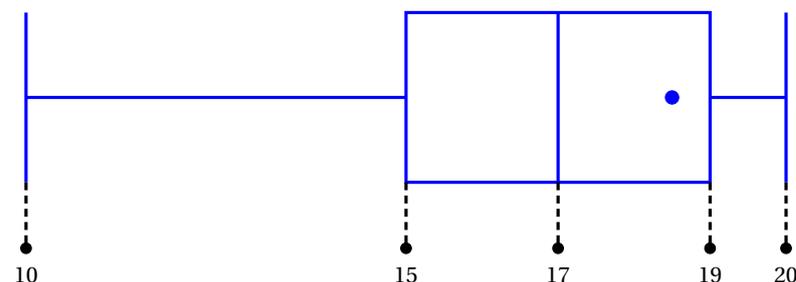
Quelques **clés** sont disponibles pour cette commande :

- la clé **Couleur** qui est la couleur de la boîte; défaut **black**
- la clé **Elevation** qui est la position verticale (ordonnée des moustaches) de la boîte; défaut **1.5**
- la clé **Hauteur** qui est la hauteur de la boîte; défaut **1**
- la clé **Moyenne** qui est la moyenne (optionnelle) de la série;
- la clé **Epaisseur** qui est l'épaisseur des traits de la boîte; défaut **thick**
- la clé **Remplir** qui est la couleur de remplissage de la boîte; défaut **white**
- le booléen **AffMoyenne** qui permet d'afficher ou non la moyenne (sous forme d'un point); défaut **false**
- le booléen **Pointilles** qui permet d'afficher des pointillés au niveau des paramètres; défaut **false**
- le booléen **Valeurs** qui permet d'afficher les valeurs des paramètres au niveau des abscisses. défaut **false**



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}
  \BoiteMoustaches[Epaisseur=very thick,Moyenne=18.5,Couleur=blue,AffMoyenne,%
  Pointilles,Valeurs,Hauteur=2.25,Elevation=2]{10/15/17/19/20}
\end{tikzpicture}
```





#### Code $\LaTeX$

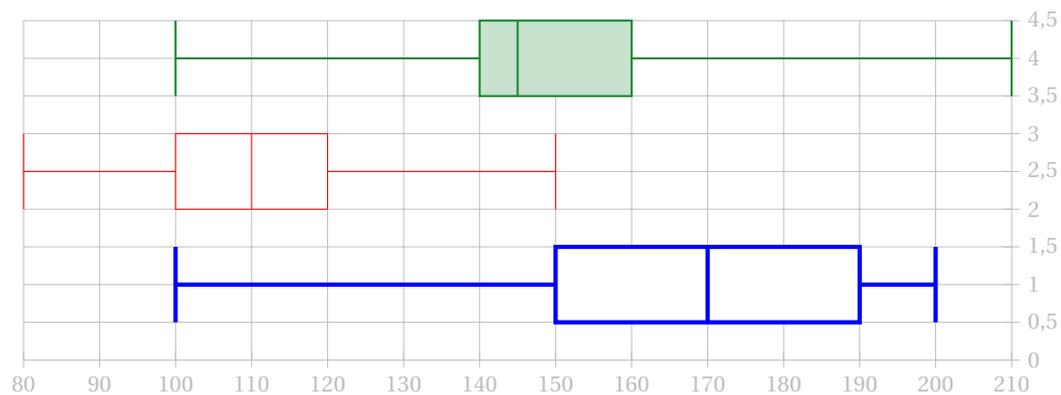
```

%une grille a été rajoutée pour visualiser la "position verticale"
\begin{center}
  \begin{tikzpicture}[x=0.1cm]
    \BoiteMoustaches[Epaisseur=ultra thick,Couleur=blue]{100/150/170/190/200}
    \BoiteMoustaches[Epaisseur=thin,Elevation=2.5,Couleur=red]{80/100/110/120/150}
    \BoiteMoustaches%
      [Elevation=4,Couleur=CouleurVertForet,Remplir=CouleurVertForet!25]{100/140/145/160/210}
  \end{tikzpicture}
\end{center}

```



#### Sortie $\LaTeX$



### 36.3 Commande pour placer un axe horizontal



L'idée est de proposer, en parallèle de la commande précédente, une commande pour tracer un axe horizontal « sous » les éventuelles boîtes à moustaches.

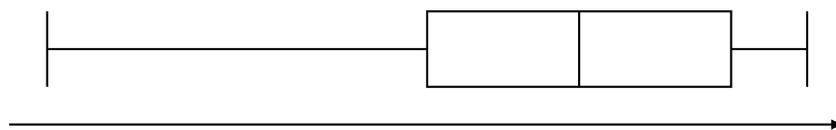


#### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```

\begin{tikzpicture}
  \BoiteMoustachesAxe[Min=10,Max=20]
  \BoiteMoustaches{10/15/17/19/20}
\end{tikzpicture}

```

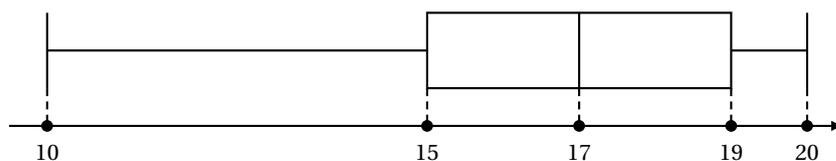


#### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```

\begin{tikzpicture}
  \BoiteMoustachesAxe[Min=10,Max=20]
  \BoiteMoustaches[Valeurs,Pointilles]{10/15/17/19/20}
\end{tikzpicture}

```





Quelques **clés** sont disponibles pour cette commande :

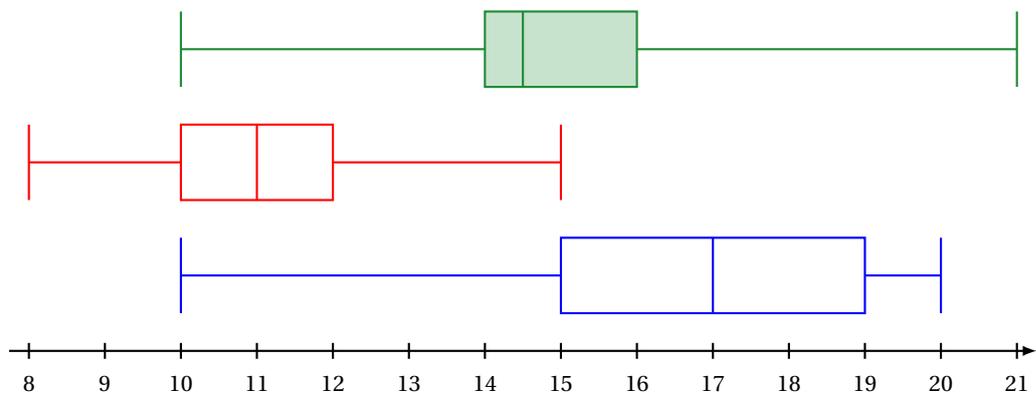
- la clé **Min** qui est la valeur minimale de l'axe horizontal;
- la clé **Max** qui est la valeur maximale de l'axe horizontal;
- la clé **Elargir** qui est le pourcentage l'élargissement de l'axe; défaut **0.1**
- la clé **Epaisseur** qui est l'épaisseur des traits de la boîte; défaut **thick**
- la clé **Valeurs** qui est la liste (compréhensible en TikZ) des valeurs à afficher.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}
  \BoiteMoustachesAxe[Min=8,Max=21,AffValeurs,Valeurs={8,9,...,21},Elargir=0.02]
  \BoiteMoustaches[Moyenne=18.5,Couleur=blue]{10/15/17/19/20}
  \BoiteMoustaches[Elevation=2.5,Couleur=red]{8/10/11/12/15}

  \BoiteMoustaches[Elevation=4,Couleur=CouleurVertForêt,Remplir=CouleurVertForêt!25]{10/14/14.5/16/21}
\end{tikzpicture}
```



Le placement des différentes boîtes n'est pas automatique, donc il faut penser à cela avant de se lancer dans le code.

Sachant que la hauteur par défaut est de 1, il est – a priori – intéressant de placer les boîtes à des **élevations** de 1 puis 2,5 puis 4 etc

## 37 Histogrammes

### 37.1 Introduction



**2.6.7** L'idée est de proposer une commande pour tracer un histogramme à classes régulières ou non. La commande, qui utilise TikZ, est autonome (ceci étant dû à la gestion en interne des unités!), et ne permet pas de rajouter une fois le graphique affiché.



La commande fonctionne avec des données classe/effectif, qui seront à traduire sous la forme `BorneInf/BorneSup/Effectif`.



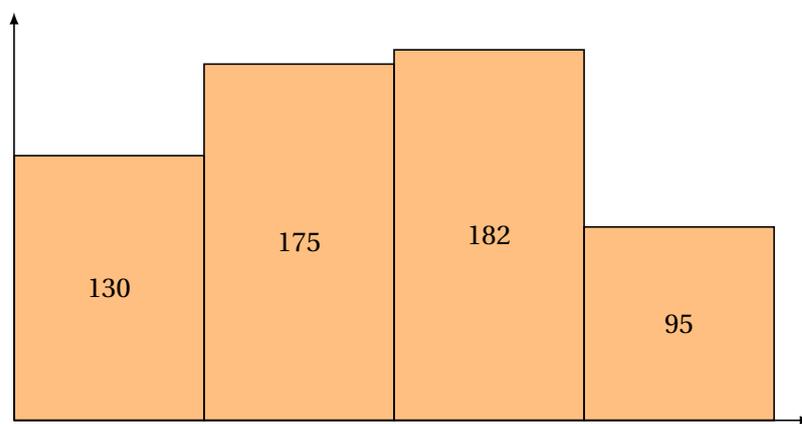
Code  $\LaTeX$

```
\Histogramme(*) [options] {données}
```



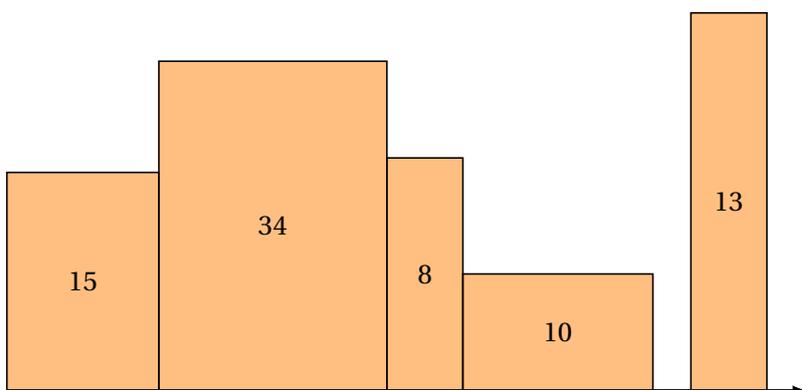
Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
%classes régulières  
\Histogramme{7/9/130 9/11/175 11/13/182 13/15/95}
```



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
%classes non régulières  
\Histogramme*{0/20/15 20/50/34 50/60/8 60/85/10 90/100/13}
```



Contrairement aux autres commandes graphiques, qui sont souvent à intégrer dans un environnement TikZ, la commande `\Histogramme` aura besoin de connaître les dimensions finales du graphique pour fonctionner!

Les dimensions correspondent à celles des rectangles avec les éventuelles modifications horizontales et/ou verticales spécifiées.

## 37.2 Clés et options



La version *étoilée* permet de préciser que les classes ne sont pas d'amplitudes régulières.

Le premier argument, optionnel et entre  $\text{\texttt{[...]}}$  propose les **clés** principales suivantes :

- **⟨DebutOx⟩** : permet de préciser le début de l'axe horizontal (sinon c'est par défaut la borne inférieure de la première classe);  
défaut : **⟨vide⟩**
- **⟨FinOx⟩** : permet de préciser la fin de l'axe horizontal (sinon c'est par défaut la borne supérieure de la dernière classe);  
défaut : **⟨vide⟩**
- **⟨Largeur⟩** : largeur en cm du graphique créé (entre **⟨DebutOx⟩** et **⟨FinOx⟩**);  
défaut : **⟨10⟩**
- **⟨Hauteur⟩** : hauteur en cm du graphique créé (par rapport à l'effectif maximal ou la grille éventuelle);  
défaut : **⟨5⟩**
- **⟨ListeCouleurs⟩** : liste des couleurs des rectangles (unique ou sous la forme  $\text{\texttt{\{Cou1A,Cou1B,...\}}}$ );  
défaut : **⟨orange⟩**
- **⟨ElargirX⟩** et **⟨ElargirY⟩** : pour rajouter une petite longueur au bout des axes; défaut : **⟨5mm⟩**
- **⟨LabelX⟩** et **⟨LabelY⟩** : pour les labels des axes; défaut : **⟨vide⟩**
- **⟨GradX⟩** et **⟨GradY⟩** : pour les graduations et valeurs des axes (langage  $\text{\texttt{tikz}}$ ); défaut : **⟨vide⟩**
- **⟨AffEffectifs⟩** : booléen pour afficher les effectifs; défaut : **⟨true⟩**
- **⟨PosEffectifs⟩** : choix de la position des effectifs parmi **⟨bas,milieu,haut,dessus⟩**;  
défaut : **⟨milieu⟩**
- **⟨Remplir⟩** : booléen pour remplir les rectangles; défaut : **⟨true⟩**
- **⟨Opacite⟩** : choix de l'opacité du remplissage; défaut : **⟨0.5⟩**
- **⟨AffBornes⟩** : booléen pour afficher les bornes des classes; défaut : **⟨false⟩**
- **⟨GrilleV⟩** : booléen pour afficher une grille verticale (pour les classes régulières, à la manière d'un tableur);  
défaut : **⟨true⟩**
- **⟨PoliceAxes⟩** : police pour les axes; défaut : **⟨\normalsize\normalfont⟩**
- **⟨PoliceEffectifs⟩** : police pour les effectifs; défaut : **⟨\normalsize\normalfont⟩**
- **⟨EpaisseurTraits⟩** : épaisseur des traits (langage  $\text{\texttt{tikz}}$ ). défaut : **⟨semithick⟩**

**2.6.8** Quelques clés sont spécifiques à la grille (éventuelle) des histogrammes non réguliers (avec ajustement vertical et légende) :

- **⟨Grille⟩** : création de la grille, sous la forme **⟨GradX/UniteAire⟩**; défaut : **⟨vide⟩**
- **⟨ExtraGrilleY⟩** : pour rajouter une *ligne à la grille en vertical*; défaut : **⟨0⟩**
- **⟨PosLégende⟩** : pour préciser le *carreau* de la légende éventuelle. défaut : **⟨vide⟩**

Le second argument, obligatoire et entre  $\text{\texttt{\{...\}}}$  permet de préciser les données utilisées sous la forme

$\text{\texttt{BorneInf/BorneSup/Effectif BorneInf/BorneSup/Effectif ...}}$ .

### 37.3 Exemple avec des classes régulières



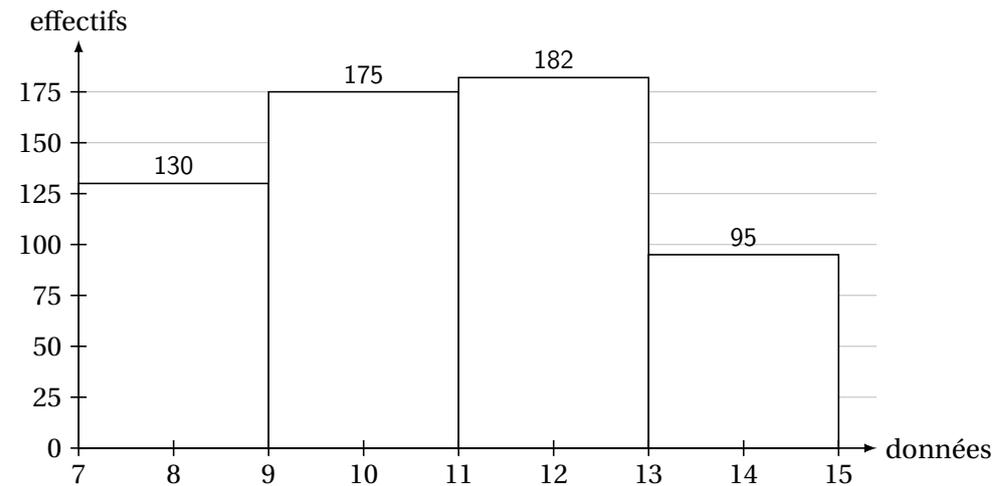
Avec la série suivante :

Classes	[7;9[	[9;11[	[11;13[	[13;15]
Effectifs	130	175	182	95



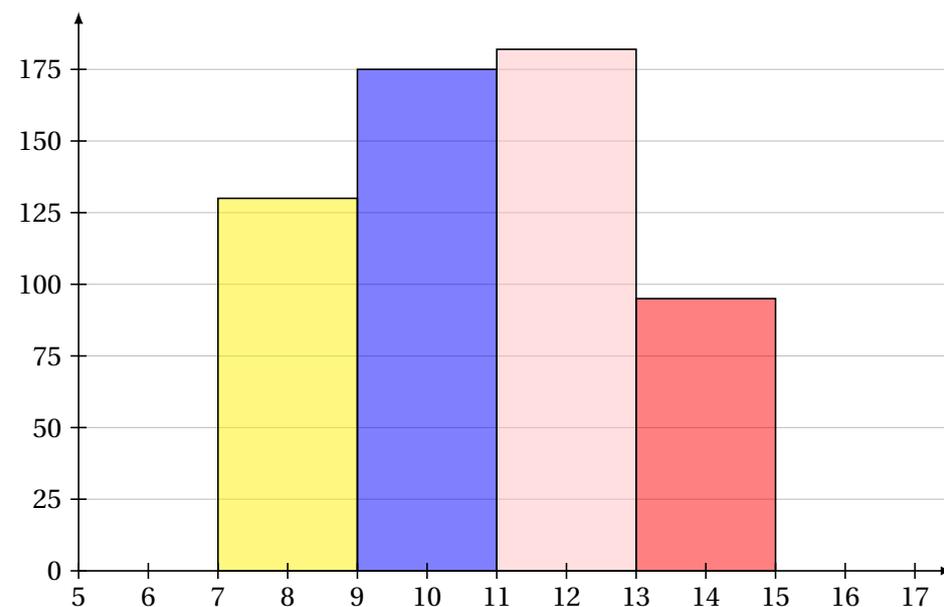
Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\Histogramme[ListeCouleurs={white},Opacite=1,%  
GradX={7,8,...,15},LabelX={données},GradY={0,25,...,175},LabelY={effectifs},%  
PoliceEffectifs=\small\sffamily,PosEffectifs=dessus}%  
{7/9/130 9/11/175 11/13/182 13/15/95}
```



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\Histogramme[Largeur=11,Hauteur=7,%  
ListeCouleurs={yellow,blue,pink,red},%  
DebutOx=5,FinOx=17,GradX={5,6,...,17},GradY={0,25,...,175},%  
AffEffectifs=false]%  
{7/9/130 9/11/175 11/13/182 13/15/95}
```



## 37.4 Exemple avec des classes non régulières



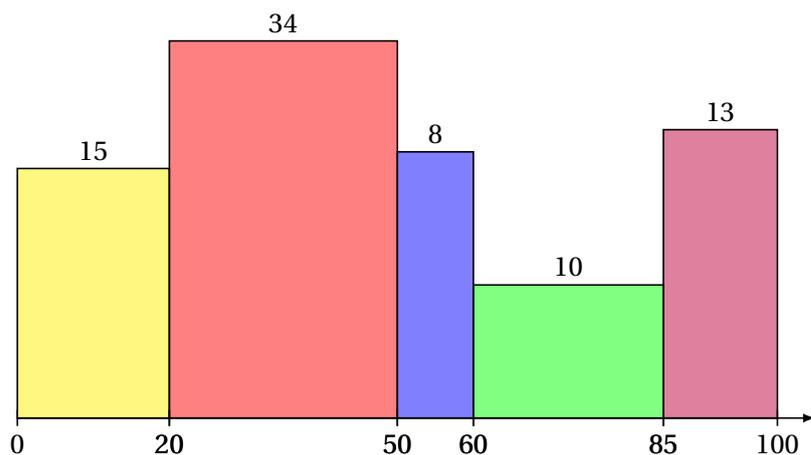
Avec la série suivante :

Classes	[0;20[	[20;50[	[50;60[	[60;85[	[85;100]
Effectifs	15	34	8	10	13



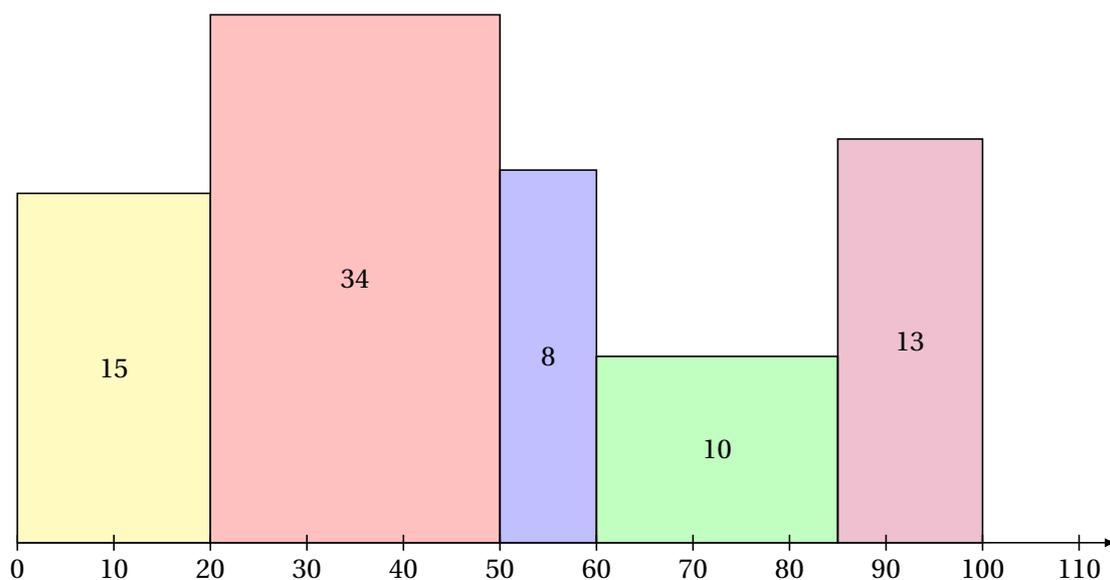
Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\Histogramme*[%
  ListeCouleurs={yellow,red,blue,green,purple},%
  PosEffectifs=dessus,AffBornes]
{0/20/15 20/50/34 50/60/8 60/85/10 85/100/13}
```



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\Histogramme*[%
  Largeur=14,Hauteur=7,FinOx=110,%
  ListeCouleurs={yellow,red,blue,green,purple},Opacite=0.25,%
  GradX={0,10,...,110},%
  PosEffectif=heut]
{0/20/15 20/50/34 50/60/8 60/85/10 85/100/13}
```





Avec la série suivante :

Classes	[900;1200[	[1200;1400[	[1400;1600[	[1600;1800[	[1800;2000[	[2000;2400]
Effectifs	30	30	60	40	20	20



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

*%choix des unités 0.85cm par petit carreau avec 17H et 5V*

$\backslash$ Histogramme\*[%

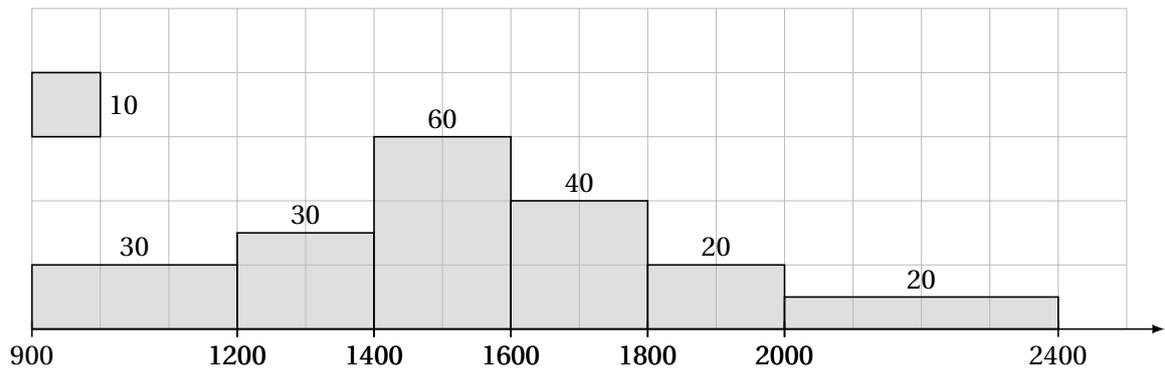
Largeur=13.6,Hauteur=4.25,FinOx=2500,%

PosLegende=0/3,Grille=100/10,ExtraGrilleY=1,%

ListeCouleurs=lightgray,%

AffBornes,PosEffectifs=dessus]

{900/1200/30 1200/1400/30 1400/1600/60 1600/1800/40 1800/2000/20 2000/2400/20}



Thème

# OUTILS POUR LES PROBABILITÉS

## Dixième partie

# Outils pour les probabilités

## 38 Calculs de probabilités

### 38.1 Introduction



L'idée est de proposer des commandes permettant de calculer des probabilités avec des lois classiques :

- binomiale;
- normale;
- exponentielle;
- de Poisson;
- géométrique;
- hypergéométrique.



Les commandes sont de deux natures :

- des commandes pour calculer, grâce au package `xintexpr`;
- des commandes pour formater le résultat de `xintexpr`, grâce à `siunitx`.

De ce fait, les options de `siunitx` de l'utilisateur affecteront les formatages du résultat, la commande va « forcer » les arrondis et l'écriture scientifique.

### 38.2 Calculs « simples »



Code  $\LaTeX$

```
%loi binomiale B(n,p)
\CalcBinomP{n}{p}{k}           %P(X=k)
\CalcBinomC{n}{p}{a}{b}       %P(a<=X<=b)

%loi de Poisson P(l)
\CalcPoissP{l}{k}             %P(X=k)
\CalcPoissC{l}{a}{b}         %P(a<=X<=b)

%loi géométrique G(p)
\CalcGeomP{p}{k}             %P(X=k)
\CalcGeomC{p}{a}{b}         %P(a<=X<=b)

%loi hypergéométrique H(N,n,m)
\CalcHypergeomP{N}{n}{m}{k}  %P(X=k)
\CalcHypergeomP{N}{n}{m}{a}{b} %P(a<=X<=b)

%loi normale N(m,s)
\CalcNormC{m}{s}{a}{b}       %P(a<=X<=b)

%loi exponentielle E(l)
\CalcExpoC{l}{a}{b}         %P(a<=X<=b)
```



Les probabilités calculables sont donc – comme pour beaucoup de modèles de calculatrices – les probabilités Ponctuelles ( $P(X = k)$ ) et Cumulées ( $P(a \leq X \leq b)$ ).

Pour les probabilités cumulées, on peut utiliser le caractère `*` comme borne ( $a$  ou  $b$ ), pour les probabilités du type  $P(X \leq b)$  et  $P(X \geq a)$ .



#### Code $\LaTeX$

```

% X -> B(5, 0.4)
$P(X=3) \approx \CalcBinomP{5}{0.4}{3}$.
$P(X\leqslant 1) \approx \CalcBinomC{5}{0.4}{*}{1}$.

% X -> B(100, 0.02)
$P(X=10) \approx \CalcBinomP{100}{0.02}{10}$.
$P(15\leqslant X\leqslant 25) \approx \CalcBinomC{100}{0.02}{15}{25}$.

% Y -> P(5)
$P(Y=3) \approx \CalcPoissP{5}{3}$.
$P(Y\geqslant 2) \approx \CalcPoissC{5}{2}{*}$.

% T -> G(0.5)
$P(T=100) \approx \CalcPoissP{0.5}{3}$.
$P(T\leqslant 5) \approx \CalcPoissC{0.5}{*}{5}$.

% W -> H(50, 10, 5)
$P(W=4) \approx \CalcHypergeomP{50}{10}{5}{4}$.
$P(1\leqslant W\leqslant 3) \approx \CalcHypergeomC{50}{10}{5}{1}{3}$.

```



#### Sortie $\LaTeX$

- $X \hookrightarrow \mathcal{B}(5; 0, 4)$  :  
 $P(X = 3) \approx 0.2304$ .  
 $P(X \leq 1) \approx 0.33696$ .
- $X \hookrightarrow \mathcal{B}(100; 0, 02)$  :  
 $P(X = 10) \approx 0.00002877077765846743$ .  
 $P(15 \leq X \leq 25) \approx 0.00000001670210428685021$ .
- $Y \hookrightarrow \mathcal{P}_5$  :  
 $P(Y = 3) \approx 0.1403738958142806$ .  
 $P(Y \geq 2) \approx 0.9595723180054873$ .
- $T \hookrightarrow \mathcal{G}_{0,5}$  :  
 $P(T = 3) \approx 0.125$ .  
 $P(T \leq 5) \approx 0.96875$ .
- $W \hookrightarrow \mathcal{H}(50; 10; 5)$  :  
 $P(W = 4) \approx 0.003964583058015065$ .  
 $P(1 \leq W \leq 3) \approx 0.6853536974456758$ .



#### Code $\LaTeX$

```

% X -> N(0, 1)
$P(X\leqslant 1) \approx \CalcNormC{0}{1}{*}{1}$.
$P(-1,96\leqslant Z\leqslant 1,96) \approx \CalcNormC{0}{1}{-1.96}{1.96}$.

% X -> N(550, 30)
$P(Y\geqslant 600) \approx \CalcNormC{550}{30}{600}{*}$.
$P(500\leqslant Y\leqslant 600) \approx \CalcNormC{550}{30}{500}{600}$.

% Z -> E(0.001)
$P(Z\geqslant 400) \approx \CalcExpoC{0.001}{400}{*}$.
$P(300\leqslant Z\leqslant 750) \approx \CalcExpoC{0.001}{300}{750}$.

```



#### Sortie $\LaTeX$

- $X \hookrightarrow \mathcal{N}(0; 1)$  :  
 $P(X \leq 1) \approx 0.841344680841397$ .  
 $P(-1,96 \leq Z \leq 1,96) \approx 0.9500039553976748$ .
- $Y \hookrightarrow \mathcal{N}(550; 30)$  :  
 $P(Y \geq 600) \approx 0.0477903462453939$ .  
 $P(500 \leq Y \leq 600) \approx 0.9044193075092122$ .
- $Z \hookrightarrow \mathcal{E}_{0,001}$  :  
 $P(Z \geq 400) \approx 0.6703200460356393$ .  
 $P(300 \leq Z \leq 750) \approx 0.2684516679407032$ .

### 38.3 Complément avec sortie « formatée »



L'idée est ensuite de formater le résultat obtenu par `\xintexpr`, pour un affichage homogène. L'utilisateur peut donc utiliser « sa » méthode pour formater les résultats obtenus par `\xintexpr`!



Code  $\LaTeX$

```
%avec un formatage manuel
\num[exponent-mode=scientific]{\CalcBinomP{100}{0.02}{10}}
```



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
§\bullet~X \hookrightarrow \mathcal{B}(100\,; \, 0,02) § :
§P(X=10) \approx \num[exponent-mode=scientific]{\CalcBinomP{100}{0.02}{10}} §.
```



- $X \leftrightarrow \mathcal{B}(100; 0,02)$  :  
 $P(X = 10) \approx 2,877\,077\,765\,846\,743 \times 10^{-5}$ .



Le package `ProfLycee` propose – en complément – des commandes pour formater, grâce à `siunitx`, le résultat.

Les commandes ne sont donc, dans ce cas, pas préfixées par `\calc` :

- formatage sous forme décimale *pure* : 0,00 ... ;
- formatage sous forme scientifique :  $n, \dots \times 10^{\dots}$ .



Code  $\LaTeX$

```
%loi binomiale B(n,p)
\BinomP(*) [prec]{n}{p}{k}           %P(X=k)
\BinomC(*) [prec]{n}{p}{a}{b}       %P(a<=X<=b)

%loi de Poisson P (l)
\PoissonP(*) [prec]{l}{k}           %P(X=k)
\PoissonC(*) [prec]{l}{a}{b}        %P(a<=X<=b)

%loi géométrique G (p)
\GeomP{p}{k}                         %P(X=k)
\GeomC{p}{a}{b}                       %P(a<=X<=b)

%loi hypergéométrique H (N,n,m)
\HypergeomP{N}{n}{m}{k}             %P(X=k)
\HypergeomC{N}{n}{m}{a}{b}         %P(a<=X<=b)

%loi normale N(m,s)
\NormaleC(*) [prec]{m}{s}{a}{b}     %P(a<=X<=b)

%loi exponentielle E(l)
\ExpoC(*) [prec]{l}{a}{b}           %P(a<=X<=b)
```



Quelques précisions sur les commandes précédentes :

- la version étoilée `*` des commandes formate le résultat en mode scientifique ;
- l'argument optionnel (par défaut `3`) correspond à quant à lui à l'arrondi.



## 39 Arbres de probabilités « classiques »

### 39.1 Introduction



L'idée est de proposer des commandes pour créer des arbres de probabilités classiques (et homogènes), en TikZ, de format :

- $2 \times 2$  ou  $2 \times 3$ ;
- $3 \times 2$  ou  $3 \times 3$ .

Les (deux) commandes sont donc liées à un environnement `\tikzpicture`, et elles créent les nœuds de l'arbre, pour exploitation ultérieure éventuelle.



</> Code  $\LaTeX$

```
%commande simple pour tracé de l'arbre
\ArbreProbasTikz[options]{donnees}

%environnement pour tracé et exploitation éventuelle
\begin{EnvArbreProbasTikz}[options]{donnees}
  code tikz supplémentaire
\end{EnvArbreProbasTikz}
```

### 39.2 Options et arguments



Les **⟨donnees⟩** seront à préciser sous forme

```
<sommet1>/<proba1>/<position1>,<sommet2>/<proba2>/<position2>,...
```

avec comme « sens de lecture » de la gauche vers la droite puis du haut vers le bas (on balaye les *sous-arbres*), avec comme possibilités :

- `2.5.3` une donnée **⟨proba⟩** peut être laissée vide ou spécifiée avec des macros;
- une donnée **⟨position⟩** peut valoir **⟨above⟩** (au-dessus), **⟨below⟩** (en-dessous) ou être laissée **⟨vide⟩** (sur).



Quelques **⟨Clés⟩** (communes) pour les deux commandes :

- la clé **⟨Unite⟩** pour préciser l'unité de l'environnement TikZ; défaut **⟨1cm⟩**
- la clé **⟨EspaceNiveau⟩** pour l'espace (H) entre les étages; défaut **⟨3.25⟩**
- la clé **⟨EspaceFeuille⟩** pour l'espace (V) entre les feuilles; défaut **⟨1⟩**
- la clé **⟨Type⟩** pour le format, parmi **⟨2x2⟩** ou **⟨2x3⟩** ou **⟨3x2⟩** ou **⟨3x3⟩**; défaut **⟨2x2⟩**
- la clé **⟨Police⟩** pour la police des nœuds; défaut **⟨\normalfont\normalsize⟩**
- la clé **⟨PoliceProbas⟩** pour la police des probas; défaut **⟨\normalfont\small⟩**
- le booléen **⟨InclineProbas⟩** pour incliner les probas; défaut **⟨true⟩**
- le booléen **⟨Fleche⟩** pour afficher une flèche sur les branches; défaut **⟨false⟩**
- la clé **⟨StyleTrait⟩** pour les branches, en langage TikZ; défaut **⟨wide⟩**
- la clé **⟨EpaisseurTrait⟩** pour l'épaisseur des branches, en langage TikZ; défaut **⟨semithick⟩**



#### Code $\LaTeX$

```

\def\ArbreDeuxDeux{
  $A$/\num{0.5}/,
  $B$/\num{0.4}/,
  $\overline{B}$/\dots/,
  $\overline{A}$/\dots/,
  $B$/\dots/,
  $\overline{B}$/$\frac{1}{3}$/$
}

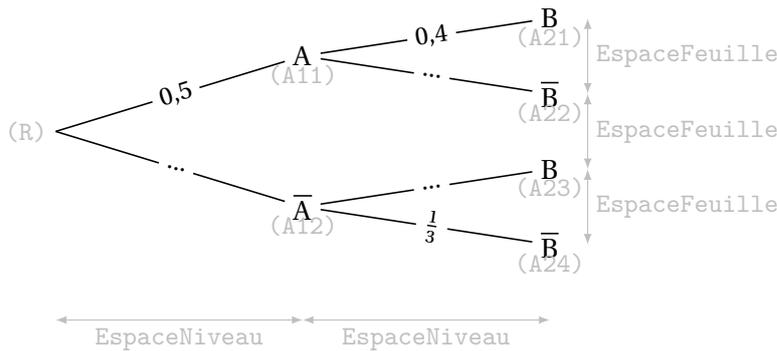
```

```
\ArbreProbasTikz{\ArbreDeuxDeux}
```

*%des éléments, en gris, ont été rajoutés pour illustrer certaines options*



#### Sortie $\LaTeX$



Les nœuds créés par les commandes sont :

- $\text{\LaTeX} R$  pour la racine;
- $\text{\LaTeX} A1x$  pour les nœuds du 1<sup>er</sup> niveau (de haut en bas);
- $\text{\LaTeX} A2x$  pour les nœuds du 2<sup>d</sup> niveau (de haut en bas).

### 39.3 Exemples complémentaires



#### Code $\LaTeX$

```

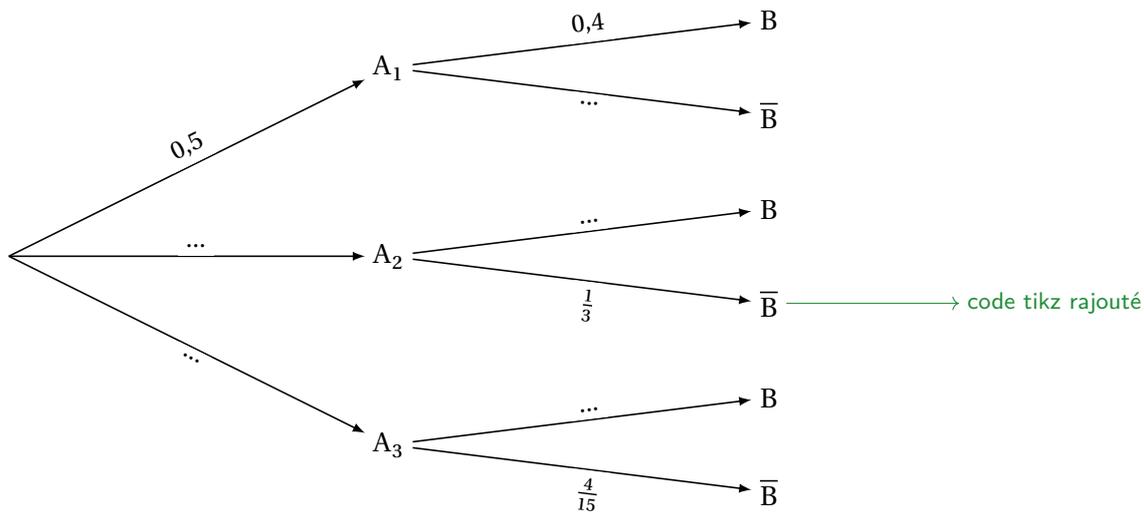
\def\ArbreTroisDeux{
  $A_1$/\num{0.5}/above,
  $B$/\num{0.4}/above,
  $\overline{B}$/\dots/below,
  $A_2$/\dots/above,
  $B$/\dots/above,
  $\overline{B}$/$\frac{1}{3}$/$below,
  $A_3$/\dots/below,
  $B$/\dots/above,
  $\overline{B}$/$\frac{4}{15}$/$below
}

\begin{EnvArbreProbasTikz}[Type=3x2,Fleche,EspaceNiveau=5,EspaceFeuille=1.25]%
  {\ArbreTroisDeux}
  \draw[CouleurVertForet,->] (A24)--($(A24)+(2.5,0)$) node[right,font=\sffamily] {code tikz
  rajouté} ;
\end{EnvArbreProbasTikz}

```



Sortie  $\LaTeX$



Code  $\LaTeX$

```

\def\ArbreDeuxTrois{
  $A$/\num{0.05}/above,
  $B_1$/\num{0.4}/above,$B_2$/\num{0.35}/,$B_3$/below,
  $\overline{A}$/\dots/below,
  $B_1$/\frac{2}{15}/above,$B_2$/\dots/,$B_3$/\frac{1}{3}/below
}
\ArbreProbasTikz[Type=2x3,InclineProbas=false,EspaceFeuille=1.15]{\ArbreDeuxTrois}

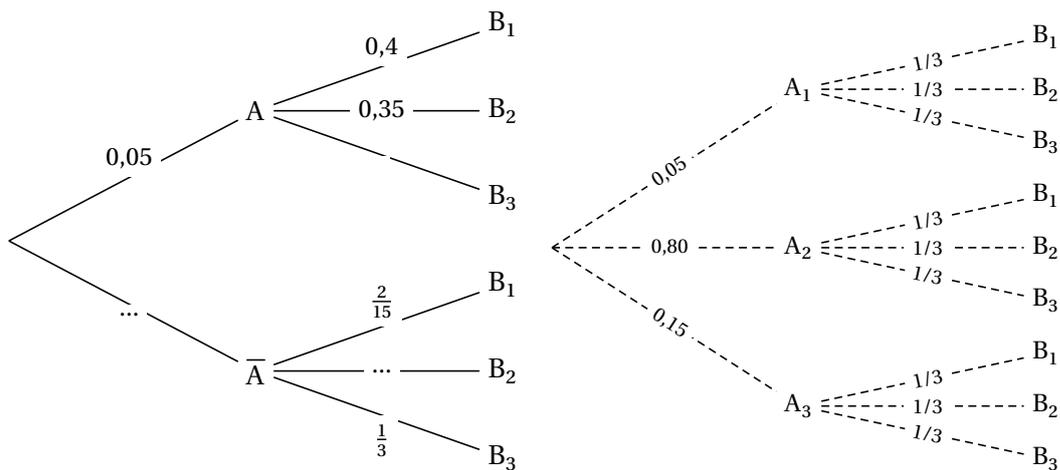
\def\ArbreTroisTrois{
  $A_1$/\num{0.05}/,$B_1$/\frac{1}{3}/,$B_2$/\frac{1}{3}/,$B_3$/\frac{1}{3}/,
  $A_2$/\num{0.80}/,$B_1$/\frac{1}{3}/,$B_2$/\frac{1}{3}/,$B_3$/\frac{1}{3}/,
  $A_3$/\num{0.15}/,$B_1$/\frac{1}{3}/,$B_2$/\frac{1}{3}/,$B_3$/\frac{1}{3}/
}

\ArbreProbasTikz[Type=3x3,StyleTrait={densely
dashed},EspaceFeuille=0.7,PoliceProbas=\scriptsize,Police=\small]{\ArbreTroisTrois}

```



Sortie  $\LaTeX$



## 40 Petits schémas pour des probabilités continues

### 40.1 Idée



L'idée est de proposer des commandes pour illustrer, sous forme de schémas en TikZ, des probabilités avec des lois continues (normales et exponentielles).

Ces « schémas » peuvent être insérés en tant que graphique explicatif, ou bien en tant que petite illustration rapide!



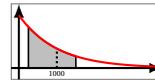
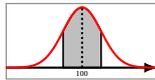
Code  $\LaTeX$

```
\LoiNormaleGraphe[options]<options tikz>\{m\}{s}\{a\}\{b\}
```

```
\LoiExpoGraphe[options]<options tikz>\{1\}\{a\}\{b\}
```



Sortie  $\LaTeX$



Les probabilités *illustrables* sont donc des probabilités Cumulées ( $P(a \leq X \leq b)$ ).

On peut utiliser  $\int_a^b$  comme borne ( $a$  ou  $b$ ), pour les probabilités du type  $P(X \leq b)$  et  $P(X \geq a)$ .

### 40.2 Commandes et options



Quelques **<Clés>** sont disponibles pour ces commandes :

- la clé **<CouleurAire>** pour l'aire sous la courbe; défaut **<LightGray>**
- la clé **<CouleurCourbe>** pour la courbe; défaut **<red>**
- la clé **<Largeur>** qui sera la largeur (en cm) du graphique; défaut **<2>**
- la clé **<Hauteur>** qui sera la hauteur (en cm) du graphique; défaut **<1>**
- un booléen **<AfficheM>** qui affiche la moyenne; défaut **<>true>**
- un booléen **<AfficheCadre>** qui affiche un cadre pour délimiter le schéma. défaut **<>true>**



Les commandes sont donc des environnements TikZ, sans possibilité de « rajouter » des éléments. Ces petits *schémas* sont donc vraiment dédiés à *montrer* rapidement une probabilité continue, sans fioriture.



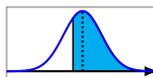
Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

Avec centrage vertical sur l'axe des abscisses :

```
\LoiNormaleGraphe  
[AfficheM=false,CouleurCourbe=blue,CouleurAire=cyan]<baseline=0pt>%  
{1000}\{100\}\{950\}\{*\}
```



Avec centrage vertical sur l'axe des abscisses :





Avec quelques modifications :

```
\LoiNormaleGraphe[Largeur=4,Hauteur=2]{150}{12.5}{122}{160}
```

```
\medskip
```

Avec centrage vertical :

```
\LoiNormaleGraphe[Largeur=5,Hauteur=2.5]<baseline=(current bounding
box.center)>{200}{5}{204}{*}
```

```
\medskip
```

Avec centrage vertical sur l'axe des abscisses :

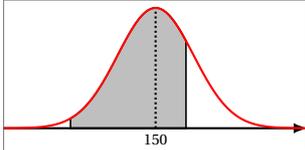
```
\LoiExpoGraphe
[AfficheM=false,CouleurCourbe=blue,CouleurAire=cyan]<baseline=Opt>{0.05}{*}{32}
```

```
\medskip
```

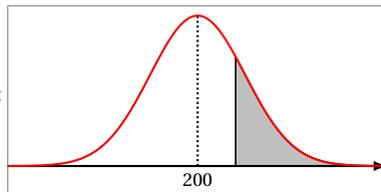
```
\LoiExpoGraphe[Largeur=4,Hauteur=2]{0.00025}{5000}{*}
```



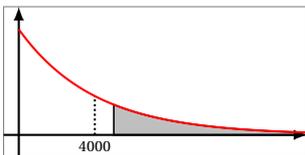
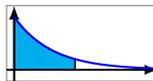
Avec quelques modifications :



Avec centrage vertical :



Avec centrage vertical sur l'axe des abscisses :



### 40.3 Remarques et compléments



Pour le moment, seules les lois (continues) exponentielles et normales sont disponibles, peut-être que d'autres lois seront ajoutées, mais il ne me semble pas très pertinent de proposer des schémas similaires pour des lois discrètes, qui ont des *représentations* assez variables...

# 41 Nombres aléatoires

## 41.1 Idée



**2.0.9** L'idée est de proposer des commandes pour générer des nombres aléatoires, pour exploitation ultérieure :

- un entier ou un nombre décimal;
- des nombres entiers, avec ou sans répétitions.



Pour chacune des commandes, le ou les résultats sont stockés dans une macro dont le nom est choisi par l'utilisateur.



### Code $\LaTeX$

```
%entier aléatoire entre a et b
\NbAlea{a}{b}{macro}

%nombre décimal (n chiffres après la virgule) aléatoire entre a et b+1 (exclus)
\NbAlea[n]{a}{b}{macro}

%création d'un nombre aléatoire sous forme d'une macro
\VarNbAlea{macro}{calculs}

%liste d'entiers aléatoires
\TirageAleatoireEntiers[options]{macro}
```



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```
%nombre aléatoire entre 1 et 50, stocké dans \PremierNbAlea
Entier entre 1 et 50 : \NbAlea{1}{50}{\PremierNbAlea}\PremierNbAlea \\
%nombre aléatoire créé à partir du 1er, stocké dans \DeuxiemeNbAlea
Entier à partir du précédent :
  \VarNbAlea{\DeuxiemeNbAlea}{\PremierNbAlea+randint(0,10)}\DeuxiemeNbAlea \\
%nombre aléatoire décimal (au millième) entre 0 et 10+1 (exclus), stocké dans \PremierDecAlea
Décimal entre 0 et $10,999\ldots$ : \NbAlea[3]{0}{10}{\PremierDecAlea}\PremierDecAlea \\
%liste de 6 nombres, sans répétitions, entre 1 et 50
Liste par défaut (6 entre 1 et 50) :
  \TirageAleatoireEntiers{\PremiereListeAlea}\PremiereListeAlea
```



Entier entre 1 et 50 : 49  
Entier à partir du précédent : 59  
Décimal entre 0 et 10,999... : 6.378  
Liste par défaut (6 entre 1 et 50) : 6,1,5,44,48,13



Les listes créées sont exploitables, *a posteriori*, par le package `listofitems` par exemple!



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```
Liste générée : \TirageAleatoireEntiers{\TestListeA}\TestListeA

Liste traitée : \readlist*\LISTEa{\TestListeA}\showitems{\LISTEa}
```



Liste générée : 11,6,12,26,48,38  
Liste traitée : 

11	6	12	26	48	38
----	---	----	----	----	----

## 41.2 Clés et options



Quelques clés sont disponibles pour la commande `\TirageAleatoireEntiers` :

- la clé `<ValMin>` pour préciser borne inférieure de l'intervalle; défaut `<1>`
- la clé `<ValMax>` pour préciser borne supérieure de l'intervalle; défaut `<50>`
- la clé `<NbVal>` qui est le nombre d'entiers à générer; défaut `<6>`
- la clé `<Sep>` pour spécifier le séparateur d'éléments; défaut `<,>`
- la clé `<Tri>` parmi `<non/croissant/décroissant>` pour trier les valeurs; défaut `<non>`
- le booléen `<Repetition>` pour autoriser la répétition d'éléments. défaut `<false>`



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
Une liste de 15 valeurs (différentes), entre 10 et 100, stockée dans la macro MaListeA : \\
Liste : \TirageAleatoireEntiers[ValMin=10,ValMax=100,NbVal=15]{\MaListeA}\MaListeA \\

Une liste de 12 valeurs (différentes), entre 1 et 50, ordre croissant : \\
Liste : \TirageAleatoireEntiers[ValMin=1,ValMax=50,NbVal=12,Tri=croissant]%
{\MaListeB}\MaListeB \\

Une liste de 12 valeurs (différentes), entre 1 et 50, ordre décroissant : \\
Liste : \TirageAleatoireEntiers[ValMin=1,ValMax=50,NbVal=12,Tri=décroissant]%
{\MaListeC}\MaListeC \\

15 tirages de dé à 6 faces : \\
\TirageAleatoireEntiers[ValMin=1,ValMax=6,NbVal=15,Repetition]{\TestDes}\TestDes
```



Une liste de 15 valeurs (différentes), entre 10 et 100, stockée dans la macro MaListeA :  
Liste : 64,15,47,99,34,96,55,56,94,33,54,95,57,89,44

Une liste de 12 valeurs (différentes), entre 1 et 50, ordre croissant :  
Liste : 2,6,7,13,22,24,25,27,29,32,33,41

Une liste de 12 valeurs (différentes), entre 1 et 50, ordre décroissant :  
Liste : 43,40,38,37,35,31,30,27,12,10,3,2

15 tirages de dé à 6 faces :  
5,6,2,5,2,5,2,5,2,1,3,6,3,3,6



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
Une liste (10) pour le Keno\textcopyright, ordonnée, et séparée par des \texttt{-} :

\TirageAleatoireEntiers[ValMin=1,ValMax=70,NbVal=10,Tri=croissant,Sep={-}]{\ListeKeno}
$\ListeKeno$

\setsepchar{-}\readlist*\KENO{\ListeKeno}\showitems{\KENO}
```



Une liste (10) pour le Keno©, ordonnée, et séparée par des - :

1 - 20 - 24 - 35 - 43 - 57 - 63 - 67 - 68 - 69  

1	20	24	35	43	57	63	67	68	69
---	----	----	----	----	----	----	----	----	----

## 42 Combinatoire

### 42.1 Idée



L'idée est de proposer une commande pour calculer un arrangement ou une combinaison, en utilisant les capacités de calcul du package `xint` (2.5.4).



Code  $\LaTeX$

```
\Arrangement(*) [option] {p}{n}
\Combinaison(*) [option] {p}{n}
\CalculAnp{p}{n} ou \CalculCnp{p}{n} dans un calcul via \xinteval{...}
```

### 42.2 Utilisation



Peu de paramétrage pour ces commandes qui permettent de calculer  $A_n^p$  et  $\binom{n}{p}$  :

- les versions étoilées ne formatent pas le résultat grâce à `\num` de `sinuitx`;
- le booléen `<Notation>` pour avoir la notation au début; défaut `<false>`
- le booléen `<NotationAncien>` pour avoir la notation « ancienne » des combinaisons au début; défaut `<false>`
- le booléen `<Formule>` permet de présenter la formule avant le résultat; défaut `<false>`
- le premier argument, *obligatoire*, est la valeur de  $p$ ;
- le second argument, *obligatoire*, est la valeur de  $n$ .



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

On a  $\$A_{20}^3=\backslash\text{Arrangement}\{3\}\{20\}\$$  en non formaté,  
et  $\backslash\text{Arrangement}[Notation]\{3\}\{20\}\$$  en formaté avec la notation au début.



On a  $A_{20}^3 = 6840$  en non formaté, et  $A_{20}^3 = 6840$  en formaté avec la notation au début.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

On a  $\backslash\text{displaystyle}\backslash\text{binom}\{20\}\{3\}=\backslash\text{Combinaison}\{3\}\{20\}\$$  en non formaté,~  
et  $\backslash\text{displaystyle}\backslash\text{Combinaison}[Notation]\{3\}\{20\}\$$  en formaté avec la notation au début.\  
Et  $\backslash\text{dbinom}\{20\}\{3\}+\backslash\text{dbinom}\{20\}\{4\} = \backslash\text{num}\{\backslash\text{xinteval}\{\backslash\text{CalculCnp}\{3\}\{20\}+\backslash\text{CalculCnp}\{4\}\{20\}\}\}\$$ .



On a  $\binom{20}{3} = 1140$  en non formaté, et  $\binom{20}{3} = 1140$  en formaté avec la notation au début.  
Et  $\binom{20}{3} + \binom{20}{4} = 5985$ .



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

On a  $\backslash\text{displaystyle}\backslash\text{Arrangement}[Notation,Formule]\{3\}\{20\}\$$ .



On a  $A_{20}^3 = \frac{20!}{17!} = 6840$ .



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

On a  $\backslash\text{displaystyle}\backslash\text{Combinaison}[NotationAncien,Formule]\{3\}\{20\}\$$ . *%ancienne notation FR*



On a  $C_{20}^3 = \frac{20!}{3! \times 17!} = 1140$ .

## 43 Fonction de répartition

### 43.1 Idée



**2.7.0** L'idée est de proposer une commande (en accord avec les commandes de repérage, page 36) pour tracer la représentation graphique d'une fonction de répartition discrète.



Code  $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}[paramètres de la fenêtre]
  %commandes pour al fenêtre graphique
  \FonctionRepartTikz[clés]{liste des probas,borneinf,bornesup}
\end{tikzpicture}
```

### 43.2 Utilisation



Le premier argument, optionnel et entre  $\LaTeX$  [...] propose les clés suivantes :

- la clé **Couleur** pour la couleur du tracé; défaut **red**
- la clé **Epaisseur** pour gérer l'épaisseur des tracés (en raccourci TikZ); défaut **thick**
- le booléen **Pointilles** pour afficher les pointillés horizontaux; défaut **true**
- la clé **Extremite** parmi **crochet/point** pour gérer les extrémités des segments. défaut **crochet**

L'argument obligatoire et entre  $\LaTeX$  {...} permet de spécifier la liste des probas-intervalles :

- avec  $\LaTeX$  \* pour remplacer  $\infty$ ;
- sous la forme  $\LaTeX$  proba,borneinf,bornesup / proba,borneinf,bornesup / ...

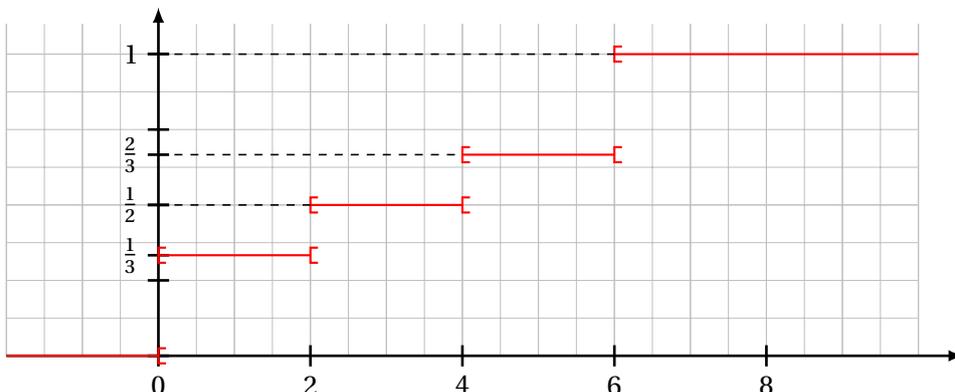


Le code *remplace*  $\LaTeX$  \* par les valeurs stockées dans  $\LaTeX$  \xmin ou  $\LaTeX$  \xmax, d'où l'intérêt d'utiliser la commande en partenariat des commandes de repérage de  $\LaTeX$  Proflycee.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

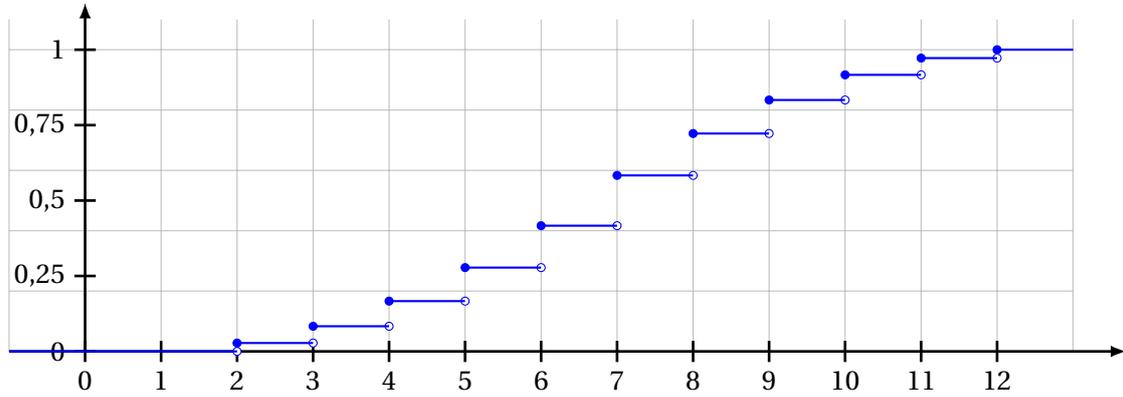
```
\begin{tikzpicture}[y=4cm,xmin=-2,xmax=10,ymin=0,ymax=1.1,
  xgrille=1,xgrilles=0.5,ygrille=0.5,ygrilles=0.125]
  \GrilleTikz %grille
  \AxesTikz %axes
  \AxexTikz{0,2,4,6,8} %graduations de (Ox)
  \AxeYtikz[AffGrad=false]{0,0.25,...,1} %graduations de (Oy) sans valeurs
  \AxeYtikz[Frac]{1/3,1/2,2/3,1} %valeurs des probas, en fraction
  %les probas étant données en fraction, on protège par des {...}
  \FonctionRepartTikz{0,*,0 / {1/3},0,2 / {1/2},2,4 / {2/3},4,6 / 1,6,*}
\end{tikzpicture}
```





### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```
\begin{tikzpicture}[y=4cm,xmin=-1,xmax=13,ymin=0,ymax=1.1,
  xgrille=1,xgrilles=0.5,ygrille=0.2,ygrilles=0.125]
  \GrilleTikz[Affs=false]
  \AxesTikz
  \AxeYtikz{0,0.25,...,1}
  \AxeXTikz{0,1,...,12}
  \FonctionRepartTikz[Extremite=point,Couleur=blue,Pointilles=false]%
    {0,*,2 / {1/36},2,3 / {3/36},3,4 / {6/36},4,5 / {10/36},5,6 / {15/36},6,7 /
    {21/36},7,8 / {26/36},8,9 / {30/36},9,10 / {33/36},10,11 / {35/36},11,12 / 1,12,*}
\end{tikzpicture}
```



Thème

# OUTILS POUR L'ARITHMÉTIQUE

## Onzième partie

# Outils pour l'arithmétique

## 44 Conversions binaire/hexadécimal/décimal

### 44.1 Idée



L'idée est de *compléter* les possibilités offertes par le package `xintbinhex`, en mettant en forme quelques conversions :

- décimal en binaire avec blocs de 4 chiffres en sortie;
- conversion binaire ou hexadécimal en décimal avec écriture polynomiale.



Le package `xintbinhex` est la base de ces macros, puisqu'il permet de faire des conversions directes! Les macros présentées ici ne font que les intégrer dans un environnement adapté à une correction ou une présentation!



Code  $\LaTeX$

```
\xintDecToHex{100}
\xintDecToBin{51}
\xintHexToDec{A4C}
\xintBinToDec{110011}
\xintBinToHex{11111111}
\xintHexToBin{ACDC}
\xintCHexToBin{3F}
```



Sortie  $\LaTeX$

```
64
110011
2636
51
FF
1010110011011100
00111111
```

### 44.2 Conversion décimal vers binaire



Code  $\LaTeX$

```
\ConversionDecBin(*) [clés]{nombre}
```



Concernant la commande en elle-même, peu de paramétrage :

- la version *étoilée* qui permet de ne pas afficher de zéros avant pour « compléter »;
- le booléen `<AffBase>` qui permet d'afficher ou non la base des nombres; défaut `<true>`;
- l'argument, *obligatoire*, est le nombre entier à convertir.

Le formatage est géré par `sinuitx`, le mieux est donc de positionner la commande dans un environnement mathématique.

Les nombres écrits en binaire sont, par défaut, présentés en bloc(s) de 4 chiffres.



#### Code $\LaTeX$

```
% Conversion avec affichage de la base et par bloc de 4
 $\backslash\text{ConversionDecBin}\{415\}$ 
% Conversion avec affichage de la base et sans forcément des blocs de 4
 $\backslash\text{ConversionDecBin}*\{415\}$ 
% Conversion sans affichage de la base et par bloc de 4
 $\backslash\text{ConversionDecBin}[\text{AffBase=false}]\{415\}$ 
% Conversion sans affichage de la base et sans forcément des blocs de 4
 $\backslash\text{ConversionDecBin}*\text{[AffBase=false]}\{415\}$ 
```



#### Sortie $\LaTeX$

```
41510 = 0001 1001 11112
41510 = 1 1001 11112
415 = 0001 1001 1111
415 = 1 1001 1111
```

### 44.3 Conversion binaire vers hexadécimal



L'idée est ici de présenter la conversion, grâce à la conversion « directe » par blocs de 4 chiffres :

- la macro rajoute éventuellement les zéros pour compléter;
- elle découpe par blocs de 4 chiffres binaires;
- elle présente la conversion de chacun des blocs de 4 chiffres binaires;
- elle affiche la conversion en binaire.



#### Code $\LaTeX$

```
 $\backslash\text{ConversionBinHex}[\text{clés}]\{\text{nombre}\}$ 
```



Quelques **clés** sont disponibles pour cette commande :

- le booléen **AffBase** qui permet d'afficher ou non la base des nombres; défaut **true**
- le booléen **Details** qui permet d'afficher ou le détail par bloc de 4. défaut **true**

Le formatage est géré par le package `sinuitx`, le mieux est de positionner la commande dans un environnement mathématique.



#### Code $\LaTeX$

```
%conversion avec détails et affichage de la base
 $\backslash\text{ConversionBinHex}\{110011111\}$ 
%conversion sans détails et affichage de la base
 $\backslash\text{ConversionBinHex}[\text{Details=false}]\{110011111\}$ 
%conversion sans détails et sans affichage de la base
 $\backslash\text{ConversionBinHex}[\text{AffBase=false,Details=false}]\{110011111\}$ 
```



#### Sortie $\LaTeX$

```
1 1001 11112 = 0001 1001 1111 =  $\frac{0001}{1} \frac{1001}{9} \frac{1111}{F}$  = 19F16
1 1001 11112 = 19F16
1 1001 1111 = 19F
```

## 44.4 Conversion binaire ou hexadécimal en décimal



L'idée est ici de présenter la conversion, grâce à l'écriture polynômiale :

- écrit la somme des puissances;
- convertir si besoin les *chiffres* hexadécimal;
- peut ne pas afficher les monômes de coefficient 0.



</> Code  $\LaTeX$

```
\ConversionVersDec[clés]{nombre}
```



Quelques **<clés>** sont disponibles pour cette commande :

- la clé **<BaseDep>** qui est la base de départ (2 ou 16!); défaut **<2>**
- le booléen **<AffBase>** qui permet d'afficher ou non la base des nombres; défaut **<true>**
- le booléen **<Details>** qui permet d'afficher ou le détail par bloc de 4; défaut **<true>**
- le booléen **<Zeros>** qui affiche les chiffres 0 dans la somme. défaut **<true>**

Le formatage est toujours géré par le package `sinuitx`, le mieux est de positionner la commande dans un environnement mathématique.



</> Code  $\LaTeX$

```
%conversion 16->10 avec détails et affichage de la base et zéros
 $\ConversionVersDec[BaseDep=16]{19F}$ $
%conversion 2->10 avec détails et affichage de la base et zéros
 $\ConversionVersDec{110011}$ $
%conversion 2->10 avec détails et affichage de la base et sans zéros
 $\ConversionVersDec[Zeros=false]{110011}$ $
%conversion 16->10 sans détails et affichage de la base et avec zéros
 $\ConversionVersDec[BaseDep=16,Details=false]{AC0DC}$ $
%conversion 16->10 avec détails et sans affichage de la base et sans zéros
 $\ConversionVersDec[Eeros=false,Basedep=16]{AC0DC}$ $
```



Sortie  $\LaTeX$

```
19F16 = 1 × 162 + 9 × 161 + 15 × 160 = 41510
1100112 = 1 × 25 + 1 × 24 + 0 × 23 + 0 × 22 + 1 × 21 + 1 × 20 = 5110
1100112 = 1 × 25 + 1 × 24 + 1 × 21 + 1 × 20 = 5110
AC0DC16 = 70473210
AC0DC16 = 10 × 164 + 12 × 163 + 13 × 161 + 12 × 160 = 70473210
```

## 45 Conversion « présentée » d'un nombre en base décimale

### 45.1 Idée



L'idée est de proposer une « présentation » par divisions euclidiennes pour la conversion d'un entier donné en base 10 dans une base quelconque.

Les commandes de la section précédente donne *juste* les résultats, dans cette section il y a en plus la présentation de la conversion.

La commande utilise – par défaut – du code TikZ en mode `\tikzstyle{every picture}+=[remember picture]`, donc on pourra déclarer – si ce n'est pas fait – dans le préambule, la commande qui suit.



</> Code  $\LaTeX$

```
...
\tikzstyle{every picture}+=[remember picture]
...
```

### 45.2 Code et clés



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
%conversion basique
\ConversionDepuisBaseDix{78}{2}
```



$$\left\{ \begin{array}{l} 78 = 2 \times 39 + 0 \\ 39 = 2 \times 19 + 1 \\ 19 = 2 \times 9 + 1 \\ 9 = 2 \times 4 + 1 \\ 4 = 2 \times 2 + 0 \\ 2 = 2 \times 1 + 0 \\ 1 = 2 \times 0 + 1 \end{array} \right. \Rightarrow 78_{10} = 1001110_2$$



La « tableau », qui est géré par `\array` est inséré dans un `\ensuremath`, donc les `\$...$` ne sont pas utiles.



</> Code  $\LaTeX$

```
\ConversionDepuisBaseDix[options]{nombre en base 10}{base d'arrivée}
```



Quelques options pour cette commande :

- la clé `\Couleur` pour la couleur du « rectangle » des restes; défaut `\red`
- la clé `\DecalH` pour gérer le décalage H du « rectangle », qui peut être donné soit sous la forme `\Esp` ou soit sous la forme `\espgauche/espdroite`; défaut `\2pt`
- la clé `\DecalV` pour le décalage vertical du « rectangle »; défaut `\3pt`
- la clé `\Noeud` pour le préfixe du nœud du premier et du dernier reste (pour utilisation en TikZ); défaut `\EEE`
- le booléen `\Rect` pour afficher ou non le « rectangle » des restes; défaut `\true`
- le booléen `\CouleurRes` pour afficher ou non la conversion en couleur (identique au rectangle). défaut `\false`



### </> Code L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X

```

%conversion avec changement de couleur
\ConversionDepuisBaseDix[Couleur=blue]{45}{2}

%conversion sans le rectangle
Par divisions euclidiennes successives, \ConversionDepuisBaseDix[Rect=false]{54}{3}.

%conversion avec gestion du decalh pour le placement précis du rectangle
\ConversionDepuisBaseDix[Couleur=brown,DecalH=6pt/2pt]{1012}{16}

%conversion avec noeud personnalisé et réutilisation
\ConversionDepuisBaseDix[Couleur=CouleurVertForet,CouleurRes,Noeud=TEST]{100}{9}.
\begin{tikzpicture}
  \draw[overlay,CouleurVertForet,thick,->] (TEST2.south east) to[bend right] ++ (3cm,-1cm)
  node[right] {test } ;
\end{tikzpicture}

```



### Sortie L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X

$$\left\{ \begin{array}{l} 45 = 2 \times 22 + 1 \\ 22 = 2 \times 11 + 0 \\ 11 = 2 \times 5 + 1 \\ 5 = 2 \times 2 + 1 \\ 2 = 2 \times 1 + 0 \\ 1 = 2 \times 0 + 1 \end{array} \right. \Rightarrow 45_{10} = 101101_2$$

Par divisions euclidiennes successives,  $\left\{ \begin{array}{l} 54 = 3 \times 18 + 0 \\ 18 = 3 \times 6 + 0 \\ 6 = 3 \times 2 + 0 \\ 2 = 3 \times 0 + 2 \end{array} \right. \Rightarrow 54_{10} = 2000_3.$

$$\left\{ \begin{array}{l} 1012 = 16 \times 63 + 4 \\ 63 = 16 \times 3 + 15 \\ 3 = 16 \times 0 + 3 \end{array} \right. \Rightarrow 1012_{10} = 3F4_{16}$$

On obtient donc  $\left\{ \begin{array}{l} 100 = 9 \times 11 + 1 \\ 11 = 9 \times 1 + 2 \\ 1 = 9 \times 0 + 1 \end{array} \right. \Rightarrow 100_{10} = 121_9.$

→ test

## 46 Algorithme d'Euclide pour le PGCD

### 46.1 Idée



L'idée est de proposer une « présentation » de l'algorithme d'Euclide pour le calcul du PGCD de deux entiers.

Le package `\xintgcd` permet déjà de le faire, il s'agit ici de travailler sur la *mise en forme*.



Code  $\LaTeX$

```
\PresentationPGCD[options]{a}{b}
```



Code  $\LaTeX$

```
\tikzstyle{every picture}+=[remember picture]  
...  
\PresentationPGCD{150}{27}
```



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\PresentationPGCD{150}{27}
```



$$\left\{ \begin{array}{l} 150 = 27 \times 5 + 15 \\ 27 = 15 \times 1 + 12 \\ 15 = 12 \times 1 + \textcircled{3} \\ 12 = 3 \times 4 + 0 \end{array} \right. \Rightarrow \text{PGCD}(150;27) = 3$$



La mise en valeur du dernier reste non nul est géré par du code TikZ, en mode `\overlay`, donc il faut bien penser à déclarer dans le préambule : `\tikzstyle{every picture}+=[remember picture]`

### 46.2 Options et clés



Quelques options disponibles pour cette commande :

- la clé `\Couleur` qui correspond à la couleur pour la mise en valeur; défaut `\red`
- la clé `\DecalRect` qui correspond à l'écartement du rectangle de mise en valeur; défaut `\2pt`
- le booléen `\Rectangle` qui gère l'affichage ou non du rectangle de mise en valeur; défaut `\true`
- la clé `\Noeud` qui gère le préfixe du nom du nœud TikZ du rectangle (pour exploitation ultérieure); défaut `\FFF`
- le booléen `\CouleurResultat` pour mettre ou non en couleur de PGCD; défaut `\false`
- le booléen `\AfficheConclusion` pour afficher ou non la conclusion; défaut `\true`
- le booléen `\AfficheDelimitateurs` pour afficher ou non les délimiteurs (accolade gauche et trait droit); défaut `\true`

Le rectangle de mise en valeur est donc un nœud TikZ qui sera nommé, par défaut `\FFF1`.

La présentation est dans un environnement `\ensuremath` donc les `\$...\$` ne sont pas indispensables.



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```
\PresentationPGCD[CouleurResultat]{150}{27}
```



$$\left\{ \begin{array}{l} 150 = 27 \times 5 + 15 \\ 27 = 15 \times 1 + 12 \\ 15 = 12 \times 1 + 3 \\ 12 = 3 \times 4 + 0 \end{array} \right. \Rightarrow \text{PGCD}(150;27) = 3$$



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```
\PresentationPGCD[CouleurResultat,Couleur=CouleurVertForet]{1250}{450}.
```

```
\PresentationPGCD[CouleurResultat,Couleur=blue]{13500}{2500}.
```

```
\PresentationPGCD[Rectangle=false]{420}{540}. \\\
```

D'après l'algorithme d'Euclide, on a  $\left[$

```
\PresentationPGCD[Couleur=lime,AfficheConclusion=false, AfficheDelimitateurs=false]%
{123456789}{9876} \right].$
```

```
\begin{tikzpicture}
```

```
\draw[overlay,lime,thick,<-] (FFF1.east) to[bend right] ++ (1cm,0.75cm) node[right]
{dernier reste non nul} ;
```

```
\end{tikzpicture}
```



$$\left\{ \begin{array}{l} 1250 = 450 \times 2 + 350 \\ 450 = 350 \times 1 + 100 \\ 350 = 100 \times 3 + 50 \\ 100 = 50 \times 2 + 0 \end{array} \right. \Rightarrow \text{PGCD}(1250;450) = 50.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 13500 = 2500 \times 5 + 1000 \\ 2500 = 1000 \times 2 + 500 \\ 1000 = 500 \times 2 + 0 \end{array} \right. \Rightarrow \text{PGCD}(13500;2500) = 500.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 420 = 540 \times 0 + 420 \\ 540 = 420 \times 1 + 120 \\ 420 = 120 \times 3 + 60 \\ 120 = 60 \times 2 + 0 \end{array} \right. \Rightarrow \text{PGCD}(420;540) = 60.$$

D'après l'algorithme d'Euclide, on a

$$\begin{array}{r|l} 123456789 = 9876 \times 12500 + 6789 \\ 9876 = 6789 \times 1 + 3087 \\ 6789 = 3087 \times 2 + 615 \\ 3087 = 615 \times 5 + 12 \\ 615 = 12 \times 51 + 3 \\ 12 = 3 \times 4 + 0 \end{array}$$

dernier reste non nul

## 46.3 Compléments



La présentation des divisions euclidiennes est gérée par un tableau du type `\array`, avec alignement vertical de symboles `=` et `+`.

Par défaut, les délimiteurs choisis sont donc l'accolade gauche et le trait droit, mais la clé booléenne `\AfficheDelimitateurs=false` permet de choisir des délimiteurs différents.



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```
$$\left[ \PresentationPGCD[AfficheConclusion=false,AfficheDelimitateurs=false]{1234}{5} \right]$$
```



$$\left[ \begin{array}{l} 1234 = 5 \times 246 + 4 \\ 5 = 4 \times 1 + 1 \\ 4 = 1 \times 4 + 0 \end{array} \right]$$

## 47 Résolution d'une équation diophantienne

### 47.1 Idée



L'idée est de proposer une résolution d'équation diophantienne du type  $ax + by = c$  avec  $(a; b; c) \in \mathbb{Z}^3$ .  
Le *code* se charge de tester les différentes conditions d'existence, et d'adapter la rédaction (fixée et non modifiable...) aux différentes situations :

- cas où  $\text{PGCD}(a; b) = 1$ ; existence de solutions
- cas où  $\text{PGCD}(a; b) \neq 1$  et  $\text{PGCD}(a; b) \mid c$ ; existence de solutions
- cas où  $\text{PGCD}(a; b) \neq 1$  et  $\text{PGCD}(a; b) \nmid c$ . pas de solution



Logiquement le *code* se charge de *parenthéser* de manière automatique pour les nombres négatifs, mais il se peut que certains cas particuliers puissent donner des résultats « non esthétiques »...



Code  $\LaTeX$

```
\EquationDiophantienne[Clés]{equation}
```

### 47.2 Options et clés



Concernant les Clés disponibles pour cette commande, à donner entre `[...]` :

- la clé `<Lettre>` pour spécifier le *nom* de l'équation; défaut `<E>`
- la clé `<Inconnues>` qui paramètre les noms des inconnues, sous la forme `<x/y>`; défaut `<x/y>`
- la clé `<Entier>` qui gère le nom de l'entier dans la solution; défaut `<k>`
- le booléen `<Cadres>` pour mettre en valeur les solutions; défaut `<false>`
- le booléen `<PresPGCD>` présenter le calcul du PGCD de  $|a|$  et de  $|b|$ . défaut `<true>`

L'argument obligatoire, et entre `{...}` est quant à lui l'équation, en langage « naturel » du type `ax+by=c` (le *code* se charge d'extraire les coefficients, donc pas besoin des signes \*).



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\EquationDiophantienne{48x+18y=3}
```



On cherche à résoudre l'équation diophantienne :

$$48x + 18y = 3 \quad (\text{E})$$

D'après l'algorithme d'Euclide :  $\begin{cases} 48 = 18 \times 2 + 12 \\ 18 = 12 \times 1 + 6 \\ 12 = 6 \times 2 + 0 \end{cases} \Rightarrow \text{PGCD}(48; 18) = 6.$

Le PGCD de 48 et 18 ne divise pas 3, donc l'équation (E) n'admet aucune solution.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\EquationDiophantienne[PresPGCD=false]{48x+18y=-5}
```



On cherche à résoudre l'équation diophantienne :

$$48x + 18y = -5 \quad (\text{E})$$

Le PGCD de 48 et de 18 vaut 6.

Le PGCD de 48 et 18 ne divise pas  $-5$ , donc l'équation (E) n'admet aucune solution.

 $\backslash\text{EquationDiophantienne}\{3x+4y=1\}$ 

On cherche à résoudre l'équation diophantienne :

$$3x + 4y = 1 \quad (\text{E})$$

D'après l'algorithme d'Euclide :  $\left\{ \begin{array}{l} 3 = 4 \times 0 + 3 \\ 4 = 3 \times 1 + 1 \\ 3 = 1 \times 3 + 0 \end{array} \right. \Rightarrow \text{PGCD}(3; 4) = 1.$

Les entiers 3 et 4 sont premiers entre eux, donc l'équation (E) admet une infinité de solutions.

On détermine une solution particulière de (E) :

$$3 \times (-1) + 4 \times 1 = 1 \quad (\text{E}_0)$$

Par soustraction :

$$\begin{array}{r} 3 \times x + 4 \times y = 1 \\ - 3 \times (-1) + 4 \times 1 = 1 \\ \hline 3 \times (x+1) + 4 \times (y-1) = 0 \end{array}$$

On en déduit que  $3 \times \underbrace{(x+1)}_{\text{entier}} = -4 \times (y-1)$ , et donc que  $3 \mid -4 \times (y-1)$ .

Or 3 et 4 sont premiers entre eux, donc d'après le théorème de Gauss, on a  $3 \mid y-1$ .

Il existe donc un entier  $k$  tel que  $y-1 = 3 \times k$ , ce qui donne  $y = 1 + 3k$ .

En remplaçant, on obtient :

$$\begin{aligned} 3 \times (x+1) = -4 \times (y-1) &\implies 3 \times (x+1) = -4 \times \underbrace{(1+3k-1)}_y \\ &\implies 3 \times (x+1) = -4 \times (3k) \\ &\implies x+1 = -4k \\ &\implies x = -1 - 4k \end{aligned}$$

Ainsi, si  $x$  et  $y$  sont solutions de (E), alors il existe un entier  $k$  tel que  $x = -1 - 4k$  et  $y = 1 + 3k$ .

Réciproquement, soit  $k$  un entier quelconque :

$$\begin{aligned} 3 \times (-1 - 4k) + 4 \times (1 + 3k) &= 3 \times (-1) + \cancel{3 \times (-4)k} + 4 \times 1 + \cancel{4 \times 3k} \\ &= \underbrace{3 \times (-1) + 4 \times 1}_{=1 \text{ d'après } (E_0)} \\ &= 1 \end{aligned}$$

On en déduit que  $(-1 - 4k; 1 + 3k)$  est solution de (E).

En conclusion, les solutions de (E) sont donc les couples  $(-1 - 4k; 1 + 3k)$ , avec  $k$  un entier relatif.



```
\EquationDiophantienne[Cadres,Inconnues=u/v,Entier=1]{48u+18v=12}
```



On cherche à résoudre l'équation diophantienne :

$$48u + 18v = 12$$

D'après l'algorithme d'Euclide :  $\begin{cases} 48 = 18 \times 2 + 12 \\ 18 = 12 \times 1 + 6 \\ 12 = 6 \times 2 + 0 \end{cases} \Rightarrow \text{PGCD}(48; 18) = 6.$

Le PGCD de 48 et 18 divise 12, donc on peut simplifier l'équation diophantienne par 6.

$$48u + 18v = 12 \xrightarrow{\div 6} 8u + 3v = 2 \quad (\text{E})$$

Les entiers 8 et 3 sont premiers entre eux, donc l'équation (E) admet une infinité de solutions.

On détermine une solution particulière de (E) :

$$8 \times (-1) + 3 \times 3 = 1 \xrightarrow{\times 2} 8 \times (-2) + 3 \times 6 = 2 \quad (\text{E}_0)$$

Par soustraction :

$$\begin{array}{r} 8 \times u + 3 \times v = 2 \\ - 8 \times (-2) + 3 \times 6 = 2 \\ \hline 8 \times (u+2) + 3 \times (v-6) = 0 \end{array}$$

On en déduit que  $8 \times \underbrace{(u+2)}_{\text{entier}} = -3 \times (v-6)$ , et donc que  $8 \mid -3 \times (v-6)$ .

Or 8 et 3 sont premiers entre eux, donc d'après le théorème de Gauss, on a  $8 \mid v-6$ .

Il existe donc un entier  $l$  tel que  $v-6 = 8 \times l$ , ce qui donne  $\boxed{v = 6 + 8l}$ .

En remplaçant, on obtient :

$$\begin{aligned} 8 \times (u+2) = -3 \times (v-6) &\Rightarrow 8 \times (u+2) = -3 \times (\underbrace{6+8l}_v - 6) \\ &\Rightarrow 8 \times (u+2) = -3 \times (8l) \\ &\Rightarrow u+2 = -3l \\ &\Rightarrow \boxed{u = -2 - 3l} \end{aligned}$$

Ainsi, si  $u$  et  $v$  sont solutions de (E), alors il existe un entier  $l$  tel que  $u = -2 - 3l$  et  $v = 6 + 8l$ .

Réciproquement, soit  $l$  un entier quelconque :

$$\begin{aligned} 8 \times (-2 - 3l) + 3 \times (6 + 8l) &= 8 \times (-2) + \cancel{8 \times (-3)l} + 3 \times 6 + \cancel{3 \times 8l} \\ &= \underbrace{8 \times (-2) + 3 \times 6}_{= 2 \text{ d'après } (\text{E}_0)} \\ &= 2 \end{aligned}$$

On en déduit que  $(-2 - 3l; 6 + 8l)$  est solution de (E).

En conclusion, les solutions de (E) sont donc les couples  $(-2 - 3l; 6 + 8l)$ , avec  $l$  un entier relatif.

 $\backslash\text{EquationDiophantienne}\{47x-18y=1\}$ 

On cherche à résoudre l'équation diophantienne :

$$47x + (-18)y = 1 \quad (\text{E})$$

D'après l'algorithme d'Euclide :

$$\left\{ \begin{array}{l} 47 = 18 \times 2 + 11 \\ 18 = 11 \times 1 + 7 \\ 11 = 7 \times 1 + 4 \\ 7 = 4 \times 1 + 3 \\ 4 = 3 \times 1 + 1 \\ 3 = 1 \times 3 + 0 \end{array} \right. \Rightarrow \text{PGCD}(47; 18) = 1.$$

Les entiers 47 et 18 sont premiers entre eux, donc l'équation (E) admet une infinité de solutions.  
On détermine une solution particulière de (E) :

$$47 \times 5 + (-18) \times 13 = 1 \quad (\text{E}_0)$$

Par soustraction :

$$\begin{array}{r} 47 \times x + (-18) \times y = 1 \\ - 47 \times 5 + (-18) \times 13 = 1 \\ \hline 47 \times (x-5) + (-18) \times (y-13) = 0 \end{array}$$

On en déduit que  $47 \times \underbrace{(x-5)}_{\text{entier}} = 18 \times (y-13)$ , et donc que  $47 \mid 18 \times (y-13)$ .

Or 47 et 18 sont premiers entre eux, donc d'après le théorème de Gauss, on a  $47 \mid y-13$ .

Il existe donc un entier  $k$  tel que  $y-13 = 47 \times k$ , ce qui donne  $y = 13 + 47k$ .

En remplaçant, on obtient :

$$\begin{aligned} 47 \times (x-5) &= 18 \times (y-13) \implies 47 \times (x-5) = 18 \times (\underbrace{13+47k}_y - 13) \\ &\implies 47 \times (x-5) = 18 \times (47k) \\ &\implies x-5 = 18k \\ &\implies x = 5 + 18k \end{aligned}$$

Ainsi, si  $x$  et  $y$  sont solutions de (E), alors il existe un entier  $k$  tel que  $x = 5 + 18k$  et  $y = 13 + 47k$ .

Réciproquement, soit  $k$  un entier quelconque :

$$\begin{aligned} 47 \times (5 + 18k) + (-18) \times (13 + 47k) &= 47 \times 5 + \cancel{47 \times 18k} + (-18) \times 13 + \cancel{(-18) \times 47k} \\ &= \underbrace{47 \times 5 + (-18) \times 13}_{= 1 \text{ d'après } (E_0)} \\ &= 1 \end{aligned}$$

On en déduit que  $(5 + 18k; 13 + 47k)$  est solution de (E).

En conclusion, les solutions de (E) sont donc les couples  $(5 + 18k; 13 + 47k)$ , avec  $k$  un entier relatif.

Thème

# ÉCRITURES, SIMPLIFICATIONS

## Douzième partie

# Écritures, simplifications

## 48 Simplification sous forme d'une fractions

### 48.1 Idée



L'idée est d'obtenir une commande pour *simplifier* un calcul sous forme de fraction irréductible.



Code  $\LaTeX$

```
\ConversionFraction(*)[option de formatage]{calcul}
```

### 48.2 Commande et options



Quelques explications sur cette commande :

- `2.5.1` la version *étoilée* force l'écriture du signe « - » sur le numérateur;
- le premier argument, *optionnel* et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
  - `<t>` pour l'affichage de la fraction en mode tfrac;
  - `<d>` pour l'affichage de la fraction en mode dfrac;
  - `<n>` pour l'affichage de la fraction en mode nicefrac;
  - `<dec>` pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!);
  - `<dec=k>` pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à  $10^{-k}$ ;
- le second argument, *obligatoire*, est quant à lui, le calcul en syntaxe xint.

À noter que la macro est dans un bloc `\ensuremath` donc les `$. . . $` ne sont pas nécessaires.



Code  $\LaTeX$

```
\ConversionFraction{-10+1/3*(-5/16)}           %sortie par défaut
\ConversionFraction*{-10+1/3*(-5/16)}         %sortie fraction avec - sur numérateur
\ConversionFraction[d]{-10+1/3*(-5/16)}       %sortie en displaystyle
\ConversionFraction[n]{-10+1/3*(-5/16)}       %sortie en nicefrac
\ConversionFraction[dec=4]{-10+1/3*(-5/16)}   %sortie en décimal arrondi à 0,0001
\ConversionFraction{2+91/7}                   %entier formaté
\ConversionFraction{111/2145}
\ConversionFraction{111/3}
```



Sortie  $\LaTeX$

```
- 485
 48
-485
 48
- 485
 48
-485/48
-10,1042
15
 37
 715
37
```



### Code $\LaTeX$ et sortie $\LaTeX$

```

 $\frac{111}{2145}=\ConversionFraction{111/2145}$ \\
 $\frac{3}{15}=\ConversionFraction[]{3/15}$ \\
 $\tfrac{3}{15}=\ConversionFraction[t]{3/15}$ \\
 $\dfrac{3}{15}=\ConversionFraction[d]{3/15}$ \\
 $\dfrac{0,42}{0,015}=\ConversionFraction[d]{0.42/0.015}$ \\
 $\dfrac{0,41}{0,015}=\ConversionFraction[d]{0.41/0.015}$ \\
 $\dfrac{1}{7}-\dfrac{3}{8}=\ConversionFraction[d]{1/7-3/8}$ \\
 $\ConversionFraction[d]{1+1/2}$ \\
 $\ConversionFraction{0.1/0.7+30/80}$$$$$$$$$$ 
```



$$\frac{111}{2145} = \frac{37}{715}$$

$$\frac{3}{15} = \frac{1}{5}$$

$$\frac{3}{15} = \frac{1}{5}$$

$$\frac{3}{15} = \frac{1}{5}$$

$$\frac{0,42}{0,015} = 28$$

$$\frac{0,41}{0,015} = \frac{82}{3}$$

$$\frac{1}{7} - \frac{3}{8} = -\frac{13}{56}$$

$$\frac{3}{2}$$

$$\frac{29}{56}$$

$$\frac{29}{56}$$



A priori le package `xint` permet de s'en sortir pour des calculs « simples », je ne garantis pas que tout calcul ou toute division donne un résultat *satisfaisant* !

## 49 Écriture d'un trinôme, trinôme aléatoire

### 49.1 Idée



L'idée est de proposer une commande pour écrire, sous forme développée réduite, un trinôme en fonction de ses coefficients  $a$ ,  $b$  et  $c$  (avec  $a \neq 0$ ), avec la gestion des coefficients nuls ou égaux à  $\pm 1$ .

En combinant avec le package `\xfp` et fonction de générateur d'entiers aléatoires, on peut de ce fait proposer une commande pour générer aléatoirement des trinômes à coefficients entiers (pour des fiches d'exercices par exemple).

L'affichage des monômes est géré par le package `\siunitx` et le tout est dans un environnement `\ensuremath`.



Code  $\LaTeX$

```
\EcritureTrinome[options]{a}{b}{c}
```



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\EcritureTrinome{1}{7}{0}\  
\EcritureTrinome{1.5}{7.3}{2.56}\  
\EcritureTrinome{-1}{0}{12}\  
\EcritureTrinome{-1}{-5}{0}
```



```
x2 + 7x  
1,5x2 + 7,3x + 2,56  
-x2 + 12  
-x2 - 5x
```

### 49.2 Clés et options



Quelques clés et options sont disponibles :

- la clé booléenne `\Alea` pour autoriser les coefficients aléatoires; défaut `\false`
- la clé booléenne `\Anegatif` pour autoriser  $a$  à être négatif. défaut `\true`



La clé `\Alea` va modifier la manière de saisir les coefficients, il suffira dans ce cas de préciser les bornes, sous la forme `\valmin, valmax`, de chacun des coefficients. C'est ensuite le package `\xfp` qui va se charger de générer les coefficients.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
Avec $a$ entre 1 et 5 (et signe aléatoire) puis $b$ entre $-2$ et 7 puis $c$ entre $-10$ et 20 : \  
\  
$f(x)=\EcritureTrinome[Alea]{1,5}{-5,5}{-10,10}$\  
$g(x)=\EcritureTrinome[Alea]{1,5}{-5,5}{-10,10}$\  
$h(x)=\EcritureTrinome[Alea]{1,5}{-5,5}{-10,10}$\  
Avec $a$ entre 1 et 10 (forcément positif) puis $b$ entre $-2$ et 2 puis $c$ entre 0 et 4 : \  
\EcritureTrinome[Alea,Anegatif=false]{1,10}{-2,2}{0,4}\  
\EcritureTrinome[Alea,Anegatif=false]{1,10}{-2,2}{0,4}\  
\EcritureTrinome[Alea,Anegatif=false]{1,10}{-2,2}{0,4}
```



```
Avec $a$ entre 1 et 5 (et signe aléatoire) puis $b$ entre $-2$ et 7 puis $c$ entre $-10$ et 20 :  
f(x) = -3x2 - 5x + 9  
g(x) = 2x2 - x + 7  
h(x) = 3x2 - 5x - 9  
Avec $a$ entre 1 et 10 (forcément positif) puis $b$ entre $-2$ et 2 puis $c$ entre 0 et 4 :  
5x2 - 2x + 3  
3x2 - x + 3  
3x2 + 3
```

## 50 Simplification de racines

### 50.1 Idée



**2.1.0** L'idée est de proposer une commande pour simplifier *automatiquement* une racine carrée, sous la forme  $\frac{a\sqrt{b}}{c}$  avec  $a$  irréductible et  $b$  le « plus petit possible ».



Code  $\LaTeX$

```
\SimplificationRacine{expression ou calcul}
```



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\SimplificationRacine{48} \ \ \SimplificationRacine{100/34} \ \ \
\SimplificationRacine{99999} \ \ \SimplificationRacine{1500*0.31*(1-0.31)} \ \ \
```


$$4\sqrt{3}$$
$$\frac{5\sqrt{34}}{17}$$
$$3\sqrt{\frac{11111}{10}}$$
$$\frac{3\sqrt{3565}}{10}$$


C'est – comme souvent – le package `xint` qui s'occupe en interne des calculs, et qui devrait donner des résultats satisfaisants dans la majorité des cas (attention aux *grands nombres...*)

La commande ne fait pas office de *calculatrice*, elle ne permet *que* de simplifier *une* racine carrée (donc transformer si besoin!).

### 50.2 Exemples



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
%Simplification d'un module de complexe
$\left| 4+6\text{i}\right| = \sqrt{4^2+6^2} =
\sqrt{\xinteval{4**2+6**2}}=\SimplificationRacine{4**2+6**2}$

%Simplification n°1
$\frac{1}{\sqrt{6}}=\left(\sqrt{\frac{1}{6}}\right)=\SimplificationRacine{1/6}$

%Simplification n°2
$\frac{42}{\sqrt{5}}=\left(\sqrt{\frac{42^2}{5}}\right)=\SimplificationRacine{(42*42)/5}$

%Écart-type d'une loi binomiale
$\sqrt{\num{150}\times\num{0.35}\times(1-\num{0.35})} =
\displaystyle\SimplificationRacine{150*0.35*(1-0.35)}$
```


$$|4 + 6i| = \sqrt{4^2 + 6^2} = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$$
$$\frac{1}{\sqrt{6}} = \left(\sqrt{\frac{1}{6}}\right) = \frac{\sqrt{6}}{6}$$
$$\frac{42}{\sqrt{5}} = \left(\sqrt{\frac{42^2}{5}}\right) = \frac{42\sqrt{5}}{5}$$
$$\sqrt{150 \times 0,35 \times (1 - 0,35)} = \frac{\sqrt{546}}{4}$$

# 51 Mesure principale d'un angle

## 51.1 Idée



**2.1.2** L'idée est de proposer (sur une suggestion de Marylyne Vignal) une commande pour déterminer la mesure principale d'un angle en radian.



</> Code  $\LaTeX$

```
\MesurePrincipale[booléens]{angle} %dans un mode mathématique
```



La commande est à insérer dans un environnement mathématique, via  $\$...\$$  ou  $\backslash[...]$ .  
L'angle est donné sous forme *explicite* avec la chaîne  $\pi$ .

## 51.2 Exemples



Pour cette commande :

- le booléen **<d>** permet de forcer l'affichage en  $\text{displaystyle}$ ; défaut **<false>**
- le booléen **<Crochets>** permet d'afficher le *modulo* entre crochets (sinon parenthèses); défaut **<false>**
- **2.6.0** le booléen **<Brut>** pour afficher uniquement la mesure principale; défaut **<false>**
- l'argument *obligatoire* est en écriture *en ligne*.



</> Code  $\LaTeX$

```
$$\MesurePrincipale[d]{54pi/7}$$  
$$\MesurePrincipale[d]{-128pi/15}$$  
$$\MesurePrincipale{3pi/2}$$  
$$\MesurePrincipale[Crochets]{5pi/2}$$  
$$\MesurePrincipale{-13pi}$$  
$$\MesurePrincipale{28pi}$$  
$$\MesurePrincipale[d]{14pi/4}$$  
$$\MesurePrincipale[Crochets]{14pi/7}$$  
$$\frac{121\pi}{12} = \text{MesurePrincipale}[Brut]{121pi/12} à 2\pi$ près
```



Sortie  $\LaTeX$

```
54π = -2π (2π)  
-128π = -8π (2π)  
3π = -π (2π)  
5π = π (2π)  
-13π = π (2π)  
28π = 0 (2π)  
14π = -π (2π)  
14π = 0 (2π)  
121π = π à 2π près
```

## 52 Lignes trigonométriques

### 52.1 Idée



**2.6.0** L'idée est de proposer pour déterminer les lignes trigonométriques (cos, sin et tan) d'angles classiques, formés des «  $\pi$  » et «  $\pi$  sur 2 ; 3 ; 4 ; 5 ; 6 ; 8 ; 10 ; 12 ».

La commande détermine – et affiche si demandée la réduction – et la valeur exacte de la ligne trigonométrique demandée.



Code  $\LaTeX$

```
\LigneTrigo(*) [booléens]{cos/sin/tan}(angle)
```

### 52.2 Commande



Pour cette commande :

- la version *étoilée* n'affiche pas l'angle initial;
- le booléen **<d>** permet de forcer l'affichage en `\displaystyle`; défaut **<false>**
- le booléen **<Etapes>** permet d'afficher la réduction avant le résultat; défaut **<false>**
- le premier argument *obligatoire*, entre `{...}` est le type de calcul demandé, parmi **<cos / sin / tan>**;
- le second argument *obligatoire*, entre `(...)` est l'angle, donné en ligne, avec `\pi`.



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
$$\LigneTrigo{cos}(56\pi/3)$ et $$\LigneTrigo{sin}(56\pi/3)$ et $$\LigneTrigo{tan}(56\pi/3)$
```



$-\frac{1}{2}$  et  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  et  $-\sqrt{3}$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
$$\LigneTrigo[d,Etapes]{cos}(56\pi/3)$ et $$\LigneTrigo[d,Etapes]{sin}(56\pi/3)$
```



$\cos\left(\frac{56\pi}{3}\right) = \cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) = -\frac{1}{2}$  et  $\sin\left(\frac{56\pi}{3}\right) = \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
$$\LigneTrigo*[d,Etapes]{cos}(2\pi/3)$ et $$\LigneTrigo*[d,Etapes]{sin}(2\pi/3)$
```



$\cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) = -\frac{1}{2}$  et  $\sin\left(\frac{2\pi}{3}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
$$\LigneTrigo[d,Etapes]{cos}(146\pi)$ et $$\LigneTrigo[d,Etapes]{sin}(146\pi)$
```



$\cos(146\pi) = \cos(0) = 1$  et  $\sin(146\pi) = \sin(0) = 0$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
$$\LigneTrigo[d,Etapes]{cos}(-551\pi/12)$ et $$\LigneTrigo[d,Etapes]{sin}(-551\pi/12)$
```



$\cos\left(\frac{-551\pi}{12}\right) = \cos\left(\frac{\pi}{12}\right) = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$  et  $\sin\left(\frac{-551\pi}{12}\right) = \sin\left(\frac{\pi}{12}\right) = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

$\backslash\text{LigneTrigo}[d,\text{Etapes}]{\cos}(447\pi/8)$  et  $\backslash\text{LigneTrigo}[d,\text{Etapes}]{\sin}(447\pi/8)$



$$\cos\left(\frac{447\pi}{8}\right) = \cos\left(\frac{-\pi}{8}\right) = \frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2} \text{ et } \sin\left(\frac{447\pi}{8}\right) = \sin\left(\frac{-\pi}{8}\right) = -\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

$\backslash\text{LigneTrigo}[d,\text{Etapes}]{\cos}(-\pi/8)$  et  $\backslash\text{LigneTrigo}[d,\text{Etapes}]{\sin}(-\pi/8)$



$$\cos\left(\frac{-\pi}{8}\right) = \frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2} \text{ et } \sin\left(\frac{-\pi}{8}\right) = -\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

$\backslash\text{LigneTrigo}[d,\text{Etapes}]{\cos}(-595\pi/12)$  et  $\backslash\text{LigneTrigo}[d,\text{Etapes}]{\sin}(-595\pi/12)$  et  $\backslash\text{LigneTrigo}[d,\text{Etapes}]{\tan}(-595\pi/12)$



$$\cos\left(\frac{-595\pi}{12}\right) = \cos\left(\frac{5\pi}{12}\right) = \frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4} \text{ et } \sin\left(\frac{-595\pi}{12}\right) = \sin\left(\frac{5\pi}{12}\right) = \frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4} \text{ et } \tan\left(\frac{-595\pi}{12}\right) = \tan\left(\frac{5\pi}{12}\right) = 2+\sqrt{3}$$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

$\backslash\text{LigneTrigo}[d,\text{Etapes}]{\cos}(33\pi/10)$  et  $\backslash\text{LigneTrigo}[d,\text{Etapes}]{\sin}(33\pi/10)$  et  $\backslash\text{LigneTrigo}[d,\text{Etapes}]{\tan}(33\pi/10)$



$$\cos\left(\frac{33\pi}{10}\right) = \cos\left(\frac{-7\pi}{10}\right) = -\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4} \text{ et } \sin\left(\frac{33\pi}{10}\right) = \sin\left(\frac{-7\pi}{10}\right) = -\frac{1+\sqrt{5}}{4}$$

$$\tan\left(\frac{33\pi}{10}\right) = \tan\left(\frac{-7\pi}{10}\right) = \frac{\sqrt{25+10\sqrt{5}}}{5}$$



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

$\backslash\text{LigneTrigo}[d,\text{Etapes}]{\cos}(-14\pi/5)$  et  $\backslash\text{LigneTrigo}[d,\text{Etapes}]{\sin}(-14\pi/5)$  et  $\backslash\text{LigneTrigo}[d,\text{Etapes}]{\tan}(-14\pi/5)$



$$\cos\left(\frac{-14\pi}{5}\right) = \cos\left(\frac{-4\pi}{5}\right) = \frac{-1-\sqrt{5}}{4} \text{ et } \sin\left(\frac{-14\pi}{5}\right) = \sin\left(\frac{-4\pi}{5}\right) = -\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$$

$$\tan\left(\frac{-14\pi}{5}\right) = \tan\left(\frac{-4\pi}{5}\right) = \sqrt{5-2\sqrt{5}}$$

## 52.3 Valeurs disponibles



Les valeurs disponibles sont :

angle	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{3\pi}{4}$	$\frac{5\pi}{6}$	$\pi$
cos	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	-1
sin	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
tan	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$		$-\sqrt{3}$	-1	$-\frac{\sqrt{3}}{3}$	0

angle		$-\frac{\pi}{6}$	$-\frac{\pi}{4}$	$-\frac{\pi}{3}$	$-\frac{\pi}{2}$	$-\frac{2\pi}{3}$	$-\frac{3\pi}{4}$	$-\frac{5\pi}{6}$	
cos		$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	
sin		$-\frac{1}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	-1	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{1}{2}$	
tan		$-\frac{\sqrt{3}}{3}$	-1	$-\sqrt{3}$		$\sqrt{3}$	1	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	

angle	$\frac{\pi}{8}$	$\frac{3\pi}{8}$	$\frac{5\pi}{8}$	$\frac{7\pi}{8}$	$\frac{\pi}{12}$	$\frac{5\pi}{12}$	$\frac{7\pi}{12}$	$\frac{11\pi}{12}$
cos	$\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$	$\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$	$\frac{\sqrt{6+\sqrt{2}}}{4}$	$\frac{\sqrt{6-\sqrt{2}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{6+\sqrt{2}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{6-\sqrt{2}}}{4}$
sin	$\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$	$\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$	$\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$	$\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$	$\frac{\sqrt{6-\sqrt{2}}}{4}$	$\frac{\sqrt{6+\sqrt{2}}}{4}$	$\frac{\sqrt{6+\sqrt{2}}}{4}$	$\frac{\sqrt{6-\sqrt{2}}}{4}$
tan	$-1 + \sqrt{2}$	$1 + \sqrt{2}$	$-1 - \sqrt{2}$	$1 - \sqrt{2}$	$2 - \sqrt{3}$	$2 + \sqrt{3}$	$-2 - \sqrt{3}$	$-2 + \sqrt{3}$

angle	$-\frac{\pi}{8}$	$-\frac{3\pi}{8}$	$-\frac{5\pi}{8}$	$-\frac{7\pi}{8}$	$-\frac{\pi}{12}$	$-\frac{5\pi}{12}$	$-\frac{7\pi}{12}$	$-\frac{11\pi}{12}$
cos	$\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$	$\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$	$\frac{\sqrt{6+\sqrt{2}}}{4}$	$\frac{\sqrt{6-\sqrt{2}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{6+\sqrt{2}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{6-\sqrt{2}}}{4}$
sin	$-\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$	$-\frac{\sqrt{6+\sqrt{2}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{6-\sqrt{2}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{6-\sqrt{2}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{6+\sqrt{2}}}{4}$
tan	$1 - \sqrt{2}$	$-1 - \sqrt{2}$	$1 + \sqrt{2}$	$-1 + \sqrt{2}$	$-2 + \sqrt{3}$	$-2 - \sqrt{3}$	$2 + \sqrt{3}$	$2 - \sqrt{3}$

angle	$-\frac{4\pi}{5}$	$-\frac{3\pi}{5}$	$-\frac{2\pi}{5}$	$-\frac{\pi}{5}$	$\frac{\pi}{5}$	$\frac{2\pi}{5}$	$\frac{3\pi}{5}$	$\frac{4\pi}{5}$
cos	$\frac{-1-\sqrt{5}}{4}$	$\frac{1-\sqrt{5}}{4}$	$\frac{-1+\sqrt{5}}{4}$	$\frac{1+\sqrt{5}}{4}$	$\frac{1+\sqrt{5}}{4}$	$\frac{-1+\sqrt{5}}{4}$	$\frac{1-\sqrt{5}}{4}$	$\frac{-1-\sqrt{5}}{4}$
sin	$-\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$	$\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$	$\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$	$\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$	$\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$
tan	$\sqrt{5-2\sqrt{5}}$	$\sqrt{5+2\sqrt{5}}$	$-\sqrt{5+2\sqrt{5}}$	$-\sqrt{5-2\sqrt{5}}$	$\sqrt{5-2\sqrt{5}}$	$\sqrt{5+2\sqrt{5}}$	$-\sqrt{5+2\sqrt{5}}$	$-\sqrt{5-2\sqrt{5}}$

angle	$-\frac{9\pi}{10}$	$-\frac{7\pi}{10}$	$-\frac{3\pi}{10}$	$-\frac{\pi}{10}$	$\frac{\pi}{10}$	$\frac{3\pi}{10}$	$\frac{7\pi}{10}$	$\frac{9\pi}{10}$
cos	$-\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$	$\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$	$\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$	$\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$	$\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$	$-\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$
sin	$\frac{1-\sqrt{5}}{4}$	$-\frac{1+\sqrt{5}}{4}$	$-\frac{1+\sqrt{5}}{4}$	$\frac{1-\sqrt{5}}{4}$	$\frac{-1+\sqrt{5}}{4}$	$\frac{1+\sqrt{5}}{4}$	$\frac{1+\sqrt{5}}{4}$	$\frac{-1+\sqrt{5}}{4}$
tan	$\frac{\sqrt{25-10\sqrt{5}}}{5}$	$\frac{\sqrt{25+10\sqrt{5}}}{5}$	$-\frac{\sqrt{25+10\sqrt{5}}}{5}$	$-\frac{\sqrt{25-10\sqrt{5}}}{5}$	$\frac{\sqrt{25-10\sqrt{5}}}{5}$	$\frac{\sqrt{25+10\sqrt{5}}}{5}$	$-\frac{\sqrt{25+10\sqrt{5}}}{5}$	$-\frac{\sqrt{25-10\sqrt{5}}}{5}$

Thème

# JEUX ET RÉCRÉATIONS

# Treizième partie

## Jeux et récréations

### 53 SudoMaths, en TikZ

#### 53.1 Introduction



L'idée est de *proposer* un environnement TikZ, une commande permettant de tracer des grilles de SudoMaths.

L'environnement créé, lié à TikZ, trace la grille de SudoMaths (avec les blocs démarqués), et peut la remplir avec une liste d'éléments.



Code  $\LaTeX$

```
%grille classique non remplie, avec légendes H/V, {} nécessaires pour préciser que les cases  
seront "vides"  
\SudoMaths{}
```



Code  $\LaTeX$  et sortie  $\LaTeX$

```
\SudoMaths{}
```



	a	b	c	d	e	f	g	h	i
A									
B									
C									
D									
E									
F									
G									
H									
I									



La commande `\SudoMaths` crée donc la grille (remplie ou non), dans un environnement TikZ, c'est *c'est tout!*

On peut également utiliser l'*environnement* `\EnvSudoMaths` dans lequel on peut rajouter du code TikZ!



Code  $\LaTeX$

```
%grille "toute seule"  
\SudoMaths[clés]{liste}  
  
%grille avec ajout de code  
\begin{EnvSudoMaths}[clés]{grille}  
  %commandes tikz  
\end{EnvSudoMaths}
```

## 53.2 Clés et options



Quelques **clés** sont disponibles pour cette commande :

- la clé **<Epaisseur>** pour gérer l'épaisseur des traits épais; défaut **<1.5pt>**
- la clé **<Epaisseur>** pour gérer l'épaisseur des traits fins; défaut **<0.5pt>**
- la clé **<Unite>** qui est l'unité graphique de la figure; défaut **<1cm>**
- la clé **<CouleurCase>** pour la couleur (éventuelles) des cases; défaut **<cyan !50>**
- la clé **<CouleurTexte>** pour gérer la couleur du label des cases; défaut **<blue>**
- la clé **<NbCol>** qui est le nombre de colonnes; défaut **<9>**
- la clé **<NbSubCol>** qui est le nombre de sous-colonnes; défaut **<3>**
- la clé **<NbLig>** qui est le nombre de lignes; défaut **<9>**
- la clé **<NbSubLig>** qui est le nombre de sous-colonnes; défaut **<3>**
- la clé **<Police>** qui formate le label des cases; défaut **<\normalfont\normalsize>**
- le booléen **<Legendes>** qui affiche ou non les légendes (H et V) des cases; défaut **<>true>**
- la clé **<PoliceLeg>** qui formate le label des légendes; défaut **<\normalfont\normalsize>**
- la clé **<ListeLegV>** qui est la liste de la légende verticale; défaut **<ABCD...WXYZ>**
- la clé **<ListeLegH>** qui est la liste de la légende horizontale; défaut **<abcd...wxyz>**
- la clé **<DecalLegende>** qui est le décalage de la légende par rapport à la grille. défaut **<0.45>**



La liste éventuelle des éléments à rentrer dans le tableau est traitée par le package `listofitems`, et se présente sous la forme suivante : `/// ... // § /// ... // § ... § /// ... //`

Il peut donc être intéressant de *déclarer* la liste au préalable pour simplifier la saisie de la commande!



La **<CouleurCase>** est gérée – en interne – par le caractère `*` qui permet de préciser qu'on veut que la case soit coloriée.



Code  $\LaTeX$

```
%grille 6x6 avec blocs 2x3, avec coloration de cases (présentée sous forme de "cases")
\def\grilleSuMa{%
  (a)* / (b)* /      /      / (c)* / (d)* $%
  (e)* /      /      / (f)* / (g)* / (h)* $%
      /      / (i)* /      /      / (j)* $%
      /      / (k)* /      / (l)* / (m)* $%
  (n)* /      / (o)* /      /      / (p)* $%
      /      /      / (q)* /      /      $%
}

\SudoMaths [Unite=0.75cm,NbCol=6,NbSubCol=2,NbLig=6,NbSubLig=3,%
  Police=\small\bfseries\ttfamily,CouleurTexte=red,CouleurCase=yellow!50,%
  Legendes=false]{\grilleSuMa}
```



(a)	(b)			(c)	(d)
(e)			(f)	(g)	(h)
		(i)			(j)
		(k)		(l)	(m)
(n)		(o)			(p)
			(q)		



La grille, créée en TikZ, est portée par le rectangle de « coins » (0;0) et (nbcou; -nblig), de sorte que les labels des cases sont situés au nœuds de coordonnées (x,5; -y,5).



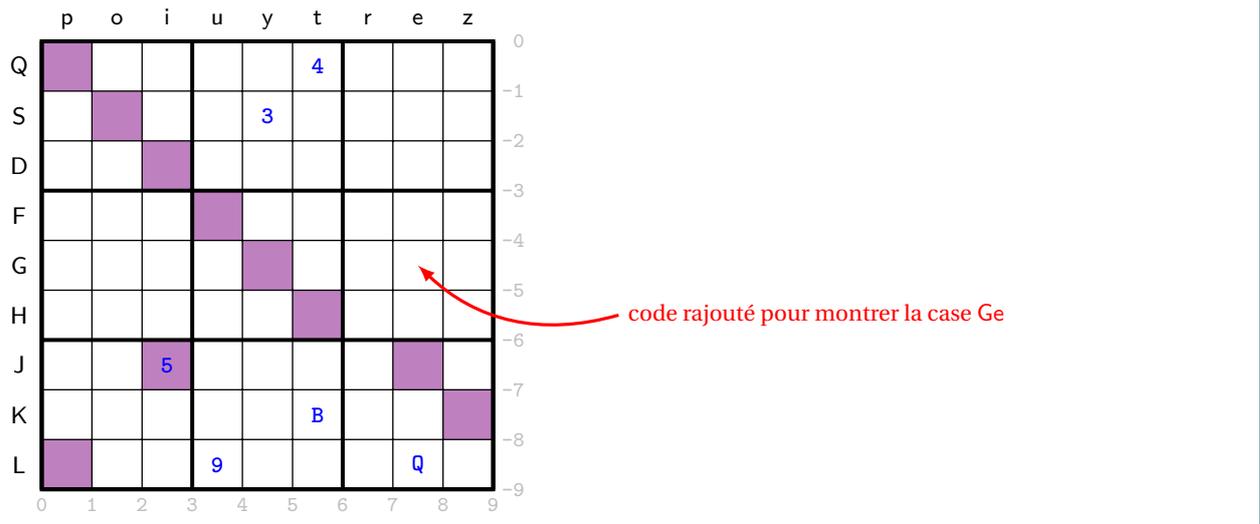
### </> Code $\LaTeX$

```
%grille classique avec coloration de cases et commande tikz
%graduations rajoutées pour la lecture des coordonnées
\def\grilleSuMaB{%
  *////4///S%
  /*///3///S%
  //*****S%
  ///****S%
  ////*///S%
  /////*///S%
  //5*////*/S%
  ///B///*S%
  *///9///Q/S%
}

\begin{EnvSudoMaths}[%
  Unite=0.66cm,Police=\footnotesize\bfseries\ttfamily,CouleurCase=violet!50,%
  ListeLegV=QSDFGHJKL,ListeLegH=poiuytrez]{\grilleSuMaB}
  \draw[red,very thick,<-,>=latex] (7.5,-4.5) to[bend right] ++ (4,-1) node[right] {code
  rajouté...} ;
\end{EnvSudoMaths}
```



### Sortie $\LaTeX$



Thème

# HISTORIQUE

## Quatorzième partie

# Historique

- v 2.7.4 : Ajout de macros pour des écritures mathématiques classiques (20)
  - v 2.7.3 : Correction de la couleur de bordures vertes pour les codes python
  - v 2.7.2 : xcolor n'est plus chargé par défaut (option [xcolor] pour le charger)
  - v 2.7.1 : Chargement de tcolorbox par librairies (au lieu de [most])
  - v 2.7.0 : Ajout de la clé **<Frac>** pour les axes verticaux (36)
    - : Fonction de répartition discrète (133)
  - v 2.6.9 : Amélioration de la présentation de code Piton (page 62)
  - v 2.6.8 : Ajout d'une grille pour les histogrammes non réguliers (page 115)
  - v 2.6.7 : Histogramme à classes régulières ou non (page 115) + Correction de bugs mineurs
  - v 2.6.6 : Style mainlevee en TikZ désormais dans le package tikz2d-fr
  - v 2.6.5 : Ajout d'une option **<nonamssymb>** pour éviter de charger amssymb (page 10)
    - : Ajout d'une commande pour la distance entre deux points (page 92)
  - v 2.6.4 : Résolution d'une équation diophantienne  $ax + by = c$  (page 143)
    - : Correction de bugs mineurs
    - : Ajout de commandes en géométrie analytique (pages 84 et 86 et 88 et 90 et 93)
  - v 2.6.3 : Ajout d'une commande pour déterminer une équation réduite (page 95)
  - v 2.6.2 : Ajout d'une clé **<AffTraitsEq>** pour les équations trigo (page 80)
  - v 2.6.1 : Ajout de commandes pour du calcul intégral (pages 33 et 54)
  - v 2.6.0 : Ajout d'une clé **<Brut>** pour les mesures principales + correction d'un bug + Refonte de la doc
    - : Commande calcul ligne trigo (pages 152 et 153)
  - v 2.5.9 : Ajout clé **<CouleurNombres>** pour Piton (v1.5 mini) (page 62)
  - v 2.5.8 : Ajout d'un style Alt pour les codes (pages 59 et 66)
    - : Modification de la syntaxe des commandes avec Pythontex et PseudoCode (pages 65 et 69)
  - v 2.5.7 : Ajout de clés pour les codes Piton + Console via Pyluatex (page 62)
  - v 2.5.6 : Ajout d'une clé **<Trigo>** pour l'axe (Ox) (page 36)
  - v 2.5.5 : Externalisation de la fenêtre XCas (dans le package FentreCas)
  - v 2.5.4 : Modification des calculs (via xint) en combinatoire (page 132)
  - v 2.5.3 : Modification du traitement des tests dans les arbres de probas (page 125)
  - v 2.5.2 : Correction d'un dysfonctionnement avec tcolorbox 6.0
  - v 2.5.1 : Ajout d'une version étoilée pour la conversion en fraction (page 148)
  - v 2.5.0 : Système de librairies pour certains packages/commandes (page 10)
  - v 2.2.0 : Ajout d'une clé **<Notation>** pour les arrangements et combinaisons (page 132)
  - v 2.1.9 : Correction d'un bug (et ajout d'une version étoilée) pour les petits schémas « de signe » (page 48)
  - v 2.1.8 : Suppression des commandes de PixelArt, désormais dans le package PixelArtTikz
  - v 2.1.7 : Ajout d'une clé **<Math>** pour les sommets des figures de l'espace (pages 76 et 78)
  - v 2.1.6 : Correction d'un bug lié au chargement de hvlogos, remplacé par hologo
  - v 2.1.5 : Combinatoire avec arrangements et combinaisons (page 132)
  - v 2.1.4 : Résolution approchée d'équations  $f(x) = k$  (page 27)
  - v 2.1.3 : Améliorations dans les présentations Piton (page 62)
  - v 2.1.2 : Ajout d'une commande pour la mesure principale d'un angle (page 152)
  - v 2.1.1 : Ajout d'une section pour des repères en TikZ (page 36)
  - v 2.1.0 : Calcul du seuil, en interne désormais (page 31)
    - : Commande pour simplifier une racine carrée (page 151)
    - : Option [pythontex] pour charger le nécessaire pour pythontex
  - v 2.0.9 : Nombres aléatoires, tirages aléatoires d'entiers (page 130)
  - v 2.0.8 : Ajout d'un environnement pour présenter du code  $\LaTeX$  (page 74)
  - v 2.0.7 : Ajout d'options pour stretch et fonte env python(s) (pas tous...)
  - v 2.0.6 : Changement de taille de la police des codes Python (page 59)
  - v 2.0.5 : Correction d'un bug avec les calculs de suites récurrentes (page 31)
  - v 2.0.4 : Ajout d'une commande pour une présentation de solution par TVI (page 29)
  - v 2.0.3 : Commandes pour des suites récurrentes *simples* (page 31)
  - v 2.0.2 : Option left-margin=auto pour le package piton (page 62)
  - v 2.0.1 : Chargement du package piton uniquement si compilation en Lua $\LaTeX$  (page 62)
  - v 2.0.0 : Refonte du code source avec modification des commandes, et de la documentation
-